

[REDACTED]

UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAÍBA  
CENTRO DE CIÊNCIAS E TECNOLOGIA  
DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTAÇÃO

[REDACTED]

OTIMIZAÇÃO DA ALOCAÇÃO DE DISCIPLINAS  
ÀS SALAS DE AULA

POR

EVILSON DE ARAÚJO BARROS

[REDACTED]

CAMPINA GRANDE - PARAÍBA

AGOSTO - 1978

[REDACTED]



B277o Barros, Evilson de Araújo.  
Otimização da alocação de disciplinas às salas de aula /  
Evilson de Araújo Barros. - Campina Grande, 1978.  
136 f.

Dissertação (Mestrado em Sistemas e Computação) -  
Universidade Federal da Paraíba, Centro de Ciências e  
Tecnologia, 1978.  
"Orientação : Prof. Dr. Jean Claude Picard".  
Referências.

1. Redes - Otimização. 2. Disciplinas - Horário - Espaço  
Físico - Otimização. 3. Dissertação - Sistemas e  
Computação. I. Picard, Jean Claude. II. Universidade  
Federal da Paraíba - Campina Grande (PB). III. Título

CDU 004.7(043)



COORDENAÇÃO SETORIAL DE PÓS-GRADUAÇÃO

UFPA

PARECER FINAL DO JULGAMENTO DA DISSERTAÇÃO DO MESTRANDO

EVILSON DE ARAÚJO BARROS

Título: "OTIMIZAÇÃO DA ALOCAÇÃO DE DISCIPLINAS ÀS SALAS DE AULA"

COMISSÃO EXAMINADORA

CONCEITO



*J. Picard*  
JEAN CLAUDE PICARD - Ph.D.  
- Presidente -



*Simin Jalali*  
SIMIN JALALI R. RABBANI - M.Sc.



*E. Veloso*  
EDUARDO ANDRADE VELOSO - M.Sc.



Campina Grande, 04 de agosto de 1978.





A meus pais e irmãos, pelo incentivo  
e apoio sempre demonstrado.



A minha querida esposa Mércia, pela  
ajuda, compreensão e carinho dedicado  
do em todos os momentos.

## AGRADECIMENTOS

O autor agradece:

Ao seu orientador e amigo Prof. Ph.D JEAN CLAUDE PICARD, pelo incentivo, atenção e amizade na orientação deste trabalho e mais ainda pelo grande impulso dado na área de P.O. do Curso de Mestrado.

Ao Prof. M.Sc. EDUARDO ANDRADE VELOSO, Coordenador do Curso de Pós-Graduação em Engenharia de Sistemas.

Ao Prof. M.Sc. ERATÓSTENES EDSON RAMALHO DE ARAÚJO, Chefe do Departamento de Sistemas e Computação e aos demais colegas deste Departamento.

Aos funcionários do DSC do NPD e Controle Acadêmico pela espontânea colaboração.

## RESUMO

Este trabalho diz respeito a um problema de Administração Acadêmica: A OTIMIZAÇÃO DA ALOCAÇÃO DE DISCIPLINAS ÀS SALAS DE AULA para uma Universidade ou Escola. Dado o horário de disciplinas para um período letivo, o problema é encontrar o número mínimo de salas que satisfaça ao horário pré-definido e, ao mesmo tempo tentar minimizar o espaço físico total. Usando otimização em redes, uma metodologia foi desenvolvida e aplicada à Universidade Federal da Paraíba, campus de Campina Grande. Esta técnica mostra um melhoramento substancial na utilização das salas em comparação com a metodologia atualmente usada nesta Universidade.

## ABSTRACT

This work is concerned with a Problem of Academic Administration: THE OPTIMIZATION OF ALLOCATION OF CLASS ROOMS for an university or a school. Given the time table for a school term, the problem is to find the minimum number of rooms to satisfy the time table established and, at the same time, to try to minimize the total physical space. Using optimization in networks, a methodology has been developed and applied to the Federal University of Paraíba in Campina Grande. This approach shows substantial improvements in the room utilization in comparison with the methodology presently being used by this University.

## ÍNDICE

CAPÍTULO	I	INTRODUÇÃO	1
CAPÍTULO	II	DEFINIÇÃO DO PROBLEMA	4
		2.1 - Objetivos do Trabalho	8
		2.2 - Viabilidade do Trabalho	9
CAPÍTULO	III	CONCEITOS E ALGORÍTMOS	10
		3.1 - Grafos	10
		3.2 - Problema de Fluxo Máximo	17
		3.3 - Acoplamento	26
		3.4 - Problema de Designação	29
		3.5 - Construção de um Conjunto Independente Máximo de Células Admissíveis	30
		3.6 - Problema de Decomposição em Cadeias	34
		3.7 - Algoritmo para Solução do Problema de Designação	36
CAPÍTULO	IV	METODOLOGIA	38
		4.1 - Determinação do Número Mínimo de Salas	39
		4.2 - Alocação Ótima das Disciplinas com Mesmo Número de Alunos p/ Sala	45
		4.3 - Alocação das Disciplinas c/ Diferença do Número de Alunos p/Sala não Superior a 20	47

		4.4 - Alocação das Disciplinas c/Diferença do Número de Alunos p/Sala não Superior a 40	52
		4.5 - Alocação de Disciplinas sem Variação do Número de Alunos p/Sala	53
CAPÍTULO	V	RESULTADOS COMPUTACIONAIS E COMPARAÇÕES	62
CAPÍTULO	VI	CONCLUSÕES EXTENSÕES E SUGESTÕES	66
		6.1 - Conclusões e Extensões	66
		6.2 - Sugestões	68
ANEXO	I	PROGRAMAS	69
ANEXO	II	RESULTADOS OBTIDO NO CCT	87

## CAPÍTULO I

### INTRODUÇÃO

A Pesquisa Operacional como disciplina Científica surgiu logo após a segunda guerra mundial e tem sido desenvolvida muito rápida, principalmente no setor privado. Ela sempre pode ser aplicada quando se quer encontrar a melhor entre diversas soluções de um determinado problema, de acordo com os objetivos a serem alcançados.

Nesses últimos anos esforços maiores têm sido dirigidos para aplicação da Pesquisa Operacional ao setor público, e graças as novas técnicas desenvolvidas e as disponibilidades de recursos computacionais esta linha de pesquisa está tomando um novo impulso.

Neste trabalho é apresentada uma aplicação da P.O. a administração acadêmica de Universidade, no tocante a otimização da alocação de disciplinas as salas de aula e são abordadas algumas idéias de automatização do horário de disciplinas e alocação

de professores as disciplinas.

Para cada período letivo, a Administração Acadêmica do Centro de Ciências e Tecnologia da Universidade da Paraíba, onde foi aplicado este trabalho, faz uma previsão de vagas e de disciplinas/turmas a serem oferecidas, baseada em levantamento estatísticos de períodos anteriores, no índice de aprovação, em créditos solicitados, créditos adquiridos, solicitações de disciplinas para o semestre seguinte, etc. De posse dessas informações são definidas as disciplinas que deverão ser ofertados, número de turmas vagas para cada turma e finalmente são montados os horários das disciplinas, a vista das salas de aulas disponíveis.

Convém salientar que, até então este processo é feito manualmente. Após longos dias de trabalho, obviamente se chega a uma solução para o horário das disciplinas e suas respectivas salas de aula. Tendo em vista que o processo de formulação de horário é baseado apenas em experiência prática e senso de cada pessoa, certamente não se pode garantir que a solução encontrada seja boa, podendo-se dizer tão somente que foi encontrada uma solução.

Desde que as disciplinas a serem oferecidas, o número de alunos por turma em função do espaço físico disponível, ou seja: possivelmente algumas disciplinas deixam de ser oferecidas ou o número de vagas por turma é reduzido devido a limitação do espaço físico. Desta forma se faz necessário uma otimização na utilização do espaço físico o que certamente vai dar condições para um melhor atendimento às solicitações e uma melhor formulação de horários das disciplinas.

Face a essas necessidades foi desenvolvido este trabalho

lho que, partindo-se das disciplinas a serem oferecidas e seus respectivos horários e números de vagas, encontra-se o menor número de salas necessário a alocação ótima das disciplinas as salas de aula sujeito a várias restrições, onde para cada conjunto de restrições é apresentada a solução ótima e em alguns casos, a melhor solução possível.

As Técnicas da Teoria dos Grafos utilizadas foram: O Problema de Casamento; O Problema de Designação e Fluxo Máximo a Custo Mínimo.

No Capítulo V é apresentado uma comparação dos resultados obtidos através da implementação e processamento, no sistema IBM/370-145-VS1 na linguagem de programação COBOL, das disciplinas oferecidas no período 781 pelo Centro de Ciências e Tecnologia da Universidade Federal da Paraíba com a solução existente o que deixa bem claro a validade do trabalho.

## CAPÍTULO II

### DEFINIÇÃO DO PROBLEMA

Durante a vigência do Regime Seriado na Universidade, o problema de alocação de disciplinas às salas de aula existia em menor escala, isto porque, normalmente era alocada uma ou duas salas para cada série (ou turma) de cada curso de graduação. Então, durante todo o período letivo as disciplinas referentes aquele curso eram alocadas (ou oferecidas) numa mesma sala e e nesse caso o problema ficava reduzido a alocação das turmas às salas de aula. Convém lembrar que o conjunto das turmas de um determinado curso é bem menor que o conjunto das disciplinas do mesmo.

Com a Reforma Universitária, uma mesma disciplina é oferecida para alunos de vários cursos diferentes, dissolvendo assim, as turmas de cada curso que antes existia no regime seriado. E o conjunto de elementos a ser alocado passou a ser muitas vezes maior que o anterior, pois ao invés de se fazer a alocação de turmas às salas, o que deve ser feito é alocação de disciplinas às salas de aula. E hoje pode-se dizer que O PROBLEMA DE ALOCAÇÃO DE DISCIPLINAS ÀS SALAS DE AULA sempre existe em toda

Universidade ou Unidade de Ensino, e seu grau de complexidade aumenta a medida que cresce o número de disciplinas. Este problema está íntimamente ligado à FORMULAÇÃO DO HORÁRIO DE DISCIPLINAS E ALOCAÇÃO DE PROFESSORES ÀS DISCIPLINAS. Ele faz parte do gênero de problemas de designação. Existe um problema de designação quando certos elementos (aula, ordens, etc) devem ser coordenados a outros elementos (sala, tempo, máquinas, homens, etc) de tal maneira que sejam observadas certas condições (uma sala não pode ser utilizada ao mesmo tempo por mais de uma disciplina, etc) e que um ou vários critérios de qualidade (horário, eficiência, custo, lucro, etc) sejam realizados de maneira ótima ou da melhor maneira possível [ 5 ] .

Considerando que este problema também existe na Universidade Federal da Paraíba, propõe-se a apresentar, como sugestão, várias soluções otimizadas ou as mais viáveis possíveis. Para solucionar tal problema, a Coordenação de Administração Acadêmica deverá ter em mãos os seguintes dados:

- Disciplinas a serem oferecidas no período letivo;
- Número de vagas oferecidas por disciplinas/turma;
- Duração das aulas de cada disciplina;
- Capacidade e equipamentos especiais de cada sala de aula;
- Localização das salas de aula;
- Equipamento especial utilizado por cada disciplina;
- Tempo disponível de cada sala de aula em cada turno da semana.

A Coordenação deverá atender pelo menos, às seguintes condições:

- As disciplinas deverão ser alocadas em salas que tenham equipamentos e capacidades compatíveis;
- Em cada sala de aula deverá haver, no máximo, uma aula ao mesmo tempo;

- Um mesmo professor não poderá dar, ao mesmo tempo, mais que uma aula;
- Uma disciplina com n alunos não poderá ser alocada a uma sala com capacidade inferior a n.

Além dessas, existem outras condições que, apesar de não serem absolutamente obrigatórias, devem ser atendidas, na medida do possível, por exemplo:

- Quando for necessário um professor dar aulas imediatamente seguidas, então, a distância entre as salas de aula não devem ultrapassar um limite pré-fixado;
- Prioridades de horários de aulas dos professores.

A medida que forem sendo atendidas essas condições não absolutamente obrigatórias, é muitas vezes tomada como critério de avaliação da eficiência da Formulação do Horário de Disciplinas, Alocação de Professores às Disciplinas e Alocação de Disciplinas às Salas de Aula. Solucionar tal problema é difícil, e mais ainda quando se tenta fazê-lo manualmente, devido ao grande número de variáveis e restrições do problema, necessitando de várias pessoas e de bastante tempo.

Convém salientar que este problema tem várias soluções viáveis tornando-se muito difícil encontra-las por processos manuais e impossível de encontrar entre elas, a melhor solução.

Na fase inicial deste trabalho, manteve-se contacto com a Coordenação de Administração Acadêmica do Centro de Ciências e Tecnologia da Universidade Federal da Paraíba, a respeito da formulação do horário de disciplinas automatizado, o que teria sido o primeiro objetivo deste trabalho.

A idéia geral era a formulação automática do horário de disciplinas para, a partir das prioridades de horários dos professores e dos alunos, prioridades de horário de algumas disciplinas, disciplinas oferecidas e salas com respectivas capacidades, obter um horário otimizado que atendesse, na medida do possível, essas prioridades. Obviamente, em cada período se encontraria um horário diferente do anterior, tendo em vista que os dados de entrada do sistema (prioridades), seriam diferentes. Essa idéia foi abandonada pelos motivos citados a seguir:

Embora a idéia fosse muito boa, não iria encontrar aceitação por parte dos órgãos administrativos da Universidade. Isso porque já era pensamento dos órgãos competentes, desenvolver e implantar um horário padrão obedecendo a filosofia de horário linear. Este horário padrão é caracterizado pelo fato de não variar no decorrer dos períodos letivos, (semestres) o que proporciona condições para o aluno planejar e decidir quais as disciplinas e em que semestre o mesmo deverá cursá-las.

Além do mais a idéia do horário linear iria atender a algumas condições impostas pelo Sistema Automático de Controle Acadêmico, ora implantado nesta Universidade.

Mas, embora o problema de Formulação do Horário estivesse possivelmente resolvido com o advento do horário linear padrão, outro problema de mesma importância e bastante relacionado com o problema do horário, continuava sem solução ou pelo menos sem uma boa solução. A alocação das disciplinas ao espaço físico (salas). Tal problema vem se agravando a proporção que o número de alunos aumenta, uma vez que, com o aumento do número de alunos, aumenta a demanda de solicitação de disciplinas, aumenta o número de turmas por disciplinas, conseqüentemente aumenta a necessidade de espaço físico, e é sabido que espaço físico não aumenta na mesma proporção.

## 2.1 OBJETIVOS DO TRABALHO

Pelo exposto anteriormente e levando-se em consideração a pretensão de se fazer um trabalho que tivesse aplicação imediata na Administração Acadêmica, o problema teve o seguinte equacionamento:

Partindo-se dos seguintes dados iniciais:

- Disciplinas que serão oferecidas no período letivo e seus respectivos horários;
- Vagas oferecidas por disciplinas/turma.

Propõe-se a:

- Determinar o menor número de salas necessário para alocar todas as disciplinas/horário oferecidas (minimização do número de salas).
- Determinar entre as várias soluções, uma alocação ótima das disciplinas, para esse menor número de salas encontrado, com o menor número de cadeiras, necessário;
- Determinar uma alocação ótima (com menor número de salas e cadeiras) das disciplinas oferecidas, com restrições de horário sem variação do número de alunos por sala;
- Determinar uma alocação ótima (com menor número de salas e cadeiras) das disciplinas oferecidas, com restrição de horário e variação do número de alunos por sala não superior a 20;
- Determinar uma alocação ótima (com menor número de salas e cadeiras) das disciplinas oferecidas, com restrição de horário e variação do número de alunos por sala, não superior a 40;
- Determinar uma alocação ótima (com menor número de salas e cadeiras) das disciplinas oferecidas, com restrição do horário e sem restrição do número de alunos por sala.

Este trabalho poderá ser utilizado pela Admi

nistração Acadêmica da Universidade, em projeção futura de espaço físico necessário para atender ao seu crescimento com relação ao aumento do número de alunos, criação de novos cursos, etc. O resultado desta aplicação será a determinação do número mínimo de salas necessário com suas respectivas capacidade, e alguns dados para sua localização, bem como, o número mínimo de cadeiras.

## 2.2 VIABILIDADE DO TRABALHO

Este trabalho está completamente implementado em computador eletrônico na Linguagem de Programação COBOL, linguagem essa que é utilizada por, aproximadamente, 80% das Unidades de Ensino que têm Administração Acadêmica automatizada. Sua aplicação é imediata e o tempo de processamento muito pequeno (em torno de 5 minutos/turno). Está compatível com as metas do Departamento de Sistemas e Computação por ser prático e aplicável e mais ainda por ser uma tentativa de melhorar o funcionamento de órgãos da própria Universidade Federal da Paraíba, no caso a Coordenação de Administração Acadêmica, e outros setores Administrativos da Universidade.

## CAPÍTULO III

### CONCEITOS E ALGORÍTMOS

#### 3.1 GRAFOS

Um grafo é um conjunto não vazio de pontos ou vértices (ou nós)  $x_1, x_2, \dots, x_n$  (denotado pelo conjunto  $X$ ), e um conjunto de linhas  $a_1, a_2, \dots, a_m$  (denotado pelo conjunto  $A$ ) unindo todos ou alguns desses pontos.

O grafo  $G$  é então completamente descrito e denotado pelo par.  $(X, A)$ . Se as linhas em  $A$  tem uma direção, que é usualmente representado por uma seta, elas são chamadas arcos e o grafo resultante é chamado grafo direcionado Fig. 3.1a. Se as linhas não tem direção elas são chamadas ramos e o grafo é chamado não direcionado Fig. 3.1b.

No caso onde  $G = (X, A)$  é um grafo direcionado mas desejamos desprezar a direção dos arcos em  $A$ , o complemento não direcionado para  $G$  será escrito como  $\bar{G} = (X, \bar{A})$ . Entretanto, quando um arco é denotado pelo par de seus vértices inicial e final (isto é, por seus vértices terminais) sua direção será assumida do primeiro vértice para o segundo. Portanto na Fig. 3.1a  $(x_1, x_2)$  se refere ao arco  $a_1$  e  $(x_2, x_1)$  se referem ao arco  $a_2$ .

Uma maneira, talvez mais prática, de se descrever um grafo dirigido  $G$ , é pela especificação do conjunto  $X$  dos vértices e uma correspondência  $\Gamma$  que indica como os vértices são relacionados com os outros.  $\Gamma$  é chamado relação do conjunto  $X$  em  $X$  e o grafo é denotado por  $G = (X, \Gamma)$ . Na Fig. 3.1a têm-se:

$$\Gamma(x_1) = \{x_2\}$$

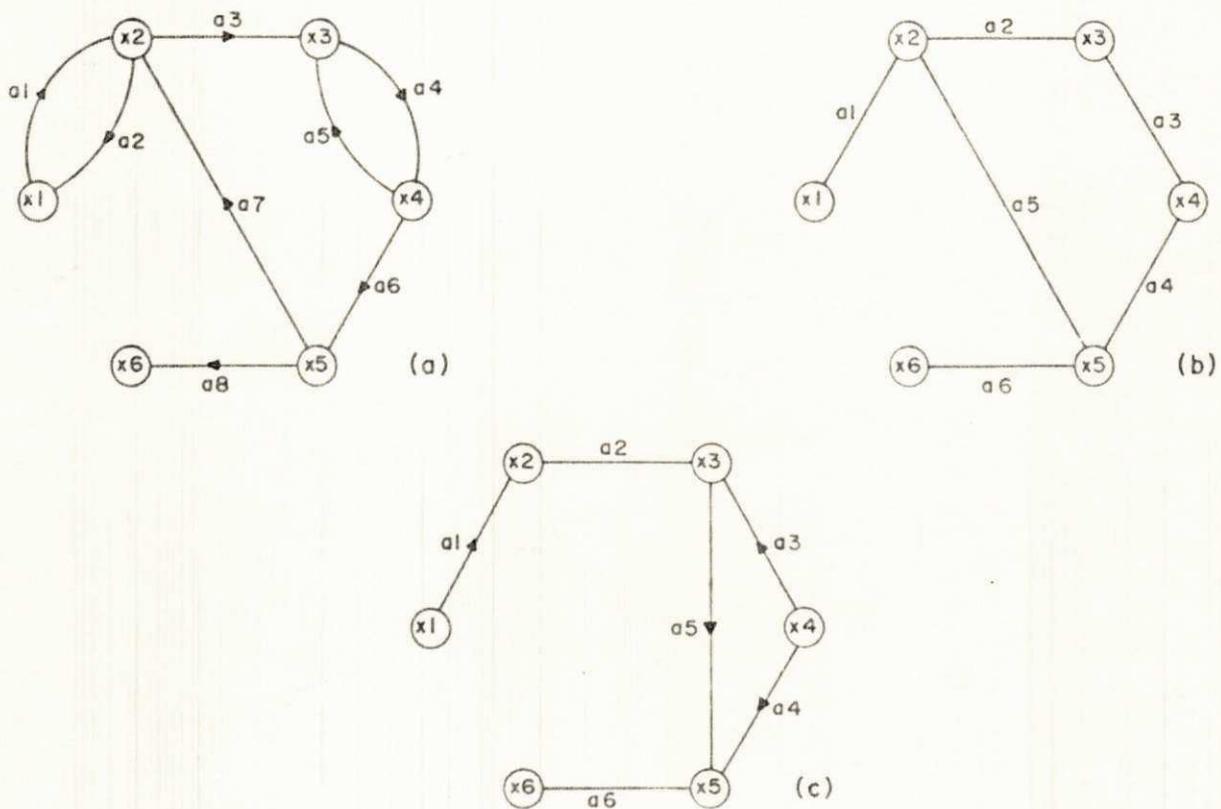


Fig. 3.1 - Grafo Direcionado, Não Direcionado e Misto

No caso de um grafo não direcionado ou de um grafo não direcionado de um grafo misto, a correspondência  $\Gamma$  será assumida como sendo de um grafo direcionado onde cada ramo será substituída por dois arcos com direções opostas. Portanto para o grafo da Fig. 3.1b têm-se:

$$\Gamma(x_3) = \{x_2, x_5\}$$

$$\Gamma(x_4) = \{x_3, x_5\}$$

### 3.1.1 CAMINHOS

Um caminho em um grafo direcionado é uma sequência de arcos com a mesma direção, que partem de uma vértice  $i$  para qualquer vértice  $j$  de modo que o vértice final de um seja o vértice inicial do seguinte. Na Fig. 3.1.1 as sequências abaixo todas são caminhos:

$$a_1, a_3, a_6, a_8, a_{10}$$

$$a_3, a_6, a_9$$

$$a_8, a_6, a_4, a_8, a_{10}$$

Dois arcos  $a_i, a_j$  que possuem um vértice terminal comum são chamados adjacentes. Na Fig. 3.1.1 os arcos  $a_1$  e  $a_2$  são adjacentes.

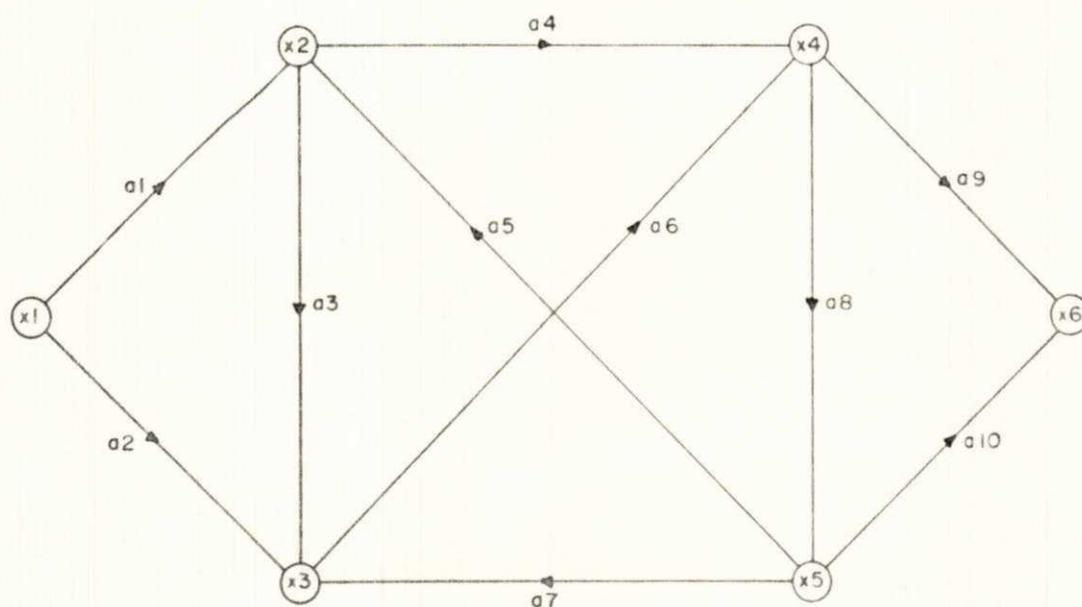


Fig. 3.1.1 - Caminhos

### 3.1.2 PESO OU TAMANHO DE UM CAMINHO

Um número  $c_{ij}$  pode algumas vezes ser associado a um arco  $(x_i, x_j)$ . Esse número é chamado peso, tamanho ou custo e o grafo é chamado de grafo com arcos ponderados. Um peso ou uma capacidade  $V_i$  também pode ser associado a um vértice  $x_i$  e o grafo resultante é um grafo com vértices ponderados. Se um grafo tem arcos e vértices com peso, ele é simplesmente chamado ponderado. Um grafo que tem arcos e/ou vértices ponderados é também chamado de rede (network).

Considerando um caminho  $\ell$  representado pelos arcos  $(a_1, a_2, a_3, \dots, a_k)$  o tamanho (ou custo) do caminho  $T(\ell)$  é dado pela soma dos pesos dos arcos que aparecem em  $\ell$ , isto é:

$$T(\ell) = \sum_{(x_i, x_j) \in \ell} c_{ij}$$

### 3.1.3 CARDINALIDADE

A cardinalidade de um caminho  $\ell$  é  $k$ , isto é, o número de arcos que aparecem no caminho.

### 3.1.4 TIPOS DE GRAFOS

Um grafo  $G = (X, A)$  é dito completo se para todo par vértice  $x_i$  e  $x_j \in X$  existir um ramo  $(\overline{x_i, x_j})$  em  $\bar{G} = (X, \bar{A})$  isto é, deve existir pelo menos um arco ligando todo par de vértices.

Um grafo  $(X, A)$  é dito simétrico sempre que um arco  $(x_i, x_j) \in A$  e seu oposto  $(x_j, x_i) \in A$ .

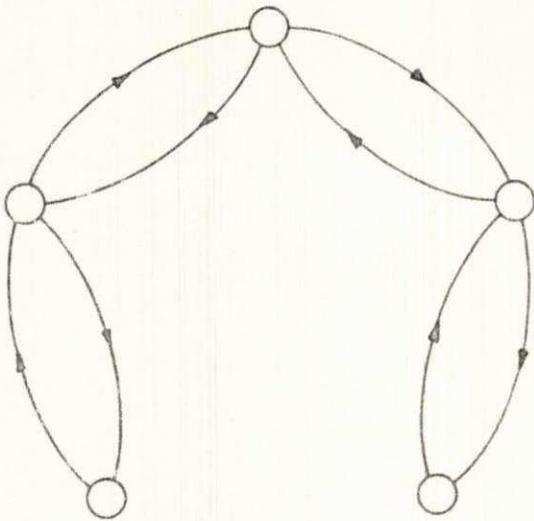
Um grafo é dito anti-simétrico sempre que um arco  $(x_i, x_j) \in A$  e seu oposto  $(x_j, x_i) \notin A$ .

Um grafo não direcionado, é dito ser bipartido se o conjunto  $X$  de seus vértices pode ser particionado em dois sub-conjunto  $X^a$  e  $X^b$  tal que todos os ramos tenham um vértice terminal em  $X^a$  e outro em  $X^b$ . Um grafo direcionado  $G$  é dito ser bipartido se seu complemento não direcionado  $\bar{G}$  é bipartido.

TEOREMA 1. Um grafo não direcionado  $G$  é bipartido, se e somente se, ele não contém ciclos de cardinalidade ímpar.

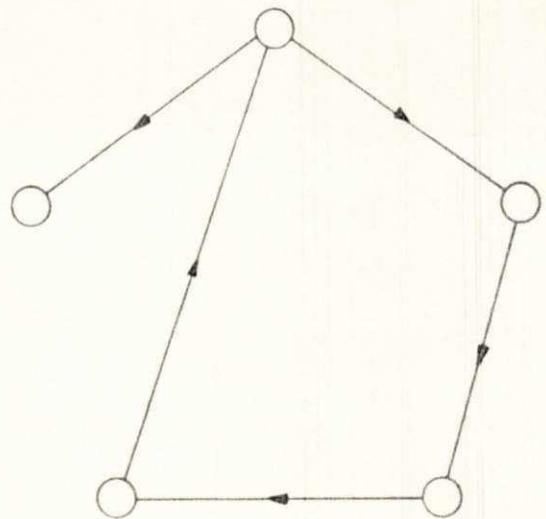
Um grafo bipartido pode ser denotado por  $G = (X^a \cup X^b, A)$ . É dito ser completo se para todos os dois vértices  $x_i \in X^a$  e  $x_j \in X^b$  existir um ramo  $(x_i, x_j)$  em  $\bar{G} = (X, \bar{A})$ .

#### ILUSTRAÇÃO

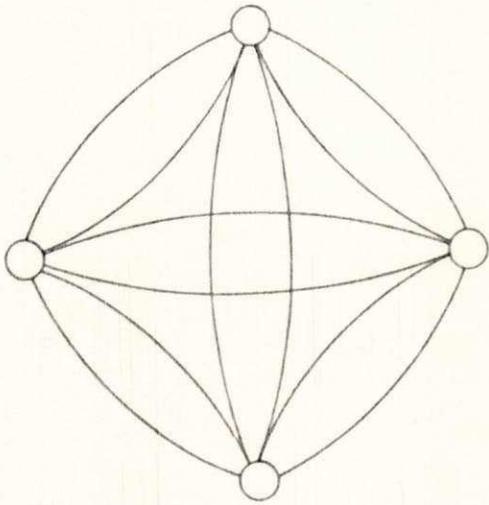


Grafo Simétrico

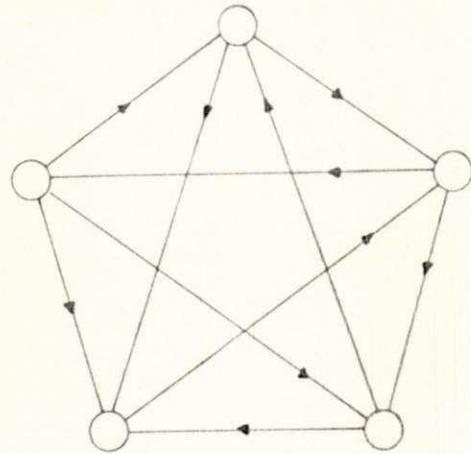
UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAÍBA  
 Pró-Reitoria Para Assuntos do Interior  
 Coordenação Setorial de Pós-Graduação  
 Rua Aprígio Veloso, 882 - Tel (083) 321-7222-R 355  
 58.100 - Campina Grande - Paraíba



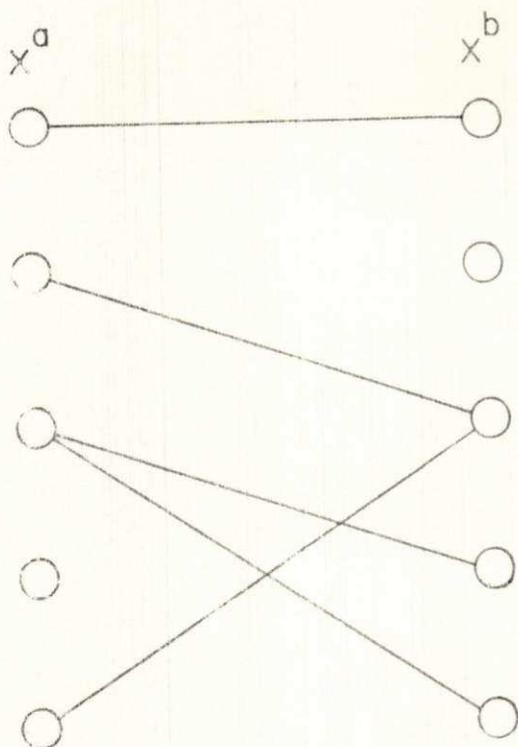
Grafo Anti-simétrico



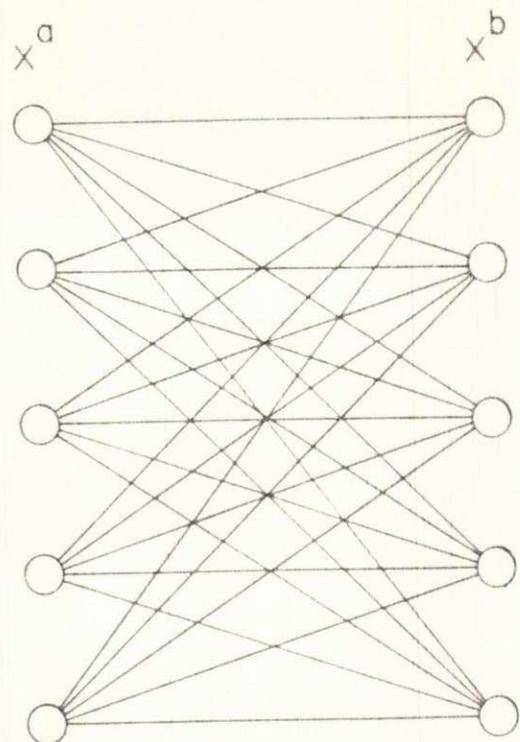
Grafo Completo Simétrico



Grafo Completo Anti-simétrico



Grafo Bipartido



Grafo Bipartido Completo

### 3.1.5 REPRESENTAÇÃO MATRICIAL DE UM GRAFO

Dado um grafo  $G = (X, A)$ , sua matriz adjacência  $D$  (denotada por  $D = [d_{ij}]$ ) é dada por:

$$d_{ij} = 1 \text{ se } (x_i, x_j) \text{ existe em } G$$

$$d_{ij} = 0 \text{ se } (x_i, x_j) \text{ não existe em } G$$

Ver ilustração na Fig. 3.1.5

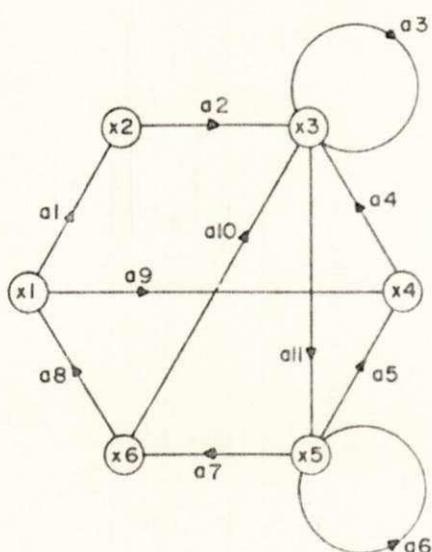


Fig. 3.1.5

	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$x_5$	$x_6$
$x_1$	0	1	0	1	0	0
$x_2$	0	0	1	0	0	0
$x_3$	0	0	1	0	1	0
$x_4$	0	0	1	0	0	0
$x_5$	0	0	0	1	1	1
$x_6$	1	0	1	0	0	0

Matriz Adjacência

A matriz adjacência define completamente a estrutura de um grafo. Podemos verificar que o conjunto das colunas que tem 1 na linha  $x_i$  é a correspondência  $\Gamma(x_i)$  e análogamente o conjunto das linhas que tem 1 na coluna  $x_i$  é a correspondência inversa  $\Gamma^{-1}(x_i)$ .

Dado um grafo  $G = (X, A)$  de  $n$  vértices e  $m$  arcos, a matriz incidência  $B$  (denotado por  $B = [b_{ij}]$ ) é uma matriz  $n \times m$  definida como se segue:

$$b_{ij} = 1 \text{ se } x_i \text{ é o vértice inicial do arco } a_j.$$

$$b_{ij} = -1 \text{ se } x_i \text{ é o vértice final do arco } a_j.$$

$b_{ij} = 0$  se  $x_i$  não é um vértice terminal do arco  $a_j$  ou se  $a_j$  é um laço.

Assim a matriz incidência da Fig. 3.1.5 é dada por:

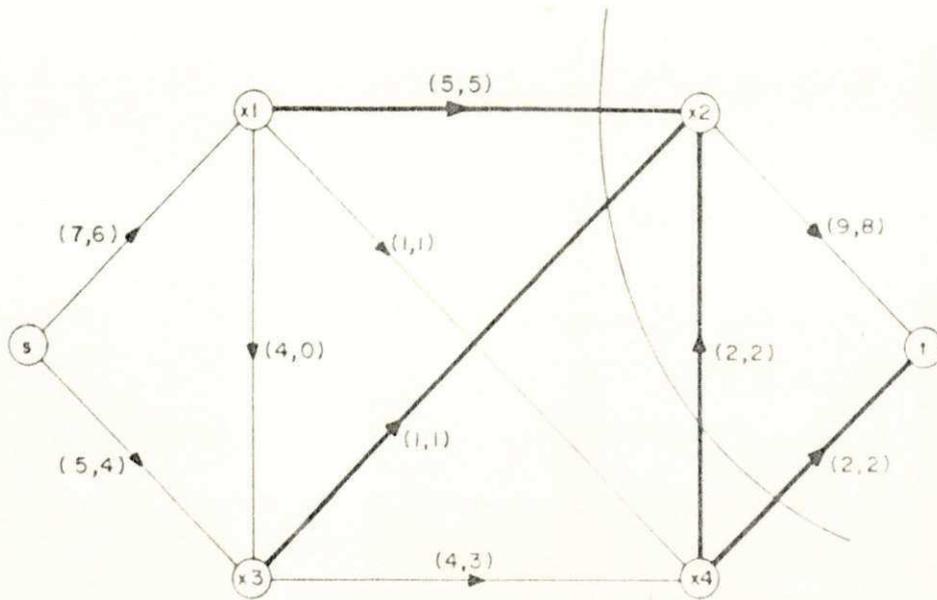
$$B = \begin{matrix} & a_1 & a_2 & a_3 & a_4 & a_5 & a_6 & a_7 & a_8 & a_9 & a_{10} & a_{11} \\ \begin{matrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \\ x_6 \end{matrix} & \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -1 & 0 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 1 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

Matriz Incidência

### 3.2 PROBLEMA DE FLUXO MAXIMO

Seja um grafo  $G = (X, A)$  e um número  $c_{ij}$  associada a cada arco que representa a capacidade do mesmo. Então o fluxo enviado através de um caminho  $s, x_1, \dots, t$  será menor ou igual a menor capacidade dos arcos do caminho. A quantidade total de fluxo  $\sum_{i \in \Gamma(s)} f_{si}$  que sai de  $s$  é igual a quantidade total de fluxo  $\sum_{k \in \Gamma^{-1}(t)} f_{kt}$  que chega em  $t$ . A quantidade de  $f_{ij}$  deve ser menor ou igual a capacidade  $c_{ij}$  [3].

Como exemplo, considere o problema de transporte de certo tipo homogêneo de mercadoria, de um ponto específico chamado origem ( $s$ ) para outro ponto chamado destino ( $t$ ). Ver Fig. 3.2 :

Fig. 3.2 - Fluxo Máximo ( $V = 10$ )

### 3.2.1 FLUXO MÁXIMO EM UMA REDE DIRECIONADA

Em uma rede  $G$  cujos vértices são conectados por arcos que ligam um vértice  $i$  a um vértice  $j$ , sempre é possível enviar um fluxo  $f_{ij}$  de  $i$  a  $j$  de modo que esse fluxo seja menor ou igual a capacidade de  $c_{ij}$  do arco em questão. Ver Fig. 3.2 onde a cada arco está associado um par  $(c_{ij}, f_{ij})$ .

Suponhamos que  $s$  seja o vértice de origem do fluxo e  $t$  o vértice de destino. A quantidade não negativa  $f_{ij}$  é chamada de fluxo em rede se satisfizer as seguintes restrições:

$$\sum_{x_j \in \Gamma(x_i)} f_{ij} - \sum_{x_k \in \Gamma^{-1}(x_i)} f_{ki} = \begin{cases} v & \text{se } x_i = s \\ 0 & \text{se } x_i \neq s \text{ ou } t \\ -v & \text{se } x_i = t \end{cases} \quad (1)$$

$$0 \leq f_{ij} \leq c_{ij} \quad \forall (x_i, x_j) \in A \quad (2)$$

Onde  $v$  é uma quantidade não negativa e chama da valor do fluxo, (1) representa a equação de conservação do flu

ou seja: a quantidade de fluxo que entra num vértice  $x_i$  ( $x_i \neq s$  ou  $t$ ) é igual a que sai. O mesmo acontece com o fluxo que sai do vértice  $s$  e chega no vértice  $t$ . A equação (2) estabelece que o fluxo num arco não pode ser negativo e seu valor máximo não deve ser superior a capacidade do arco. Por exemplo o fluxo ( $f_{x_1, x_2} = c_{x_1, x_2} = 5$ ) Fig. 3.3 .

O objetivo é encontrar um fluxo tal que:

$$V = \sum_{x_j \in \Gamma(s)} f_{sj} = \sum_{x_k \in \Gamma^{-1}(t)} f_{kt}$$

seja máxima, onde  $f_{sj}$  representa o fluxo do vértice  $s$  para  $x_j$  e  $f_{kt}$  o fluxo  $x_k$  para  $t$ .

Como já foi visto. A máxima quantidade de fluxo que se pode enviar através de um caminho  $s, x_1, x_2, \dots, t$  de uma rede, sempre é limitada, obviamente pelo arco que tem a menor capacidade que todos os outros do caminho. Este arco é chamado "bottleneck".

Considerando o caminho  $s, x_1, x_2, t$ , Fig. 3.2 verificamos que o arco que tem menor capacidade é  $(x_1, x_2) = 5$ .

Aqui será introduzido o conceito de corte (cut) [2] . Se os vértices de um grafo não direcionado  $G = (X, A)$  são particionado em dois subconjuntos  $X_0$  e  $\bar{X}_0$  (onde  $X_0 \subset X$  e  $\bar{X}_0$  é o complemento de  $X_0$  em  $X$ ), então o conjunto dos ramos  $(x_i, y_j)$  com  $x_i \in X_0$  e  $y_j \in \bar{X}_0$  e um corte  $(X_0, \bar{X}_0)$ . Um corte de separação entre  $s$  e  $t$  é um conjunto de ramos  $(X_0, \bar{X}_0)$  onde  $s \in X_0$  e  $t \in \bar{X}_0$  . A capacidade ou o valor de um corte  $(X_0, \bar{X}_0)$  denotada por  $C(X_0, \bar{X}_0)$  é  $\sum_{(x_i, x_j) \in (X_0, \bar{X}_0)} c_{ij}$ . Na Fig. 3.2,  $X_0 = \{s, x_1, x_2, x_4\}$  e

$\bar{X}_0 = \{x_2, t\}$ , então os arcos  $(x_1, x_2)$ ,  $(x_3, x_2)$ ,  $(x_4, x_2)$  e  $(x_4, t)$  formam o conjunto de corte (cut-set) e capacidade  $C(X_0, \bar{X}_0) = 5 + 1 + 2 + 2 = 10$  que é o valor do fluxo máximo.

TEOREMA 1 (Maximal flow minimal cut). O valor do fluxo máximo de  $s$  para  $t$  é igual ao valor do conjunto mínimo de corte  $(X_0 - \bar{X}_0)$  separando  $s$  de  $t$ .

O fluxo máximo tem um sem número de aplicações na Pesquisa Operacional. Pode-se considerar como um exemplo o caso de uma fábrica que tem seus depósitos de produtos em várias cidades. Cada depósito solicita determinada quantidade de produto e o transporte desses produtos é limitado pela capacidade do meio de condução.

O que se deseja saber é a quantidade de produto que deve ser produzida de modo que seja satisfeita a demanda.

Um algoritmo bastante eficiente para o problema do fluxo máximo será mostrado a seguir.

## 3.2.2 ALGORÍTMO DE 'FORD-FULKERSON' [ 4 ]

## A - Processo de Rotulagem

Neste processo, um vértice só poderá estar em um dos três estados:

- Rotulado e Processado (isto é: ele tem um rótulo e todos os vértices adjacentes já foram processados);
- Rotulado e Não Processado (isto é: ele tem um rótulo mas não foram processados todos seus vértices adjacentes);
- Não Rotulado (isto é: ele não tem rótulo);

O rótulo de um vértice  $x_i$  é composto de duas partes:  $(+x_j, \gamma)$  ou  $(-x_j, \gamma)$ . Na parte  $+x_j$  do primeiro tipo de rótulo implica que o fluxo ao longo do arco  $(x_j, x_i)$  pode ser incrementado. Na parte  $-x_j$  do segundo tipo de rótulo implica que o fluxo ao longo do arco  $(x_i, x_j)$  pode ser decrementado.  $\gamma$  representa, em ambos os casos, a quantidade máxima de fluxo extra que pode ser enviado de  $s$  para  $x_i$  ao longo da cadeia que está sendo construída.

Inicialmente todos os vértices estão sem rótulo.

- PASSO 1 Rotule  $s$  com  $(+s, \gamma(s) = \infty)$ . Agora  $s$  está rotulado e não processado e todos os outros vértices estão sem rótulo.
- PASSO 2 Escolha qualquer vértice  $x_i$ , com rótulo e não processado e suponha que seu rótulo é  $(+x_k, \gamma(x_i))$ .
- (a) Para todos os vértices  $x_j \in \Gamma(x_i)$  que estão sem rótulo

tulo, para os quais  $f_{ij} < c_{ij}$  coloque o rótulo  $(+x_i, \gamma(x_j))$ , onde

$$\gamma(x_j) = \text{Min} [\gamma(x_i), c_{ij} - f_{ij}]$$

(b) Para todos os vértices  $x_j \in \Gamma^{-1}(x_i)$  que estão sem rótulo, para os quais  $f_{ji} > 0$ , coloque o rótulo  $(-x_i, \gamma(x_j))$ , onde

$$\gamma(x_j) = \text{Min} [\gamma(x_i), f_{ji}]$$

O vértice  $x_i$  está agora rotulado e processado e os vértices  $x_j$  rotulados por (a) ou (b) acima, mas não processados.

PASSO 3 Repita o PASSO 2 até que ou  $t$  é rotulado e nesse caso processe o PASSO 4, ou  $t$  não é rotulado e nenhum rótulo mais pode ser colocado e nesse caso o algoritmo termina com  $f$  como o fluxo máximo.

B - Processo de Aumento do Fluxo

PASSO 4 Faça  $x = t$  e vá para o PASSO 5.

PASSO 5 (a) Se o rótulo em  $x$  é da forma  $(+z, \gamma(x))$ , troque o fluxo ao longo do arco  $(z, x)$  de  $f_{zx}$  para  $f_{zx} + \gamma(x)$ .

(b) Se o rótulo em  $x$  é da forma  $(-z, \gamma(x))$ , troque o fluxo ao longo do arco  $(x, z)$  de  $f_{xz}$  para  $f_{xz} - \gamma(x)$ .

PASSO 6 Se  $z = s$  apague todos os rótulos e retorne ao PASSO 1

para repetir o processo de rotulagem iniciando a partir do novo fluxo melhorado no PASSO 5.

Se  $z \neq s$  faça  $x = z$  e retorne ao PASSO 5.

Exemplo: Considere a rede da Fig. 3.2.2a.

A capacidade de cada arco é dada pelo número associado a ele, e pede-se calcular o fluxo máximo que poderá ser enviado de  $s$  para  $t$  (representados também por  $x_s$  e  $x_t$  respectivamente).

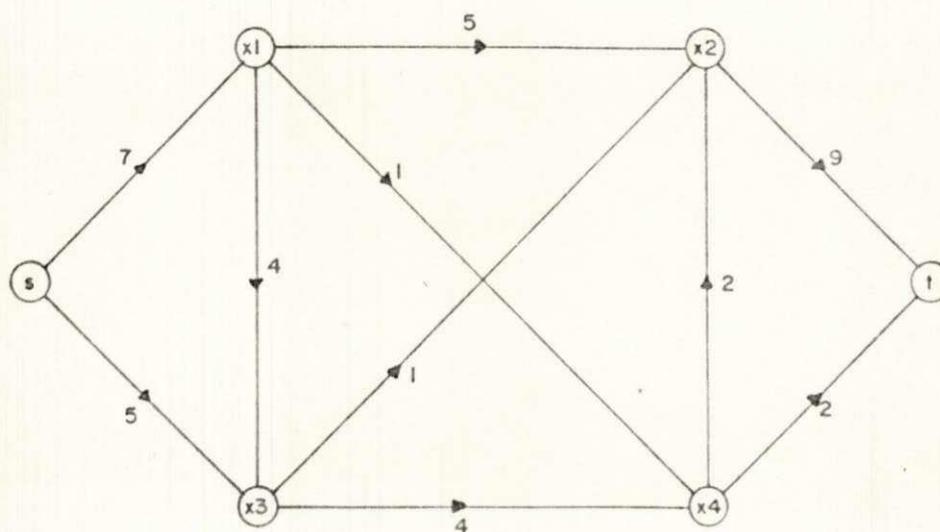


Fig. 3.2.2a - Rede com Capacidade nos Arcos

1ª Iteração:

PASSO 1 Rotule  $s$  com  $(+s, \infty)$

PASSO 2 (a) O conjunto dos vértices  $\{x_j \mid x_j \in \Gamma(s), f_{sj} < c_{sj}$   
e  $x_j$  não rotulado} é  $\{x_1, x_3\}$ .

Rotule  $x_i$  com  $(+x_s, \text{Min} [\infty, (7 - 0)])$ , i. e., com

$(+x_s, 7)$ .

Rotule  $x_3$  com  $(+x_s, \text{Min} [\infty, (5 - 0)])$ , i. e., com  $(+x_s, 5)$ ;

(b) O conjunto dos vértices  $\{x_j \mid x_j \in \Gamma^{-1}(x_s), f_{js} > 0$   
e  $x_j$  não rotulado} é vazio.

Então  $s$  está rotulado e processado e os vértices  $x_2$  e  $x_3$  estão rotulados por (a) mas não processados, e os outros vértices estão não rotulados.

PASSO 3 Repetindo o PASSO 2 e tomando  $x_1$  para processar primei  
ro tem-se:

(a) O conjunto dos vértices  $\{x_j \mid x_j \in \Gamma(x_1), f_{1j} < c_{1j}$  e  $x_j$  não rotulado} é  $\{x_1, x_4\}$ .

Rotule  $x_2$  com  $(+x_1, \text{Min} [7, (5 - 0)])$ , i. e., com  $(+x_1, 5)$ .

Rotule  $x_4$  com  $(+x_1, \text{Min} [7, (1 - 0)])$ , i. e., com  $(+x_1, 1)$ .

O próximo vértice seria  $x_3$ , mas ele já está rotulado co  
mo também os vértices dos conjuntos  $\Gamma$  e  $\Gamma^{-1}$ .

Tomando o vértice  $x_2$  para processá-lo temos:

(a) O conjunto dos vértices  $\{x_j \mid x_j \in \Gamma(x_2), f_{2j} < c_{2j}$   
e  $x_j$  não rotulado} é  $\{t\}$ .

Rotule  $t$  com  $(+x_2, \text{Min} [5, (9 - 0)])$ , i. e., com  $(+x_2, 5)$  como  $t$  foi rotulado, então vá para o PASSO 4.

PASSO 4  $x = t$ .

PASSO 5 (a) O rótulo de  $x$  é da forma  $(+z, \gamma(x))$ , então troque o fluxo ao longo do arco  $(x_2, t)$  de 0 para  $(0 + 5)$ ;

PASSO 6  $z \neq s$  então faça  $x = z$  e volte PASSO 5.

Quando  $z = s$  apague todos os rótulos e volte para o PASSO 1.

A Fig. 3.2.2b mostra a situação, do fluxo o rótulos, até o final da 1ª iteração.

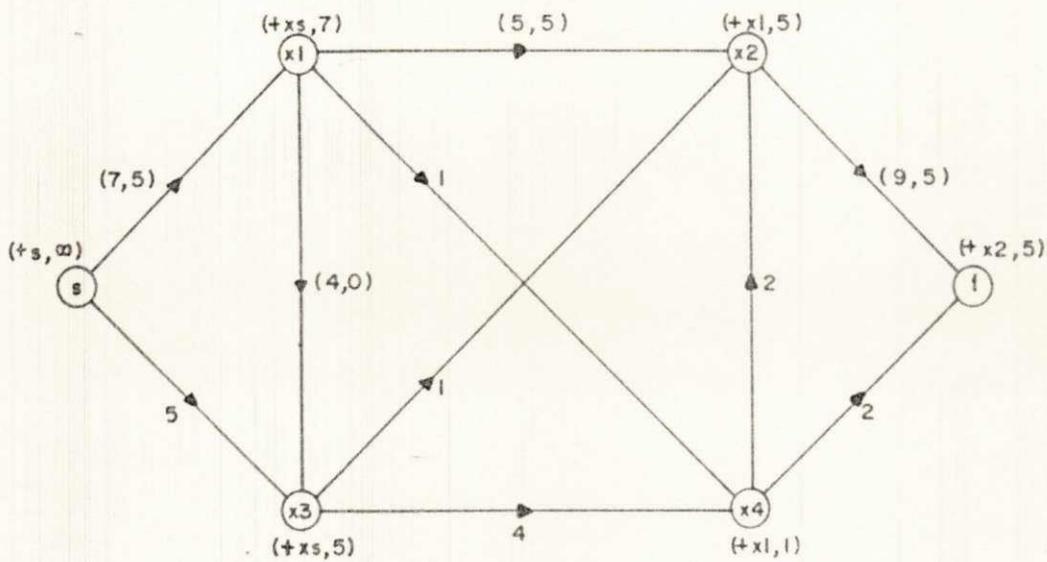


Fig. 3.2.2b - 1ª iteração do Fluxo Máximo.

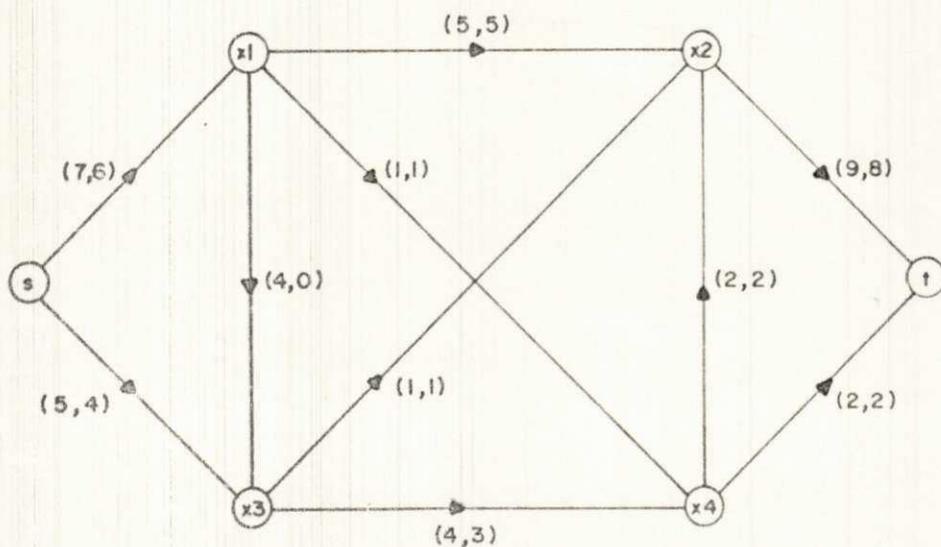


Fig. 3.2.2c - Fluxo Máximo.

Repita o algoritmo até que não possa mais rotular nenhum vértice e  $t$  não foi rotulado. Nesse caso o fluxo atual é máximo e o processo termina. A Fig. 3.2.2c representa o fluxo máximo ( $V = 10$ ) para o exemplo dado. O par de números associados a cada arco são os valores de  $(c_{ij}, f_{ij})$ . Podemos notar que o fluxo  $V = 10$  que sai de  $s$ , i. e.,  $(f_{sx_1} + f_{sx_3} = 6 + 4 = 10)$  é igual ao fluxo que chega em  $t$   $(f_{x_2t} + f_{x_4t} = 8 + 2 = 10)$ .

### 3.3 ACOPLAMENTO

Um acoplamento em um grafo geral não direcionado  $G = (X, A)$  é um conjunto  $M$  do conjunto  $A$  de ramos de  $G$  tal que não haja dois ramos adjacentes (isto é, vértice terminal comum).

Daqui em diante o termo "acoplamento" será substituído por "matching" por ser mais conhecido.

No caso especial de um grafo bipartido  $G = (X^a \cup X^b, A)$  onde os vértices em  $X^a$  e  $X^b$  representam diferentes tipos de entidades (p. e. homens x mulheres; homens x tarefas; tarefas x máquinas; disciplinas x salas de aula, etc) e se pretende formar pares ou casamentos das entidades, o problema de casamento é determinar um matching de cardinalidade máxima. No caso dum grafo bipartido essa cardinalidade máxima  $\leq \text{Min}(|X^a|, |X^b|)$ . Se um grafo tem  $n$  vértices a cardinalidade máxima é sempre menor ou igual a  $(n/2)$ .

Na Fig. 3.3a as linhas mais escuras representam um matching e a cardinalidade máxima é 5 ( $5 < (11/2)$ ).

Considere o problema que se tem quando diversos indivíduos são capazes de executar um certo número de tarefas e se deseja saber qual o maior número de pessoas que pode ser designado para as tarefas.

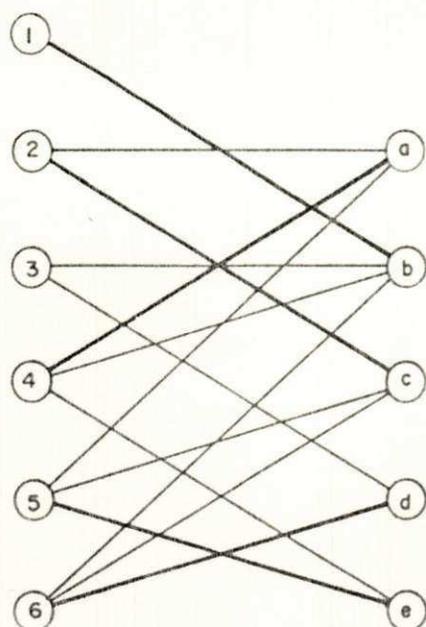


Fig. 3.3a - Matching

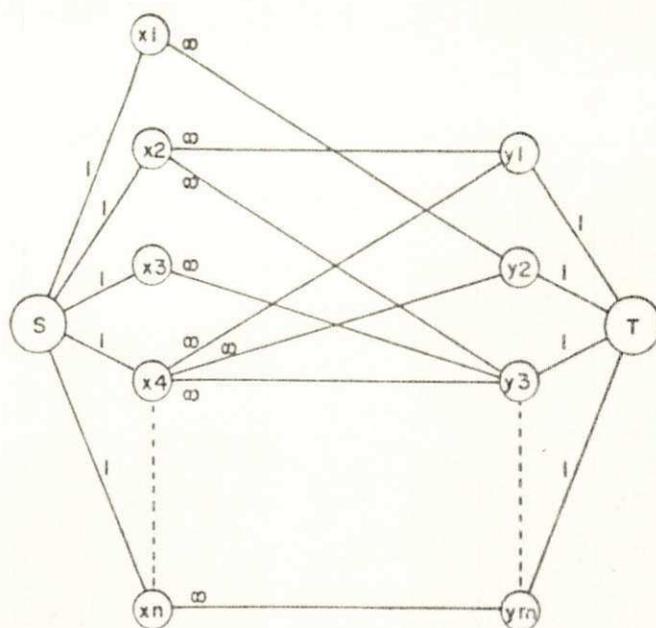


Fig. 3.3b - Fluxo Máximo

Esse problema pode ser representado através de um grafo bipartido  $G = (X^a \cup X^b, A)$ , onde  $X^a$  corresponde ao conjunto de indivíduos,  $X^b$  o conjunto das tarefas e  $x_i \in X^a$  é relacionado por um arco com  $y_j \in X^b$ , desde que um indivíduo  $i$  possa executar uma tarefa  $j$ . Esse problema pode ser visto como um problema de casamento (a matching).

Esse problema de maximal matching pode ser resolvido, facilmente, como um problema de fluxo máximo (ver Fig. 3.3b) bastando acrescentar ao grafo inicial  $G$  um vértice  $s$  ligado a todos os vértices do conjunto  $X^a$ , por arcos com capacidade igual a 1, e um vértice  $t$  ligado a todos os vértices do conjunto  $X^b$ , por arcos com capacidade também, igual a 1. A capacidade de cada arco  $(x_i, y_j)$  poderá ser  $\infty$ . Aplicando o algoritmo de Ford-Fulkerson encontramos um fluxo máximo de valor  $V$  que é igual a cardinalidade dum maximal matching  $|M|$  ( $V = |M|$ ) [5].

O problema de matching está diretamente ligado ao problema de Blocking.

Chama-se blocking um subconjunto  $B$  de  $X^a \cup X^b$

tal que para todo arco de  $(X^a \cup X^b, A)$  pelo menos um tem um vértice terminal em B. A remoção do conjunto blocking destruirá todos os caminhos (cadeias) de  $X^a$  para  $X^b$ .

O problema de blocking é determinar um conjunto B cuja cardinalidade  $|B|$  é mínima.

TEOREMA de König, Egervary

$$\text{Min } \underline{\text{blocking}} = \text{Max. } \underline{\text{matching}} \quad [1] \quad , \quad [2]$$

Outra apresentação desse teorema é algumas vezes dado em termo de uma tabela com n linhas e m colunas cujos elementos (ou células) são chamados de admissíveis ou inadmissíveis, (a partir deste ponto essa tabela será chamada de Matriz de Células Admissíveis). Essa matriz é formada a partir de um grafo bipartido G composto dos vértices:

$$X^a = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$$

$$X^b = \{y_1, y_2, \dots, y_m\}$$

e dos arcos  $(x_i, y_j)$  correspondentes às células admissíveis. Uma célula é dita admissível se e somente se, houver um arco de  $x_i \in X^a$  para  $y_j \in X^b$ .

Se um conjunto de retas traçado sobre as linhas e colunas de matriz cobrir, pelo menos uma vez, o conjunto de células admissíveis, esse conjunto de retas é chamado 'cobertura'.

Um conjunto de células é dito independente se não existir mais que uma célula do conjunto, na mesma linha e na mesma coluna.

Pode-se ver que os pares de notação "conjunto independente de células admissíveis" e a "cobertura" correspondem a "matching" e "blocking", respectivamente.

O processo de rotulagem para construção do flu

xo máximo poderá ser usado para encontrar o conjunto independente máximo de células admissíveis e o conjunto de cobertura mínima das linhas e colunas da matriz de células admissíveis.

### 3.4 PROBLEMA DE DESIGNAÇÃO

O problema de designação existe quando se quer determinar a melhor designação possível de diversos trabalhadores para um igual número de tarefas. Suponha  $n$  trabalhadores (1, 2, ...,  $n$ ) e  $n$  tarefas (1, 2, ...,  $n$ ). A eficiência de cada trabalhador ou cada tarefa pode ser medida, quantitativamente, e representada por um número. Note que esses números tanto podem representar uma eficiência, em cujo caso deve-se encontrar uma solução final com o maior valor possível, como podem representar um custo, onde deve-se encontrar uma solução final com o menor valor possível. Entretanto, considere que esses números representam custos.

		TAREFAS		
		1	2	3
TRABALHADORES	1	4	5	2*
	2	3*	8	7
	3	1	4*	6

Fig. 3.4 - Um Problema de Designação

Considere o exemplo da Fig. 3.4 em que se pretende encontrar a melhor designação possível, ou seja, aquela que tenha o menor custo. Por exemplo, para designar o segundo trabalhador para a primeira tarefa custaria três unidades monetária (crúzeiros por semana, dollars por dia, etc). Para designar o mes

mo trabalhador para as outras duas tarefas custariam oito e sete. A princípio a designação do segundo trabalhador para a primeira tarefa seria a mais viável, mas pode-se notar que se fosse designado o terceiro trabalhador para a primeira tarefa o custo seria apenas um. O problema de designar os três trabalhadores para as três tarefas, de modo que uma tarefa não possa ser realizada por mais de um trabalhador, poderia ser iniciado da seguinte maneira: O primeiro trabalhador poderia ser designado para qualquer das três tarefas. Se fosse escolhida a primeira tarefa para o primeiro trabalhador os outros dois trabalhadores poderiam, cada um, ser designado para a segunda ou a terceira tarefa, de modo que se teria seis possíveis designações diferentes ( $1 \times 2 \times 3 = 6$ ), ou seja, fatorial de 3 ( $3!$ ). Se o número de trabalhadores e tarefas fosse quatro teria-se 24 designações possíveis ( $4! = 24$ ). Obviamente para  $n$  trabalhadores e  $n$  tarefas teria-se  $n!$  designações possíveis. Como se sabe a função fatorial cresce rapidamente e com isso a impossibilidade de se encontrar as soluções possíveis e entre elas a melhor. Essa impossibilidade, ou grau de complexidade é bastante evidente e principalmente quando se tenta encontrar a solução por processos manuais.

Certamente a solução ótima (de custo mínimo) para este problema seria a designação marcada com \*, como mostra a Fig. 3.4, cujo custo é 9 ( $2 + 3 + 4 = 9$ ).

### 3.5 CONSTRUÇÃO DE UM CONJUNTO INDEPENDENTE MÁXIMO DE CÉLULAS ADMISSÍVEIS

Seja  $i = 1, 2, \dots, n$  os índices das linhas e  $j = 1, 2, \dots, m$  os índices das colunas da matriz que representa um grafo bipartido  $G = (X^a \cup X^b, A)$ . O conjunto máximo de casamentos (Maximal Matching) ou o fluxo máximo (maximal flow) é encontra

Sabe-se que o conjunto de cobertura mínima de linhas consiste das linhas não rotuladas e colunas rotuladas. No exemplo da Fig. 3.5d as linhas rotuladas são (2, 3, 4) consequentemente as linhas cobertas são (1, 5), enquanto que as colunas não rotuladas são (1, 3, 5) e as colunas cobertas são (2, 4). Logo, a soma das linhas e das colunas cobertas ( $2 + 2 = 4$ ) formam o conjunto de cobertura mínima que, obviamente, é igual ao valor do fluxo máximo (Fig. 3.5b), o que pode ser comprovado pelo casamento máximo na letra (a) da mesma figura.

### 3.6 PROBLEMA DE DECOMPOSIÇÃO EM CADEIA

Outro problema combinatório que pode ser tratado em termos da teoria de casamento (ou teoria do fluxo máximo) é o problema de ordenação parcial. Seja  $Z$  um conjunto finito que contenha uma ordenação parcial, isto é, uma relação " $<$ " que é transitiva ( $z_1 < z_2$  e  $z_2 < z_3 \rightarrow z_1 < z_3$ ). Dois elementos de  $Z$  são ditos comparáveis se  $z_1 < z_2$  ou  $z_2 < z_1$ , de outra forma eles são ditos incomparáveis. Uma cadeia é um subconjunto de  $Z$  cujos elementos não mutuamente comparáveis. Em outras palavras ela é um conjunto de elementos que podem ser ordenados numa sequência ascendente  $z_1 < z_2 < z_3 < \dots < z_k$ . Desta forma se uma cadeia tem mais que um elemento, corresponde a um caminho na rede cujos vértices pertencem ao conjunto  $Z$  e cujos arcos são os pares  $(u, v)$  tal que  $u < v$ .

#### 3.6.1 O PROBLEMA DE DECOMPOSIÇÃO

Uma decomposição em cadeia de  $Z$  é a alocação de cadeias disjuntas cuja união é  $Z$ . O problema é encontrar uma decomposição  $D$  para o qual  $|D|$  (o número de cadeias) é mínimo.

Exemplo: Seja  $Z$  um conjunto de disciplinas com seus respectivos horários (início e duração). A relação  $z_1 < z_2$  diz que a disciplina  $z_2$  poderá iniciar logo após o término de  $z_1$ .

Uma cadeia é então, um conjunto de disciplinas que não tem coincidência de horário (não fazem overlap no tempo) podendo ser desta forma, alocadas numa mesma sala.

O problema de decomposição em cadeias é encontrar o menor número de salas necessário para alocar todas as disciplinas.

### 3.6.2 TRANSFORMAÇÃO DO PROBLEMA DE DECOMPOSIÇÃO EM CADEIAS NO PROBLEMA DE CASAMENTO

Seja  $U$  e  $W$  duas cópias de conjunto  $Z$ . A cópia em  $U$  de um elemento  $z \in Z$  será denotado por  $z'$ , enquanto que a cópia em  $W$  será denotado por  $z''$ . O par  $(z', z'')$  será dito compatível num grafo bipartido se e somente se, a correspondência dos elementos  $z_1$  e  $z_2$  em  $Z$  satisfaz a relação  $z_1 < z_2$ . Um casamento  $M$  corresponde então ao conjunto de pares comparáveis em  $Z$ , tal que um elemento  $z$  não apareça mais que uma vez, como primeiro elemento de um par, ou como segundo elemento.

Os pares do conjunto  $M$  podem ser escritos, para formar as cadeias disjuntas pela identificação dos elementos comuns. Os elementos restantes de  $Z$  que não formaram pares serão considerados como cadeias de tamanho unitário e desta maneira obtemos um decomposição em cadeias  $D$ . Por exemplo se  $Z$  é constituído de 9 elementos e o matching é:

$$M = \{z_1', z_2'', (z_2', z_3''), (z_4', z_5''), (z_6', z_7''), (z_7', z_8'')\}$$

tem-se:

$$z_1 < z_2 < z_3, \quad z_4 < z_5, \quad z_6 < z_7 < z_8$$

e conseqüentemente a decomposição em cadeias

$$D = \{z_1, z_2, z_3\}, \{z_4, z_5\}, \{z_6, z_7, z_8\}, \{z_9\}$$

Por outro lado cada decomposição em cadeias  $D$  implica na determinação de um casamento  $M$  único.

Observe ainda que, sob esta correspondência, cada cadeia em  $D$  de tamanho  $m$  causa o aparecimento de  $m-1$  pares em  $M$ . Então se  $c_1, c_2, \dots, c_k$  são cadeias em  $D$ , temos:

$$\begin{aligned} M &= (|c_1| - 1) + \dots + (|c_k| - 1) \\ &= (|c_1|) + \dots + (|c_k|) - k = |Z| - |D| \end{aligned}$$

Isto mostra que existe uma correspondência de um-para-um entre a decomposição em cadeia  $D$  de  $Z$  e o matching  $M$ , tal que

$$|D| + |M| = |Z|$$

A solução do problema matching fornece uma solução para o problema de decomposição em cadeia, porque maximizar  $|M|$  é equivalente a minimizar  $|D|$ .

### 3.7 ALGORÍTMO PARA SOLUÇÃO DO PROBLEMA DE DESIGNAÇÃO [9]

O objetivo deste algoritmo é encontrar um fluxo máximo a custo mínimo e que poderá ser usado neste caso' para encontrar a alocação de salas mais eficiente (ou de menor custo). Uma aplicação deste algoritmo pode ser vista no problema representado pela Fig. 3.4 onde foi encontrada uma designação ótima (a custo mínimo). Outras aplicações poderão ser vista no Capítulo IV.

Seja uma matriz  $C$  composta das linhas  $i$  ( $i = 1, 2, \dots, n$ ) e das colunas  $j$  ( $j = 1, 2, \dots, n$ ), onde  $c_{ij}$  é o custo

(ou penalidade, ou eficiência) de um elemento (homem, disciplina etc)  $i$  ser designado para outro elemento (tarefa, sala etc)  $j$ . Um algoritmo muito eficiente para este problema é dado como se segue:

Seja  $C^*$  uma cópia da matriz  $C$

- PASSO 1 Subtraia de cada linha  $i$  seu menor elemento; subtraia de cada coluna  $j$  seu menor elemento e vá para o PASSO 2;
- PASSO 2 Construa uma matriz  $M^*$  ( $n \times n$ ) de células admissíveis a partir de  $C^*$  de modo que  $m_{ij}$  será admissível se  $c_{ij}$  da matriz  $C^*$  for zero, caso contrário  $m_{ij}$  será inadmissível. Vá para o PASSO 3;
- PASSO 3 Encontre o fluxo máximo (pode ser usado o algoritmo 3.5.1) ou o conjunto de células independentes, a partir da matriz  $M^*$ ;
- PASSO 4 Se o valor  $V$  do fluxo máximo for igual a  $n$  o processo termina.  
Se o valor de  $V$  for menor que  $n$  vá para o PASSO 5.
- PASSO 5 Encontre o menor elemento  $c_{ij}$  não coberto a partir da matriz  $C^*$ ;
- PASSO 6 Subtraia esse menor elemento  $c_{ij}$  das colunas não cobertas da matriz  $C^*$  e adicione esse menor elemento  $c_{ij}$  às linhas cobertas de  $C^*$  e vá para o PASSO 2.

## CAPÍTULO IV

### METODOLOGIA

Neste Capítulo serão apresentadas algumas técnicas de otimização da Teoria dos Grafos e Programação Linear, que são variantes da Pesquisa Operacional as quais foram utilizadas, nesta Tese, a fim de se obter algumas soluções para o problema de Alocação de Disciplinas às Salas de Aulas.

Como já foi dito no Capítulo II, este tipo de problema está sempre presente na Unidades de Ensino e torna-se cada vez mais difícil de se encontrar suas soluções viáveis, a medida que a Unidade de Ensino cresce e principalmente quando a disponibilidade de espaço físico são bastante limitadas, como é o caso da maioria das universidade brasileiras. Por outro lado, se não existe escassez de espaço físico mas se deseja encontrar uma solução otimizada, o problema de alocação, abordado acima, está presente.

Será apresentada a seguir a metodologia aplicada para cada tipo de solução encontrada.

#### 4.1 DETERMINAÇÃO DO NÚMERO MÍNIMO DE SALAS

Seja um conjunto de disciplinas  $x_1, x_2, \dots, x_n$  (denotado pelo conjunto  $X$ ), com seus respectivos horários de início  $b_i$ , duração  $d_i$  e número de vagas  $v_i = (i = 1, 2, \dots, n)$ . O problema é encontrar um menor número de salas para alocação das disciplinas, de modo que sejam respeitados os horários, isto é, esse número mínimo de salas deve ser tal que exista pelo menos uma solução em que não haja coincidência de horário com as disciplinas de uma mesma sala.

Para resolver este problema deve-se ter em mente que, quanto maior for o número de disciplinas agrupadas para uma mesma sala, menor será o número de salas. Em outras palavras, deve-se encontrar agrupamentos (ou cadeias) como o maior número possível de elementos que é o mesmo que encontrar um matching de cardinalidade máxima  $|M|$ . (Ver conceitos no § 3.3 e 3.4). De posse de  $M$  faz-se a decomposição em cadeias (§ 3.6) e obtem-se  $D = [\{c_1\}, \dots, \{c_k\}]$ , onde os  $c_{j_i}$ 's são as cadeias de  $D$ , e  $k$  é o número de cadeias, que corresponde ao número mínimo de salas para alocar as  $n$  disciplinas.

UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAÍBA  
 Pró-Reitoria Para Assuntos do Interior  
 Coordenação Setorial de Pós-Graduação  
 Rua Aprígio Veloso, 832 Tel (083) 321 7222-R 355  
 58.100 - Campina Grande - Paraíba

ILUSTRAÇÃO:

Seja encontrar o menor número de salas para as nove disciplinas ( $n = 9$ ) constantes da Fig. 4.1a.

Disciplina (xi)	Horário			Vagas (vi)
	Início (bi)	Duração (di)	Término (gi)	
1	1	2	3	80
2	1	2	3	40
3	2	2	4	20
4	3	1	4	30
5	3	2	5	70
6	4	2	6	50
7	5	1	6	10
8	6	1	7	20
9	6	2	8	80

Fig. 4.1a - Horário de disciplinas

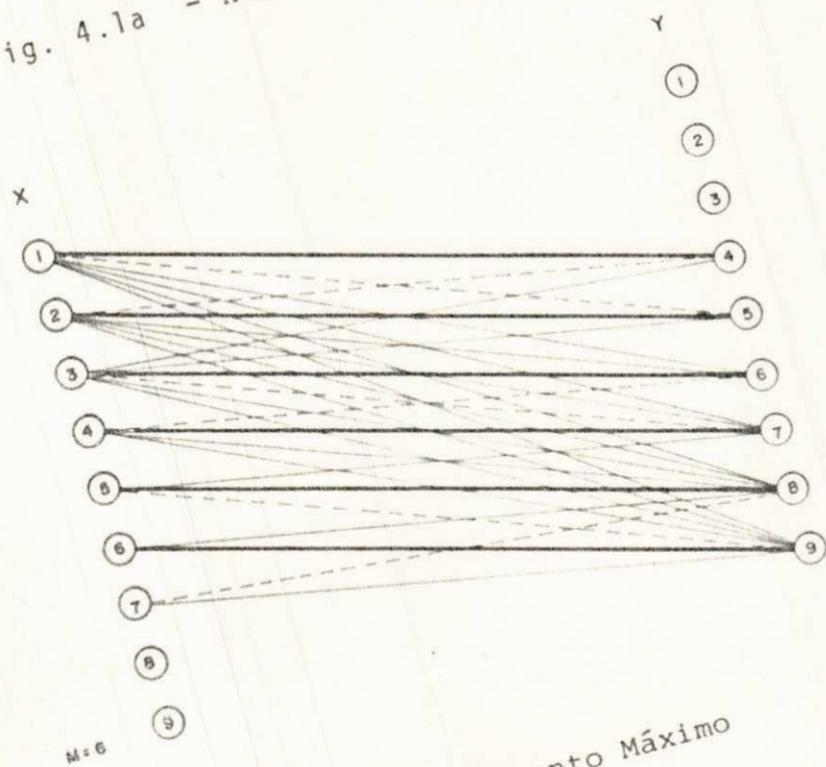


Fig. 4.1b - Casamento Máximo

Para maior clareza no desenvolvimento do problema, considere um grafo bipartido  $G = (X^a \cup X^b, A)$  representado pela terminologia  $G = (X \cup Y, A)$ .

Desenvolvimento do problema - a partir da Fig. 4.1a constroeu-se um grafo bipartido  $G = (X \cup Y, A)$  com os v\u00e9rtices  $x_i$  ( $i = 1, 2, \dots, 9$ ) e  $y_j$  ( $j = 1, 2, \dots, 9$ ). Haver\u00e1 uma linha  $(x_i, x_j)$  para  $i, j = 1, 2, \dots, 9$  se e somente se  $b_j \geq g_i$ . Por exemplo  $x_1$  ser\u00e1 ligado a  $y_4, y_5, \dots, y_9$  porque  $b_4, b_5, \dots, b_9$  s\u00e3o  $\geq g_1$ .

Este problema poder\u00e1 ter mais de uma solu\u00e7\u00e3o \u00f3tima. A Fig. 4.1b ilustra dois tipos diferentes de casamentos \u00f3timos. O primeiro est\u00e1 representado pelas linhas mais fortes (—) e o segundo pelas linhas tracejadas (---).

Ent\u00e3o para o primeiro caso tem-se os seguintes casamentos:

$$M_1 = \{(x_1, y_4), (x_2, y_5), (x_3, y_6), (x_4, y_7), (x_5, y_8), (x_6, y_9)\}$$

ou  $M_1 = \{(x_1, y_4), (x_4, y_7), (x_2, y_5), (x_5, y_8), (x_3, y_6), (x_6, y_9)\}$  (1)

Tendo em vista que  $X$  e  $Y$  representam conjuntos de mesmo tipo de elementos (neste caso, disciplinas) pode-se representar esses dois conjuntos pelo t\u00e9rmo comum  $Z$  cujos elementos s\u00e3o  $z_1, \dots, z_9$ . Ent\u00e3o  $M_1$  poder\u00e1 ser escrito da seguinte forma:

$$M_1 = \{(z_1, z_4), (z_4, z_7), (z_2, z_5), (z_5, z_8), (z_3, z_6), (z_6, z_9)\} \quad (2)$$

Fazendo a decomposi\u00e7\u00e3o em cadeias (§ 3.6), tem-se:

$$z_1 < z_4 < z_7, \quad z_2 < z_5 < z_8, \quad z_3 < z_6 < z_9$$

Ent\u00e3o:

$$D = \{z_1, z_4, z_7\}, \{z_2, z_5, z_8\}, \{z_3, z_6, z_9\} \quad (3)$$

$|D| = 3$  que é o menor número de salas procurados.

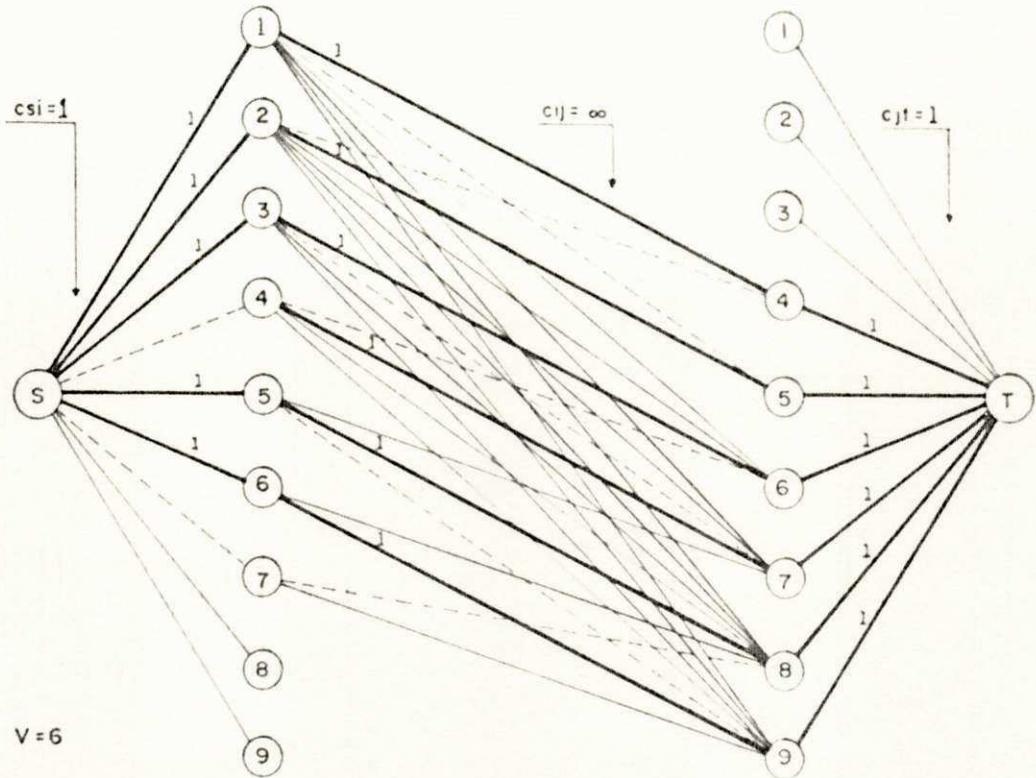


Fig. 4.1c - Fluxo Máximo

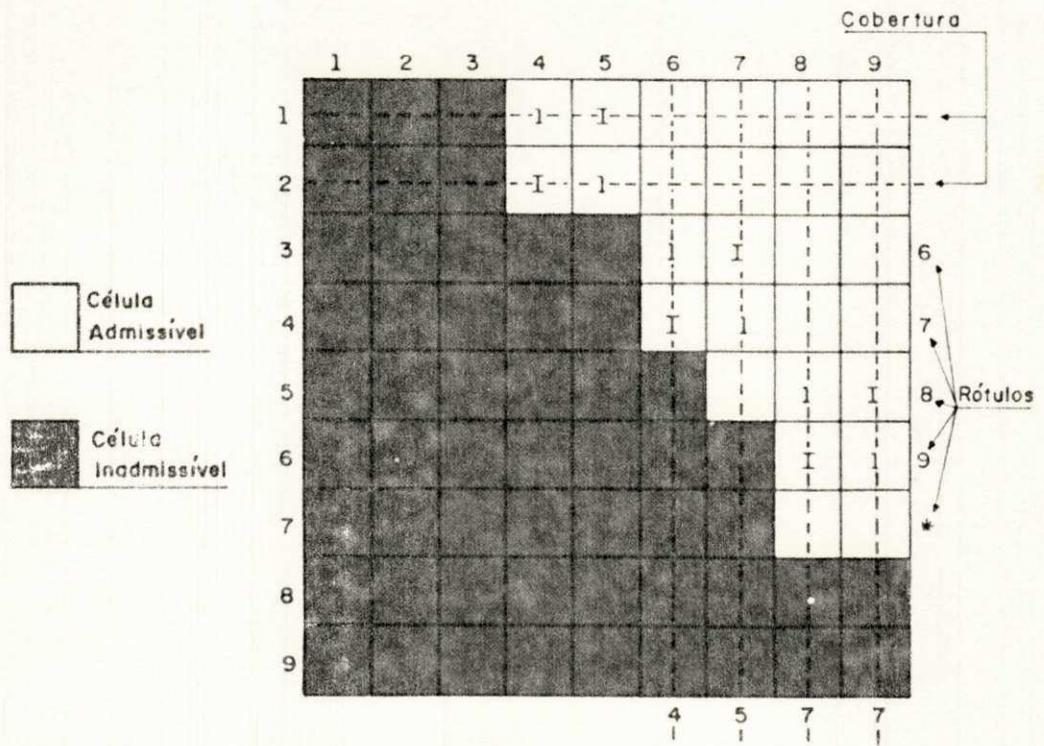


Fig. 4.1d - Matriz de Células Admissíveis

Analogamente para o segundo tipo de casamento, tem-se:

$$M_2 = \{(x_1, y_5), (x_2, y_4), (x_3, y_7), (x_4, y_6), (x_5, y_9), (x_7, y_8)\}$$

ou  $M_2 = \{(x_1, y_5), (x_5, y_9), (x_2, y_4), (x_4, y_6), (x_3, y_7), (x_7, y_8)\}$

Substituindo  $x_i$  e  $y_i$  pelo termo comum  $z_i$ , tem-se:

$$M_2 = \{(z_1, z_5), (z_5, z_9), (z_2, z_4), (z_4, z_6), (z_3, z_7), (z_7, z_8)\}$$

Fazendo a decomposição em cadeias, tem-se:

$$z_1 < z_5 < z_9, \quad z_2 < z_4 < z_6, \quad z_3 < z_7 < z_8$$

$$|D| = \{z_1, z_5, z_9\}, \{z_2, z_4, z_6\}, \{z_3, z_7, z_8\} \quad (4)$$

$$|D| = 3$$

Onde a cardinalidade de  $D$  ( $|D| = 3$ ) representa o número mínimo de salas procurada.

Este problema ilustrado na Fig. 4.1a poderá ser resolvido facilmente através do fluxo máximo em redes (§ 3.2.1) com aplicação direta do algoritmo de Ford-Fulkerson (§ 3.2.2), como se segue:

Adicione ao grafo bipartido da Fig. 4.1b um vértice inicial ( $s$ ) com arcos ligando esse vértice aos vértices de  $X$ , e um vértice terminal ( $t$ ) com arcos ligando vértices de  $Y$  a esse vértice. Faça igual a 1 a capacidade de cada um desses arcos e igual a  $\infty$  os arcos  $(x_i, x_j)$ . Agora pode ser enviado o fluxo máximo de  $s$  para  $t$  com o auxílio do processo de rotulagem de Ford-Fulkerson. A Fig. 4.1c ilustra a situação final do algoritmo com as mesmas soluções ótimas com o valor máximo do fluxo igual a 6. Para se obter o menor número de salas é bastante fazer a decom

posição em cadeias já mostrada anteriormente.

Outra maneira de se encontrar o menor número de salas para as disciplinas, como indicadas na Fig. 4.1a é através da matriz de Células admissíveis (ver § 3.5). Seja uma matriz  $M^*$  composta das linhas  $i$  ( $i = 1, 2, \dots, n$ ) e das colunas  $j$  ( $j = 1, 2, \dots, n$ ), onde cada elemento  $m_{ij}$  (célula) será dito admissível ou inadmissível. Neste problema uma célula  $m_{ij}$  será dita admissível se o início  $b_j$  da disciplina  $j$  for maior ou igual ao término  $g_i$  da disciplina  $i$ , isto é, se a disciplina  $j$  poder ser iniciada logo após o término da disciplina  $i$ , caso contrário será dita inadmissível. Na Fig. 4.1d as células com fundo preto são inadmissíveis. Aplique o algoritmo 3.5.1 para encontrar o fluxo máximo.

O processo inicializa com a colocação de 1's nas células admissíveis, de modo que não haja mais que um 1 numa mesma linha ou coluna da matriz  $M^*$ . O processo de rotulagem do algoritmo informa se é ou não possível aumentar o número de 1's (i. e., o fluxo). Se for possível, o fluxo será incrementado de 1 na célula indicado pelo rótulo  $e$ , feito isto, serão apagados todos os rótulos e aplicado novamente o processo de rotulagem até que não seja mais possível aumentar o fluxo, quando então, o fluxo atual é máximo.

Neste método, como no fluxo máximo pode-se obter várias soluções ótimas. Na Fig. 4.1d são apresentadas duas soluções ótimas, uma representada por "1" nas células admissíveis e outra representada por "I", e como se pode ver, o número máximo de 1's ou I's é igual a 6, que é o valor do fluxo máximo e também igual ao conjunto de coberturas mínimas. Na figura em questão o

conjunto de cobertura mínima é dado pelas linhas não rotuladas (1 e 2) e pelas colunas rotuladas (6, 7, 8 e 9) e está representado por linhas tracejadas (----).

A partir dos casamentos das linhas  $i$  com as colunas  $j$  aplica-se o processo de decomposição em cadeias, como foi feito no primeiro método dessa ilustração matching e encontra-se o menor número de salas que será igual a 3.

#### 4.2 ALOCAÇÃO ÓTIMA DAS DISCIPLINAS COM MESMO NÚMERO DE ALUNOS P/SALA

O objetivo principal deste parágrafo é encontrar uma alocação ótima para um número  $n$  de disciplinas com seus respectivos horários (início e duração) e número de vagas oferecidas (alunos matriculados). Obviamente, duas disciplinas quaisquer ( $i$  e  $j$ ) serão alocadas para uma mesma sala se e somente se satisfizerem as seguintes restrições:

$$\text{Início } b_j \text{ de } j \geq \text{término } g_i \text{ de } i \quad (1)$$

$$\text{vagas de } j = \text{vagas } v_i \text{ de } i \quad (2)$$

$$i, j = 1, 2, \dots, n$$

Onde (1) diz que não deve haver coincidência de horário entre as disciplinas  $i$  e  $j$ ; (2) diz que não deve haver diferença entre os números de vagas (alunos) entre duas disciplinas  $i$  e  $j$ .

Este problema também é um problema de casamento e poderá ser resolvido por fluxo máximo ou células admissíveis (Ver § 3.2 e § 3.5), com aplicação de decomposição em cadeias

(§ 3.6) na solução de qualquer dos dois métodos. Devido a semelhança de processamento deste problema com o abordado no § 4.1 será ilustrado apenas, a solução através da matriz de células admissíveis, que é o processo que se aproxima mais com a implementação em computador. Para melhor entendimento e comparação dos resultados, será usado o mesmo problema abordado na ilustração do § 4.1.

Desenvolvimento do problema: A partir da Fig. 4.1a constroem-se a matriz  $M^*$  ( $n \times n$ ) de células admissíveis, sendo que neste caso o número de células inadmissíveis será igual ao do problema do § 4.1 mais as células inadmissíveis referente a restrição (2) deste parágrafo. Pois deve-se lembrar que, neste caso, uma célula será dita admissível se e somente se satisfizer as restrições (1) e (2) citadas anteriormente.

A Fig. 4.2a ilustra a matriz ( $9 \times 9$ ) com células admissíveis. O conjunto de células inadmissíveis será representado por um "X" e as outras serão admissíveis.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	X	X	X	X	X	X	X	X	1
2	X	X	X	X	X	X	X	X	X
3	X	X	X	X	X	X	X	1	X
4	X	X	X	X	X	X	X	X	X
5	X	X	X	X	X	X	X	X	X
6	X	X	X	X	X	X	X	X	X
7	X	X	X	X	X	X	X	X	X
8	X	X	X	X	X	X	X	X	X
9	X	X	X	X	X	X	X	X	X

Fig. 4.2a - Matriz de Células Admissíveis

Salas	Disciplinas/Alunos	Cap.Salas (nºcadeiras)
1	1/80 , 9/80	80
2	3/20 , 8/20	20
3	2/40	40
4	4/30	30
5	5/70	70
6	6/50	50
7	7/10	10
7	9/400	300
TOTALS		

Fig. 4.2b - Solução do Problema

Aplicando o algoritmo 3.2.2 na matriz 4.2a en

contra-se os seguintes casamentos, de acordo com (2) do § 4.1:

$$M = \{(Z_1, Z_2), (Z_3, Z_8)\}$$

$$|M| = 2$$

Fazendo a decomposição em cadeia (§ 3.6), tem-se:

$$z_1 < z_9, \quad z_3 < z_8$$

$$|D| = \{z_1, z_9\}, \{z_3, z_8\}, \{z_2\}, \{z_4\}, \{z_5\}, \{z_6\}, \{z_7\}$$

$$|D| = 7$$

Como já foi visto, a cardinalidade de  $Z$  é 1 igual ao número de elementos de uma ordenação, neste caso  $|Z| = 9$  e de acordo com o problema de decomposição em cadeia (§ 3.6) tem-se:

$$|D| + |M| = |Z|$$

Desta forma, pode-se concluir que para o problema em questão haverá, coincidentemente, uma solução única com o número mínimo de salas igual a 7 e de cadeiras igual a 300 e a a locação das disciplinas como mostra a Fig. 4.2b.

Convém salientar que para este tipo de problema o número de salas é evidentemente mínimo, como também o número de cadeiras.

#### 4.3 ALOCAÇÃO DAS DISCIPLINAS C/ DIFERENÇA DO NÚMERO DE ALUNOS P/ SALA NÃO SUPERIOR A 20

O objetivo principal deste parágrafo é encon

trar uma alocação melhor possível (que poderá ser ótima) para um número  $n$  de disciplinas com seus respectivos horários (início, duração) e o número de vagas oferecidas (alunos matriculados), de modo que duas disciplinas quaisquer ( $i$  e  $j$ ) serão alocadas para uma mesma sala se e somente se satisfizerem as seguintes restrições:

$$\text{início } b_j \text{ de } j \geq \text{término } g_i \text{ de } i \quad (1)$$

$$|\text{vagas } v_i \text{ de } i - \text{vagas } v_j \text{ de } j| \leq 20 \quad (2)$$

$$i, j = 1, 2, \dots, n$$

Onde (2) diz que o módulo da diferença entre as vagas de  $i$  e  $j$  deve ser menor ou igual a 20.

Será também usado neste parágrafo o mesmo problema abordado na ilustração do § 4.1.

Como já foi dito, este tipo de problema tem várias soluções viáveis. Uma maneira de se fazer com que o processo sempre tenda para a solução ótima e através de penalidade (ou custo). Esse custo varia de zero a infinito e é sempre referenciado a um par de disciplinas. Obviamente, quanto menor for a diferença de vagas entre cada par de disciplinas, menor será o custo e isto faz com que essas disciplinas fiquem agrupadas na solução final e por outro lado, evita que um par de disciplinas com maior diferença de vagas sejam agregadas. Por exemplo, na Fig. 4.1a as disciplinas (2, 3, 4, 7) têm (40, 20, 30, 10) vagas respectivamente. Se fossem alocadas as disciplinas (2, 3), que têm uma diferença de vagas igual a 20, para uma mesma sala; e as disciplinas (4, 7) que têm uma diferença de vagas igual a 20, para outra salas, seriam

necessário duas salas com (40, 30) cadeiras; ao passo que se for alocada as disciplinas (2, 7) e (3, 4) em duas salas, será necessário (20 + 40) cadeiras o que daria um saldo de 10 cadeiras. Desta forma pode-se ver que o algoritmo sempre vai procurar uma solução a custo mínimo.

O critério de penalidade ou custo adotado neste trabalho foi o seguinte:

Se duas disciplinas quaisquer (i, j) satisfazem as restrições (1) e (2), sua penalidade (ou custo)  $c_{ij}$  será dado pela equação abaixo:

$$c_{ij} = ((\text{vagas de } i - \text{vagas de } j)/10)^2 \quad (3)$$

Se não satisfazem a pelo menos uma das duas restrições, seu custo é dado por:

$$c_{ij} = \infty \quad (\text{para efeito de cálculo considerou-se } \infty = 100) \quad (4)$$

Desde que as células admissíveis têm um custo dado por (3) e as inadmissíveis têm custo dado por (4) o problema abordado torna-se um problema de fluxo máximo a custo mínimo ou um problema de designação (Assignment Problem) ver § 3.4.

Desenvolvimento do Problema: A partir do problema da Fig. 4.1a construa a matriz custo  $C_{(9 \times 9)}$  Fig. 4.3a de acordo com as penalidades (3) ou (4).

Copie  $C^*$  a partir de  $C$  (A matriz custo  $C^*$  é de trabalho e a matriz  $C$  deve ser guardada para calcular o custo final). Ver

triz C\* na Fig. 4.3a .

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	100	100	100	100	1	100	100	100	0
2	100	100	100	1	100	1	100	4	100
3	100	100	100	100	100	100	1	0	100
4	100	100	100	100	100	4	4	1	100
5	100	100	100	100	100	100	100	100	1
6	100	100	100	100	100	100	100	100	100
7	100	100	100	100	100	100	100	1	100
8	100	100	100	100	100	100	100	100	100
9	100	100	100	100	100	100	100	100	100

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	100	100	100	100	1	100	100	100	0
2	100	100	100	1	100	1	100	4	100
3	100	100	100	100	100	100	1	0	100
4	100	100	100	100	100	4	4	1	100
5	100	100	100	100	100	100	100	100	1
6	100	100	100	100	100	100	100	100	100
7	100	100	100	100	100	100	100	1	100
8	100	100	100	100	100	100	100	100	100
9	100	100	100	100	100	100	100	100	100

Matriz Custo - C

Cópia da Matriz Custo - C\*

Fig. 4.3a - Matrizes Custo

Aplique à matriz custo C\* o algoritmo 3.7 (algoritmo para solução do problema de designação), a partir do PASO 1 para encontrar uma designação ótima ou a mais eficiente designação das disciplinas às salas de aula. Devido a semelhança de processamento, o acompanhamento desse algoritmo só será visto no § 4.5 . Na Fig. 4.3b pode ser visto a matriz de células admissíveis M\*. Com duas soluções a custo mínimo uma representada por 1's nas células admissíveis e a outra representada por \*'s.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	x	x	x	x	1*	x	x	x	
2	x	x	x	1*	x		x	x	x
3	x	x	x	x	x	x	1*	x	x
4	x	x	x	x	x	1*	x		x
5	x	x	x	x	x	x	x	x	1*
6	1		*					x	x
7	x	x	x	x	x	x	x	1*	x
8	*	1						x	x
9		*	1					x	x

Matriz M\* com solução

SALAS	DISCIPLINA/ALUNOS	CAPAC. SALAS Nº CADEIRA
1	1/80, 5/70, 9/80	80
2	2/40, 4/30, 6/50	50
3	3/20, 7/10, 8/20	20
3	9/400	150
TOTAIS		

Solução do Problema 4.3

Fig. 4.3b - Soluções

O custo dessa designação pode ser calculado através da soma dos custos  $c_{ij}$  e  $C$  de cada elemento  $m_{ij} \in M^*$  indicado com um 1 ou com \*, ou seja:

$$\begin{aligned} C' &= c_{1.5} + c_{5.9} + c_{2.4} + c_{4.6} + c_{7.8} \\ &= 1 + 1 + 1 + 4 + 1 \\ &= 8 \end{aligned}$$

Com os resultados mostrados acima, pode-se concluir que, para alocar as disciplinas em questão com diferença do número de alunos por sala não superior a 20, serão necessário 3 salas com capacidades iguais a (80, 50 e 20) e conseqüentemente um total mínimo de cadeiras igual a 150 o que representa menos da metade de recursos físicos da solução do problema do § 4.2. A alocação das disciplinas deverá ser como mostra a Fig. 4.3b.

A solução acima encontrada, na realidade é ótima e é o que acontece em quase 10% dos casos reais de alocação de disciplinas. Isto pode ser comprovado no Capítulo V onde este algoritmo foi aplicado às disciplinas oferecidas no período pelo Centro de Ciências e Tecnologia da UFPb. Mas observe o que aconteceria se p. e. quatro disciplinas (1, 2, 3, 4) cujos horários fossem compatíveis e tivessem (20, 40, 60, 80) vagas respectivamente como na Fig. 4.3c abaixo:

DISCIPL.	HORÁRIO			VAGAS
	INICIO	DURAÇÃO	TÉRMINO	
1	1	1	2	20
2	2	1	3	40
3	3	1	4	60
4	4	1	5	80

	1	2	3	4
1	X	1	X	X
2	X	X	1	X
3	X	X	X	1
4	X	X	X	X

SALA	DISCIPLINAS (VAGAS)			
	1	2	3	4
	(20)	(40)	(60)	(80)
1	⏟			
	≠ 20			
	⏟			
2	⏟			
	≠ 40			
	⏟			
3	⏟			
	≠ 60			
	⏟			

Horário de Disciplinas

Fluxo Máximo

Alocação de Disciplinas

Fig. 4.3c - Exemplo de uma impossibilidade de solução ótima

Neste caso, a solução única do problema de casamento seria:

$$M = \{(z_1, z_2), (z_2, z_3), (z_3, z_4)\}$$

$$|M| = 3$$

Fazendo a decomposição em cadeia, tem-se:

$$z_1 < z_2 < z_3 < z_4$$

$$D = [\{z_1\}, \{z_2\}, \{z_3\}, \{z_4\}]$$

$$|D| = 1$$

Então  $|M| + |D| = |Z|$  é verdadeiro.

Isto significa que só será necessário uma única sala para alocar as quatro disciplinas, o que seria uma contradição a restrição (2) do § 4.3. Ver Fig. 4.3c (alocação de Disciciplinas).

Então pode-se concluir que a solução ótima do problema de alocação de disciplinas, onde em cada sala só deve existir disciplinas cuja diferença entre os números mínimos e máximo dos alunos não deve ser  $\geq 20$  é um problema muito difícil. Muito embora neste processo tenham sido utilizados métodos eficientes, ele não deixará de ser um processo heurístico que procura um número mínimo das salas com um espaço físico que será mais ou menos mínimo.

#### 4.4 ALOCAÇÃO DAS DISCIPLINAS C/ DIFERENÇA DO NÚMERO DE ALUNOS NÃO SUPERIOR A 40

O objetivo deste parágrafo é o mesmo do § 4.3,

sendo que neste, as disciplinas alocadas para uma mesma sala devem satisfazer as seguintes restrições:

$$\text{início } b_j \text{ de } j \geq \text{término } g_i \text{ de } i \quad (1)$$

$$|\text{vagas } v_i \text{ de } i - \text{vagas } v_j \text{ de } j| \leq 40 \quad (2)$$

$$i, j = 1, 2, \dots, n$$

Desenvolvimento do Problema: A partir do problema da Fig. 4.1a construa a matriz custo  $C_{(9 \times 9)}$  (Fig. 4.4) de acordo com as penalidades (3) ou (4) do § 4.3. Tendo em vista que o processo usado neste parágrafo é o mesmo do parágrafo anterior e, por coincidência a solução encontrada é também igual a anterior, não serão desenvolvidos o procedimentos neste parágrafo. Não obstante, será dada a matriz custo  $C$ , que, como dados de entrada, difere da matriz anterior por causa da modificação da restrição (2)

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	100	100	100	100	1	9	100	100	0
2	100	100	100	1	9	1	9	4	16
3	100	100	100	100	100	9	1	0	100
4	100	100	100	100	100	4	4	1	100
5	100	100	100	100	100	100	100	100	1
6	100	100	100	100	100	100	100	9	9
7	100	100	100	100	100	100	100	1	100
8	100	100	100	100	100	100	100	100	100
9	100	100	100	100	100	100	100	100	100

Fig. 4.4 - Matriz Custo C

#### 4.5 ALOCAÇÃO DE DISCIPLINAS SEM VARIAÇÃO DO NÚMERO DE ALUNOS P/ SALA

O objetivo principal deste parágrafo é encontrar uma alocação ótima para um número  $n$  de disciplinas com seus

respectivos horários (início e duração) e número de vagas oferecidas (alunos matriculados), de maneira que, duas disciplinas  $i$  e  $j$  serão alocadas para uma mesma sala se e somente se, satisfizerem a seguinte restrição:

$$\begin{aligned} \text{Início } b_j \text{ de } j &\geq \text{término } g_i \text{ de } i & (1) \\ i, j &= 1, 2, \dots, n \end{aligned}$$

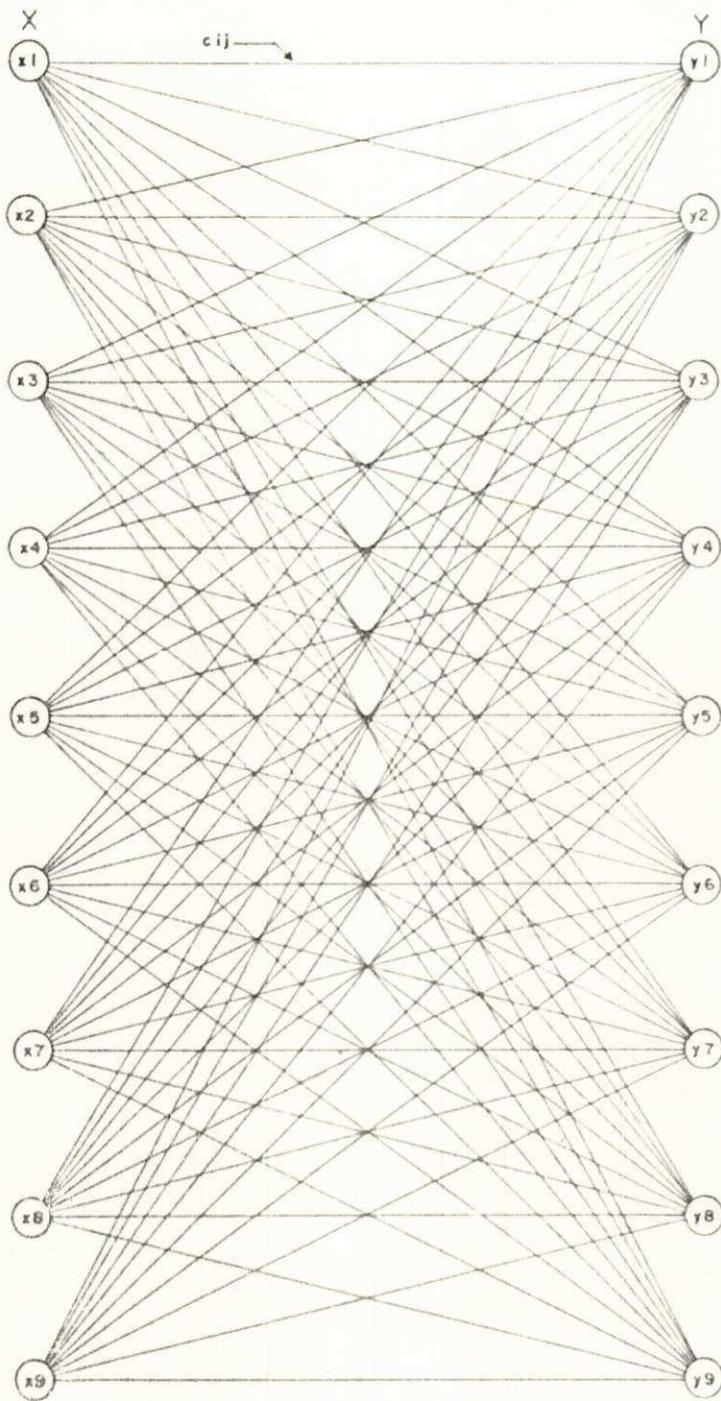
No problema do § 4.1 foi construída uma matriz onde as células ou eram admissíveis ou inadmissíveis e foi resolvido o problema de fluxo máximo (ou conjunto independente máximo de células admissíveis), e como foi visto sempre é possível encontrar várias soluções com o mesmo valor do fluxo máximo. Neste parágrafo, cada célula terá um valor associado a ela, que representa o custo de uma disciplina  $j$  ser alocada na mesma sala com a disciplina  $i$ , e o problema agora é encontrar um fluxo máximo com custo mínimo.

Observe a Fig. 4.1b, onde só existe um arco  $(x_i, y_j)$  de  $x_i \in X$  para  $y_j \in Y$  se e somente se  $b_j \geq g_i$ . No problema deste parágrafo, haverá sempre um arco  $(x_i, y_j)$  ligando todos os vértices  $x_i \in X$ , a todos os vértices  $y_j \in Y$ , com um custo associado. A Fig. 4.5a ilustra o exemplo do problema abordado no início deste capítulo (ver Fig. 4.1a), o que vem a ser um problema designação (Assignment Problem).

Onde,

$$c_{ij} = \infty \text{ se } b_j < g_i \quad (2)$$

$$c_{ij} = \gamma \text{ se } b_j \geq g_i, \quad \gamma = ((v_j - v_i)/10)^2 \quad (3)$$



(a) Problema de Designação

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	100	100	100	25	1	9	49	36	0
2	100	100	100	1	9	1	9	4	16
3	100	100	100	100	100	9	1	0	36
4	100	100	100	100	100	4	4	1	25
5	100	100	100	100	100	100	36	25	1
6	100	100	100	100	100	100	100	9	9
7	100	100	100	100	100	100	100	1	49
8	100	100	100	100	100	100	100	100	100
9	100	100	100	100	100	100	100	100	100

(b) Matriz Custo

Fig. 4.5

Desenvolvimento do Problema: A partir da Fig. 4.1a e de acordo com (2) e (3), construa a matriz Custo  $C_{(9 \times 9)}$  (Fig. 4.5b).

Aplique o algoritmo 3.7 (algoritmo para solução do problema de designação), para encontrar uma designação eficiente das disciplinas às salas de aula. O acompanhamento desse algoritmo será escrito abaixo, a partir da 1ª iteração, e serão feitas referências as figuras da ilustração que sucedem este procedimento.

1ª Iteração:

- PASSO 1 Subtraia de cada linha  $i$  e de cada coluna  $j$  o seu menor elemento correspondente. Ver ilustração (a) vá para o PASSO 2.
- PASSO 2 Crie uma matriz de células admissíveis  $M^*_{(9,9)}$  a partir da matriz  $C^*$ , de modo que  $m_{ij}$  será admissível se  $c_{ij}$  for zero, caso contrário  $m_{ij}$  será inadmissível. Ver ilustração (b). Vá para o PASSO 3.
- PASSO 3 Encontre o fluxo máximo ou o conjunto de células independentes a partir da matriz  $M^*$  (aplique o algoritmo 3.5.1). Vá para o PASSO 4.
- PASSO 4 Como pode ser visto na ilustração (b), o valor do fluxo máximo  $V$  é igual a 5 (ou seja, 5 foi o maior número de 1's que se pode colocar em  $M^*$ ). Desde que este valor é menor que  $n$  ( $n = 9$ ), Vá para o PASSO 5.

PASSO 5 Encontre o menor elemento não coberto da matriz custo  $C^*$ , a vista da matriz de células admissíveis  $M^*$ , nesse caso o menor elemento é igual a 1. Ver ilustração (a) elemento  $c_{15}$ .

PASSO 6 Subtraia o menor elemento ( $c_{15} = 1$ ) das colunas não cobertas e adicione esse menor elemento  $c_{15}$  às linhas cobertas de  $C^*$ . Ver ilustração (c) e vá para o PASSO 2. (2ª iteração)

### 2ª Iteração:

PASSO 2 Ver ilustração (d) correspondente a esse passo.

PASSO 3 Ver ilustração (d), nesse caso o valor do fluxo máximo é 7.

PASSO 4  $7 = V < n$ .

PASSO 5 O menor elemento é 2. Ver ilustração (c) elemento  $c_{4.6}$

PASSO 6 Ver ilustração (e) correspondente a esse passo.

### 3ª Iteração:

PASSO 2 Ver ilustração (f) correspondente a esse passo.

PASSO 3 Ver ilustração (f), nesse caso o valor do fluxo máximo é 8

PASSO 4  $8 = V < n$

PASSO 5 O menor elemento é 32. Ver ilustração (e) elemento  $c_{5.7}$

PASSO 6 Ver ilustração (g) correspondente a esse passo.

4ª Iteração:

PASSO 2 Ver ilustração (h) correspondente a esse passo.

PASSO 3 Ver ilustração (h), nesse caso o valor do fluxo máximo é 8.

PASSO 4  $8 = V < n$

PASSO 5 O menor elemento é 8. Ver ilustração (g) elemento  $c_{3.6}$

PASSO 6 Ver ilustração (i) correspondente a esse passo.

5ª Iteração:

PASSO 2 Ver ilustração (j) correspondente a esse passo.

PASSO 3 Ver ilustração (j), nesse caso o valor do fluxo máximo é 8.

PASSO 4  $8 = V < n$

PASSO 5 O menor elemento é 48. Ver ilustração (i) elemento  $c_{6.1}$

PASSO 6 Ver ilustração (k) correspondente a esse passo.

Última Iteração:

PASSO 2 Ver ilustração (l) correspondente a esse passo.

PASSO 3 Ver ilustração (l), nesse caso o valor do fluxo máximo é 9.

PASSO 4  $9 = V = n$  (Fim do processo).

Ilustração

Abaixo estão ilustradas as matrizes custo (Figs. a, c, e, g, i, k) e as matrizes de células admissíveis (Figs. b, d, f, h, j, l) para acompanhamento de solução do problema do § 4.3.

1	100	100	100	25	(1)	9	49	36	0
2	99	99	99	0	8	0	8	3	15
3	100	100	100	100	100	9	1	0	36
4	99	99	99	99	99	3	3	0	24
5	99	99	99	99	99	99	35	24	0
6	91	91	91	91	91	91	91	0	0
7	99	99	99	99	99	99	99	0	48
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0

(a)

1	X	X	X	X	X	X	X	X	1
2	X	X	X	1	X		X	X	X
3	X	X	X	X	X	X	X	1	X
4	X	X	X	X	X	X	X		X
5	X	X	X	X	X	X	X	X	
6	X	X	X	X	X	X	X		
7	X	X	X	X	X	X	X		X
8	1								
9		1							

(b)

1	99	99	99	24	0	8	48	36	0
2	99	99	99	0	8	0	8	4	16
3	99	99	99	99	99	8	0	0	36
4	98	98	98	98	98	(2)	2	0	24
5	98	98	98	98	98	98	34	24	0
6	90	90	90	90	90	90	90	0	0
7	98	98	98	98	98	98	98	0	48
8	0	0	0	0	0	0	0	1	1
9	0	0	0	0	0	0	0	1	1

(c)

1	X	X	X	X	1	X	X	X	
2	X	X	X	1	X		X	X	X
3	X	X	X	X	X	X	1		X
4	X	X	X	X	X	X	X	1	X
5	X	X	X	X	X	X	X	X	1
6	X	X	X	X	X	X	X		
7	X	X	X	X	X	X	X		X
8	1							X	X
9		1						X	X

(d)

1	99	99	99	24	0	8	48	38	2
2	99	99	99	0	8	0	8	6	18
3	99	99	99	99	99	8	0	2	38
4	96	96	96	96	96	0	0	0	24
5	96	96	96	96	96	96	(32)	24	0
6	88	88	88	88	88	88	88	0	0
7	96	96	96	96	96	96	96	0	48
8	0	0	0	0	0	0	0	3	3
9	0	0	0	0	0	0	0	3	3

(e)

1	X	X	X	X	1	X	X	X	X
2	X	X	X	1	X		X	X	X
3	X	X	X	X	X	X	1	X	X
4	X	X	X	X	X	1			X
5	X	X	X	X	X	X	X	X	1
6	X	X	X	X	X	X	X	1	
7	X	X	X	X	X	X	X		X
8	1							X	X
9		1						X	X

(f)

1	99	99	99	24	0	8	48	70	34
2	99	99	99	0	8	0	8	38	50
3	99	99	99	99	99	(8)	0	34	70
4	96	96	96	96	96	0	0	32	56
5	64	64	64	64	64	64	0	24	0
6	56	56	56	56	56	56	56	0	0
7	64	64	64	64	64	64	64	0	48
8	0	0	0	0	0	0	0	35	35
9	0	0	0	0	0	0	0	35	35

(g)

1	X	X	X	X	1	X	X	X	X
2	X	X	X	1	X		X	X	X
3	X	X	X	X	X	X	1	X	X
4	X	X	X	X	X	1		X	X
5	X	X	X	X	X	X	X	1	
6	X	X	X	X	X	X	X	1	
7	X	X	X	X	X	X	X	X	
8	1							X	X
9		1						X	X

(h)

1	99	99	99	24	0	8	56	78	42
2	99	99	99	0	8	0	16	46	58
3	91	91	91	91	91	0	0	34	70
4	96	96	96	96	96	0	8	40	64
5	56	56	56	56	56	56	0	24	0
6	(48)	48	48	48	48	48	56	0	0
7	56	56	56	56	56	56	64	0	48
8	0	0	0	0	0	0	8	43	43
9	0	0	0	0	0	0	8	43	43

(i)

1	X	X	X	X	1	X	X	X	X
2	X	X	X	1	X		X	X	X
3	X	X	X	X	X	1		X	X
4	X	X	X	X	X	X	1	X	X
5	X	X	X	X	X	X	1	X	
6	X	X	X	X	X	X	X	1	
7	X	X	X	X	X	X	X	1	X
8	1							X	X
9		1						X	X

(j)

1	99	99	99	24	0	56	104	126	90
2	99	99	99	0	8	48	64	94	106
3	43	43	43	43	43	0	0	34	70
4	48	48	48	48	48	0	8	40	64
5	8	8	8	8	8	56	0	24	0
6	0	0	0	0	0	48	56	0	0
7	8	8	8	8	8	56	64	0	48
8	0	0	0	0	0	48	56	91	91
9	0	0	0	0	0	48	56	91	91

(k)

1	X	X	X	X	1*	X	X	X	X
2	X	X	X	1*	X	X	X	X	X
3	X	X	X	X	X	1*	X	X	X
4	X	X	X	X	X	X	1*	X	X
5	1	X	X	X	X	X	X	1*	X
6	1	*				X	X		
7	X	X	X	X	X	X	X	1*	X
8	*	1				X	X	X	X
9	*	1				X	X	X	X

(l)

A partir da ilustração (1) e levando-se em consideração (2) do § 4.1 obtem-se os seguintes casamentos:

- Para a solução representada por 1 nas células admissíveis, tem-se:

$$M = \{(z_1, z_5), (z_5, z_9), (z_2, z_4), (z_4, z_6), (z_3, z_7), (z_7, z_8)\} \quad (4)$$

$$|M| = 6$$

Fazendo a decomposição em cadeia (§ 3.6), tem-se:

$$z_1 < z_5 < z_9, \quad z_2 < z_4 < z_6, \quad z_3 < z_7 < z_8$$

$$D = \{z_1, z_5, z_9\}, \{z_2, z_4, z_6\}, \{z_3, z_7, z_8\}$$

$$|D| = 3$$

Como já foi visto, a cardinalidade de  $Z$  é 1 qual ao número de elementos de uma ordenação, neste caso  $|Z| = 9$  e de acordo com o problema de decomposição em cadeia (§ 3.6), tem-se:

$$|D| + |M| = |Z|$$

O custo desta designação pode ser calculada a través da soma dos custos  $c_{ij} \in C$  de cada elemento  $m_{ij} \in M^*$  indicado com um "1" na ilustração (1), ou seja:

Para enfatizar a eficiência do algoritmo 3.7 utilizado na solução do problema de designação compare a solução (4) acima com a solução (3) encontrada no § 4.1, na primeira solução o número mínimo de cadeiras é 150 e para segunda solução serão necessário 230 cadeiras. Agora compare esta mesma solução (4)

acima com a solução (4) do § 4.1 e comprove que são iguais. Isto significa que, o problema de encontrar o menor número de cadeiras, como é o caso do § 4.1, é um problema que poderá ser resolvido, simplesmente, pelo método de fluxo máximo que determina um valor  $V$ , enquanto que, neste parágrafo o que se pretende é encontrar o fluxo de valor  $V$  com custo mínimo (ou a designação mais eficiente).

A solução do problema deste parágrafo, que por coincidência é igual a dos § 4.3 e 4.4, está ilustrada na Fig. 4.3b. E pode-se concluir que serão necessário 3 salas com capacidades iguais a (80, 50, 20) e conseqüentemente, um número mínimo de cadeiras igual a 150.

Como foi visto, os cinco tipos de problemas abordados neste capítulo foram ilustrados com o exemplo da Fig. 4.1a. Uma aplicação real, usando os dados da Administração Acadêmica do Centro de Ciências e Tecnologia da Universidade Federal da Paraíba, poderá ser vista no capítulo V.

## CAPÍTULO V

### RESULTADOS COMPUTACIONAIS

E

### COMPARAÇÕES

Esta Tese foi implementada no Sistema IBM/370 145-VS1, na linguagem de programação COBOL (ver listagens do programas no ANEXO I). A fim de que se pudesse fazer algumas comparações dos resultados obtidos através de metodologia mostrada no Capítulo IV, com a realidade, foram utilizados os dados fornecidos pela Administração Acadêmica do Centro de Ciências e Tecnologia da Universidade Federal da Paraíba, relativos ao semestre próximo passado (período 781).

Como já foi dito, o processamento dos dados é feito com as disciplinas correspondentes a cada turno.

No quadro da Fig. 5.0 (composto de seis blo

cos) são apresentados os resultados obtidos e a alocação feita pela Coordenação Acadêmica. As três colunas do primeiro bloco representam os dias da semana, turno e número de disciplinas em cada turno.

Nos quatro blocos seguintes são apresentados os resultados para cada critério de alocação de disciplinas e o último bloco mostra a alocação feita pela Coordenação Acadêmica.

Como pode ser visto, na segunda-feira de manhã foram oferecidas 77 disciplinas, para as quais serão necessário, no primeiro critério, 51 salas, 2763 cadeiras e restaria 73 salas/hora ociosas; para o segundo critério seria necessário 36 salas, 1988 cadeiras e restaria 28 salas/hora ociosa; e, 36 salas, 1990 cadeiras para os terceiro e quarto critérios como também, 36 salas/hora ociosas; enquanto que para a alocação feita pela Coordenação foram necessário 44 salas e 51 salas/hora ociosas. Isto significa que (compare os dois últimos blocos) a solução encontrada neste trabalho é bastante mais econômica do que a solução da Coordenação, pois na segunda-feira de manhã 8 salas ficariam completamente disponíveis, à tarde 12 salas, e a noite 2, com relação a cada solução da Coordenação.

O número máximo de salas utilizadas pela Coordenação foi 48 (terça tarde) e o encontrado foi 43 (terça manhã), pode-se dizer que durante todos os turnos, pelo menos 5 salas ficariam livres, ou seja, seriam necessário 5 salas a menos que a solução adotada.

Para cada turno da semana foi emitido quatro tipos de relatório, correspondendo aos quatro critérios (ou os

quatro tipos de solução a que se propõe este trabalho). A escolha de um dos tipos de solução depende única e exclusivamente, do usuário. Estes relatórios (ver ANEXO II) podem também ser utilizados para possíveis mudanças de horário de disciplinas, pois é muito fácil de ver quais são os horários vagos. Estas mudanças (ou alterações) podem ser feitas manualmente, tanto para atender as solicitações das Coordenações de curso, como para dar melhor balanceamento do número de disciplinas entre os turnos, de modo a diminuir o máximo dos mínimos números de salas necessário. Se houver muitas alterações, de modo a dificultar o processamento manual das modificações, então devem ser feitas as modificações nos dados e processar o programa (ANEXO I) para se obter, a cada 5 minutos uma solução para cada turno.

DIA DA SEMANA	TURNO	Nº DE DISCIPLINAS	ALOCÇÃO DE DISCIPLINA COM MESMO Nº DE ALUNOS POR SALA			ALOCÇÃO DE DISCIPLINA COM VARIÇÃO DO Nº DE ALUNOS P/ SALA $\leq 20$			ALOCÇÃO DE DISCIPLINA COM VARIÇÃO DO Nº DE ALUNOS P/ SALA $\leq 40$			ALOCÇÃO DE DISCIPLINA SEM RESTRIÇÃO DO Nº DE ALUNOS P/ SALA			ALOCÇÃO FEITA PELA COORDENAÇÃO ACADÊMICA NO PERÍODO 781		
			Nº DE SALAS	Nº DE CADEIRAS	SALA/HORA OCIOSA	Nº DE SALAS	Nº DE CADEIRAS	SALA/HORA OCIOSA	Nº DE SALAS	Nº DE CADEIRAS	SALA/HORA OCIOSA	Nº DE SALAS	Nº DE CADEIRAS	SALA/HORA OCIOSA	Nº DE SALAS	Nº DE CADEIRAS	SALA/HORA OCIOSA
SEGUNDA	M	27	51	2703	73	36	1988	28	36	1990	28	36	1990	24	44	51	
	T	53	44	2264	58	33	1725	41	32	1687	36	32	1687	36	44	70	
	N	24	18	982	40	16	861	30	14	759	20	13	713	15	15	31	
TERÇA	M	86	20	3107	118	43	2374	56	43	2374	56	43	2314	56	47	62	
	T	72	53	2934	92	42	2323	77	42	2323	77	42	2323	77	48	67	
	N	18	14	618	29	11	455	16	11	455	16	11		15	35		
QUARTA	M	89	64	3491	151	43	2403	45	42	2387	39	42	2387	39	48	57	
	T	88	61	3347	147	41	2334	37	41	2321	37	41	2321	37	47	64	
	N	19	19	652	27	12	592	22	11	542	17	11	542	17	15	30	
QUINTA	M	74	48	2666	103	36	1961	45	36	1941	43	36	1941	43	45	73	
	T	46	36	1868	96	23	1262	31	22	1247	26	22	1247	26	37	77	
	N	19	13	716	29	10	552	14	10	552	14	10	552	14	16	41	
SEXTA	M	95	63	3527	134	43	2427	34	42	2387	29	42	2387	29	48	47	
	T	46	42	2375	121	35	2012	92	35	2012	92	35	2012	92	40	64	
	N	20	16	772	43	15	726	30	15	726	38	15	726	38	17	22	

Fig. 5.0 - Quadro comparativo da solução encontrada na tese e a solução encontrada pela Coordenação Acadêmica no período 781

## CAPÍTULO VI

### CONCLUSÕES EXTENSÕES E SUGESTÕES

#### 6.1 CONCLUSÕES E EXTENSÕES

Como se sabe, o campo de aplicação da Pesquisa Operacional é muito vasto e sendo assim, uma boa idéia seria tentar ajudar a alguns órgãos da administração da própria Universidade, através da aplicação de alguns métodos da P.O., e isto foi feito na Administração Acadêmica, para quem foi formulado um algorítmo que encontrasse uma solução ótima para o problema de alocação de disciplinas às salas de aula, problema este que vem se tornando cada vez mais grave nas Unidades de Ensino e principalmente naquelas onde existe escarceiz de espaço físico, como é o caso do Centro de Ciências e Tecnologia da Universidade Federal da Paraíba.

Este algoritmo poderá ser aplicado, cada semestre, ao horário prévio das disciplinas que deverão ser oferecidas no próximo período (semestre) e, a partir dos resultados, ser feita uma análise da distribuição das disciplinas e do número de salas necessário com suas respectivas capacidades. Se essa solução

não for compatível com as disponibilidades existentes, então poderá ser feita algumas alterações nos horários e números de vagas oferecidas e processar novamente o algoritmo com os dados modificados. Este procedimento poderá ser realizado tantas vezes quanto necessário, tendo em vista que o tempo de execução do algoritmo é bastante reduzido ( $\approx$  5 minutos/turno). Desta forma será obtido uma solução ótima ou a melhor solução, quando então poderá ser publicado o horário das disciplinas e suas respectivas salas de aula.

Uma outra aplicação deste algoritmo poderá ser feita pela administração, a partir da história do crescimento da Unidade de Ensino, com relação a cursos, disciplinas, número de alunos, vagas oferecidas, etc., onde através de um processo estatístico seja projetada essa demanda para o futuro, (p. e, 5 anos) este algoritmo encontrará soluções otimizadas com relação ao número mínimo de salas e suas respectivas capacidades à vista de um determinado horário. Essas informações poderão ser de substancial importância quando da formação do projeto de ampliação do espaço físico da Unidade de Ensino.

Para que se tenha uma idéia da diminuição de custos será feito abaixo um cálculo sumário dos custos de uma sala de aula ( $70m^2$ ) com capacidade para 50 alunos, e a seguir será calculado o custo para as 5 salas de aula que foram desnecessários como foi visto no CAPÍTULO V:

1 sala ( $70m^2$ )	x	Cr\$ 2.000,00/ $m^2$	=	Cr\$140.000,00
50 cadeiras	x	" 230,00/u	=	" 11.500,00
1 bureau	x	" 3.000,00/u	=	" <u>3.000,00</u>
				154.000,00
		5 x Cr\$ 154,000	=	772.500,00

Pelo exposto acima pode-se concluir que pelo menos Cr\$ 772.500,00 poderia ter sido economizado, isto sem se falar em outras despesas adicionais.

Este algoritmo também poderá ser útil quando da alocação das disciplinas às salas de aula, onde se deseja que numa mesma sala não deva existir disciplinas com diferentes números de alunos, ou que não deva existir disciplinas com diferença do número de alunos superior a 20 ou outro critério semelhante. Por outro lado ele é de grande versatilidade pois os problemas que aparecem no dia-a-dia, as modificações parciais para preencher os claros das salas de aula ou outras modificações de horário, podem ser resolvidas manualmente, quando em pequena escala ou com o processamento em computador, dos dados com respectivas alterações, quando as modificações são em larga escala.

## 6.2 SUGESTÕES

Tendo em vista que o problema de ALOCAÇÃO DE DISCIPLINAS ÀS SALAS DE AULA está intrinsecamente ligado ao problema do HORÁRIO DAS DISCIPLINAS e ALOCAÇÃO DE PROFESSORES AS DISCIPLINAS sugere-se que sejam desenvolvidos estes dois grandes tópicos que formarão um sistema completo na Administração Acadêmica que atualmente está muito carente de otimização. Muitas idéias a respeito destes tópicos foram estudados e algumas desenvolvidas antes do desenvolvimento deste trabalho apresentado. Algumas informações sumárias foram apresentadas no CAPÍTULO II.

REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS

- [ 1 ] PICARD, J.C. and H.D. HATLIFF - Minimum Cost Cut Equivalent Networks.
- [ 2 ] PICARD, J.C. and H.D. HATLIFF - Minimum Cuts and Related Problems
- [ 3 ] PICARD, J.C. - Apostila do Curso de Teoria dos Grafos
- [ 4 ] FORD, L.R. e FULKERSON D.R. (1962) - Flows in Networks, Princeton Univ. Press
- [ 5 ] WEBER, HANS HERMANN - Einfuehrung in Operation Research; Akademische Verlagsgesellschaft, Frankfurt am Main (1972)
- [ 6 ] PHILIPS, DON T; A. RAVINDRAN; JAMES J. SOLBERG (1976) Operations Research, Principles and Praticice
- [ 7 ] PRICE, W.2 (1971) - Graphs and Networks, an Introduction
- [ 8 ] WAGNER, HAVEY M. (1970) - Principles of Management Science, with Applications to Executive Decisions
- [ 9 ] MACHOL, ROBERT E. - Elementary Systems Matematics, Linear Programming for business and the Social Sciences (1976)
- [ 10 ] CRISTOFIDES, N. (1975) - Graph Theory - An Algoritm Approach Academic Press

ANEXO I

PROGRAMAS

Os programas apresentados neste anexo estão implementado no sistema IBM/370-145-US1 na linguagem de Programação COBOL.

00001 IDENTIFICATION DIVISION.  
 00002 PROGRAM-ID. GEWATCU.  
 00003 AUTHOP. FVILSON  
 00004 REMARKS. GERA "ATRIZ CUSTO A PARTIR DE TABI.  
 00005  
 00006 ENVIRONMENT DIVISION.  
 00007 CONFIGURATION SECTION.  
 00008 SOURCE-COMPUTER. IBM-370-145.  
 00009 OBJECT-COMPUTER. IBM-370-145.  
 00010 SPECIAL-NAMES. CO1 IS PULF.  
 00011 INPUT-OUTPUT SECTION.  
 00012 FILE-CONTROL.  
 00013 SELECT MATCU-DISCO ASSIGN TO DA-S-DISCO3.  
 00014 SELECT HORARIO-FINAL-DISCO ASSIGN TO DA-S-DISCO4.  
 00015 SELECT HORARIO-VI ASSIGN TO DA-S-DISCO1.  
 00016 SELECT RELATORIO ASSIGN TO UR-S-SYSRINT.  
 00017  
 00018 DATA DIVISION.  
 00019 FILE SECTION.  
 00020 FD HORARIO-VI LABEL RECORDS IS STANDARD.  
 00021 RECORD CONTAINS 60 CHARACTERS.  
 00022 BLOCK CONTAINS 30 RECORDS.  
 00023 RECORDING MODE IS F.  
 00024  
 00025 01 REC-HORARIO-VI.  
 00026 03 NUMERO-VI PIC 9(04).  
 00027 03 CLASSE-VI PIC 9(04).  
 00028 03 CODISC-VI PIC X(08).  
 00029 03 TURMAS-VI PIC 9(02).  
 00030 03 NOMEDIS-VI PIC X(30).  
 00031 03 DTASEM-VI PIC 9(01).  
 00032 03 INICIO-VI PIC 9(02).  
 00033 03 DURACAO-VI PIC 9(02).  
 00034 03 TERMINO-VI PIC 9(02).  
 00035 03 VAGAS-VI PIC X(03).  
 00036 03 PERIOD-VI PIC X(03).  
 00037 FD MATCU-DISCO LABEL RECORDS ARE STANDARD.  
 00038 BLOCK CONTAINS 1 RECORDS  
 00039 RECORDING MODE IS S.  
 00040 RECORD CONTAINS 3 TO 28803 CHARACTERS.  
 00041  
 00042 01 REC-MATCU-DISCO.  
 00043 03 NN PIC 9(03).  
 00044 03 LINHA OCCURS 0 TO 120 TIMES DEPENDING ON NN.  
 00045 07 COLUNA OCCURS 0 TO 120 TIMES DEPENDING ON NN.  
 00046 09 MATCU-DISCO PIC S9(3) COMP SYNC.  
 00047  
 00048 FD HORARIO-FINAL-DISCO  
 00049 LABEL RECORD IS STANDARD.  
 00050 BLOCK CONTAINS 1 RECORDS.  
 00051 RECORDING MODE IS S  
 00052 RECORD CONTAINS 3 TO 7920 CHARACTERS.  
 00053  
 00054 01 REC-HORARIO.  
 00055 02 NN1 PIC 9(03).  
 00056 02 R-HORARIO.  
 00057 03 MAX-SALAS OCCURS 0 TO 70 DEPENDING ON NN1.  
 00058 04 DTSC-TUR OCCURS 5 TIMES.  
 00059 05 CLAS-RH PIC 9(4).  
 00060 05 DTSC-RH PIC X(8).  
 00061 05 TURM-RH PIC 9(2).  
 00062 05 INIC-RH PIC 99.

00058	05	DIRA-RH	PIC 9.
00059	05	TERM-RH	PIC 99.
00060	05	MUALH-RH	PIC 9(3).
00061	04	CAPSAIA-PH	PIC 9(3).
00062	03	TOT-SALIA-TUR-RH	PIC 9(3).
00063	03	TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00064	03	TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00065		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00066		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00067		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00068		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00069		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00070		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00071		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00072		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00073		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00074		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00075		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00076	**002	TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00077		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00078		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00079		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00080		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00081		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00082		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00083		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00084		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00085		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00086		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00087		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00088		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00089		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00090		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00091		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00092		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00093		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00094		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00095		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00096		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00097		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00098		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00099		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00100		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00101		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00102		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00103		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00104	**002	TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00105		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00106		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00107	**002	TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00108		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00109		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00110		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00111		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00112		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00113		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).
00114		TOT-CADE-TUR-PH	PIC 9(4).

WORKING-STORAGE SECTION.

\*\*\*\*\* ESTES VALORES SECREM MODIFICACAO DE ACORDO C/TURNO.

00115 77 N PIC 9(3) COMP VALUE 103.  
00116 77 TFC-TUP PIC 9(2) COMP VALUE 7.  
00117 77 TFP-TUP PIC 9(2) COMP VALUE 12.  
00118 77 CPITERIO PIC 999 COMP VALUE 0.  
00119 01 CARE-DISC. PIC X(17) VALUE 'SALAS', JUST.  
00120 02 FILLER PIC X(6) VALUE SPACES.  
00121 02 FILLER PIC X(11) VALUE 'DISCIPLINAS'.  
00122 01 LINHA-S. PIC X(11) VALUE SPACES.  
00123 02 FILLER PIC 7Z79 BLANK WHEN ZERO.  
00124 02 SALA PIC X(7) VALUE SPACES.  
00125 02 FILLER PIC X(17) VALUE SPACES.  
00126 02 COLUNA-D OCCURS 5 TIMES. PIC 779 BLANK WHEN ZERO.  
00127 03 COL-7  
00128 02 TAB-MEMORIA.  
00129 02 TAB-LINHA OCCURS 0 TO 70 TIMES DEPENDING ON NST.  
00130 03 TAB-COLUNA OCCURS 0 TO 70 TIMES DEPENDING ON NST.  
00131 04 SALAS PIC 9(3).  
00132 01 DPST.  
00133 02 OPS OCCURS 500 TIMES PIC 9(3).  
00134 01 POINTST.  
00135 02 POINT OCCURS 0 TO 120 TIMES DEPENDING ON N.  
00136 03 POINTS PIC 9999.  
00137 01 TAB-WS.  
00138 02 LINHA-WS OCCURS 0 TO 120 TIMES DEPENDING ON N.  
00139 05 N-ORD-WS PIC 9(3) COMP.  
00140 05 COLUNA-WS OCCURS 0 TO 120 TIMES DEPENDING ON N.  
00141 07 COL-WS PIC 99 COMP.  
00142 01 VFT1.  
00143 02 VFTOR-1 OCCURS 9000 TIMES.  
00144 05 LCC1 PIC 9(4).  
00145 01 VFT2.  
00146 02 VFTOR-2 OCCURS 0 TO 120 TIMES DEPENDING ON N.  
00147 05 POINTS PIC 99999.  
00148 01 VFT3.  
00149 02 VFTOR-3 OCCURS 0 TO 120 TIMES DEPENDING ON N.  
00150 05 LCC1 PIC 9(4).  
00151 01 VFT4.  
00152 02 VFTOR-4 OCCURS 0 TO 120 TIMES DEPENDING ON N.  
00153 05 LCC1 PIC 9(4).  
00154 01 VFT5.  
00155 02 VFTOR-5 OCCURS 0 TO 120 TIMES DEPENDING ON N.  
00156 03 CCR PIC 9(4).  
00157 01 VFT6.  
00158 02 VFTOR-6 OCCURS 0 TO 120 TIMES DEPENDING ON N.  
00159 03 LCR PIC 9(4).  
00160 01 WS-TAR.  
00161 02 TARFLA OCCURS 0 TO 120 TIMES DEPENDING ON N.  
00162 03 CLAS-TAR PIC 9(04).  
00163 03 CURSO-TAR PIC X(08).  
00164 03 TURMA-TAR PIC 9(02).  
00165 03 INICIO-TAR PIC 9(02).  
00166 03 DURACAO-TAR PIC 9(01).  
00167 03 TERMINO-TAR PIC 9(02).  
00168 03 VAGAS-TAR PIC 9(03).  
00169 003 01 WS-TAR-NC.  
00170 02 WS-LINHA OCCURS 0 TO 120 TIMES DEPENDING ON N.  
00171 \*\*003



```

00229 **005 R019-RETURNO. EXIT.
00230 **005 R020-GERAR.
00231 **005 PERFORM R025-GERAR-1 THRU RETURNC-2 VARYING J FROM 1 BY 1
00232 **005 UNTIL J N.
00233 **005 GO TO RETURNO-1.
00234 **005 R025-GERAR-1.
00235 **005 IF .I. NOT 1
00236 **005 THEN
00237 **005 MOVE INFINITO-H TO MATCH-DISCO (I, J)
00238 **005 GO TO RETURNC-2.
00239 **005 IF TERMINO-TAB (I) INICIO-TAB (J)
00240 **005 MOVE INFINITO-H TO MATCH-DISCO (I, J)
00241 **005 GO TO RETURNO-2.
00242 **005 COMPUTE VAG = VAGAS-TAB (I) - VAGAS-TAB (J)
00243 **005 IF VAG < 0
00244 **005 COMPUTE VAG = WS-MINC * VAG.
00245 **005 IF VAG < 0
00246 **005 MOVE INFINITO-V TO MATCH-DISCO (I, J)
00247 **005 GO TO RETURNO-2.
00248 **005 COMPUTE CUST-ROUNDED = ((VAGAS-TAB (I) - VAGAS-TAB (J)) / 10)
00249 **005 ** 2
00250 **005 MOVE CUST TO MATCH-DISCO (I, J).
00251 **005 RETURNC-2. EXIT.
00252 **005 RETURNC-1. EXIT.
00253 **006 R030-MENOR.
00254 **006 PERFORM R035-INCREMENTC-2 THRU RETURNO-3 VARYING I FROM 1 BY
00255 **006 I UNTIL I N.
00256 **006 GO TO R040-GERAR.
00257 **006 P035-INCREMENTC-2.
00258 **006 MOVE NMATCH (I, J) TO WS-MENOR
00259 **006 PERFORM R040-GERAR-2 THRU RETURNO-4 VARYING J FROM 1 BY 1
00260 **006 UNTIL J N.
00261 **006 GO TO R045-GERAR.
00262 **006 R040-GERAR-2.
00263 **006 IF NMATCH (I, J) WS-MENOR
00264 **006 MOVE NMATCH (I, J) TO WS-MENOR.
00265 **006 RETURNC-4. EXIT.
00266 **006 R045-GERAR.
00267 **006 PERFORM R050-GERAR-3 THRU RETURNO-5 VARYING J FROM 1 BY 1
00268 **006 UNTIL J N.
00269 **006 GO TO RETURNO-3.
00270 **006 R050-GERAR-3.
00271 **006 COMPUTE NMATCH (I, J) = NMATCH (I, J) - WS-MENOR.
00272 **006 RETURNC-5. EXIT.
00273 **006 RETURNC-3. EXIT.
00274 **006 R060-GERAR.
00275 **006 MOVE 7FRS TO VET1, VET2, VET3, VET4, VET5, VET6, L.
00276 **006 MOVE 1 TO WS-C.
00277 **006 PERFORM R065-INCREMENTO-3 THRU RETURNO-6 VARYING I FROM 1 BY
00278 **006 I UNTIL I N.
00279 **006 GO TO R085-CONIS.
00280 **007 R065-INCREMENTO-3.
00281 **007 MOVE 7FRS TO J.
00282 **007 MOVE 7FRS TO WS-NCA.
00283 **007 PERFORM R070-INCREMENTO-4 THRU RETURNO-7 VARYING WS-N FROM 1
00284 **007 BY 1 UNTIL WS-N N.
00285 **007 UNTIL.

```

```

00286 **007 ADD I TO I.
00287 **007 IF WS-NCA = 0
00288 **007 THEN
00289 **007 MOVE 0 TO POINTL (L)
00290 **007 GO TO RETURN-6.
00291 **007 COMPUTE K = WS-C - WS-NCA.
00292 **007 ADD I TO WS-C.
00293 **007 MOVE WS-NCA TO LCCA (K).
00294 **007 MOVE K TO POINTL (L).
00295 **007 GO TO RETURN-6.
00296 **007 R070-INCREMENTO-4.
00297 IF J IN GO TO VOLTAL.
00298 IF NMAICU (I, J) = 0
00299 ADD I TO WS-NCA, WS-C.
00300 MOVE J TO LCCA (WS-C).
00301 RETURN-7. EXIT.
00302 **007 RETURN-6. EXIT.
00303 **007 R085-CCTIS.
00304 **007 COLLOCAR.
00305
00306 PERFORM COLNCA-1 THRU PARADA-3 VARYING WS-I FROM 1 BY 1 UNTIL
00307 WS-I N.
00308 MOVE ZEROS TO WS-I.
00309 PERFORM ZERA-COL-I-IN-ROT THRU XZ.
00310 GO TO AARR.
00311 COLNCA-1.
00312 MOVE ZEROS TO WS-CA.
00313 MOVE POINTL (WS-I) TO WS-PCA.
00314 IF WS-PCA = 0 GO TO P3.
00315 MOVE LCCA (WS-PCA) TO WS-NCA.
00316 PERFORM P1 THRU PARADA-4 UNTIL WS-CHAVE-3 = 1.
00317 P1.
00318 ADD I TO WS-PCA.
00319 MOVE LCCA (WS-PCA) TO WS-C.
00320 ADD I TO WS-CA.
00321 IF WS-CA WS-NCA GO TO P2.
00322 IF CCI (WS-C) IS NOT EQUAL 0 GO TO PARADA-4.
00323 MOVE WS-I TO CCI (WS-C).
00324 MOVE WS-C TO LCI (WS-I).
00325 GO TO PARADA-3.
00326 P2.
00327 MOVE ASTERISCO TO LCI (WS-I).
00328 MOVE ASTERISCO TO LCR (WS-I).
00329 GO TO PARADA-3.
00330 P3.
00331 MOVE ZEROS TO LCI (WS-I).
00332 GO TO PARADA-3.
00333 PARADA-4. EXIT.
00334 PARADA-3. EXIT.
00335 *
00336 *
00337 *
00338 *
00339 *
00340 *
00341 *
00342 *
00343 *
00344 *
00345 *
00346 *
00347 *
00348 *
00349 *
00350 *
00351 *
00352 *
00353 *
00354 *
00355 *
00356 *
00357 *
00358 *
00359 *
00360 *
00361 *
00362 *
00363 *
00364 *
00365 *
00366 *
00367 *
00368 *
00369 *
00370 *
00371 *
00372 *
00373 *
00374 *
00375 *
00376 *
00377 *
00378 *
00379 *
00380 *
00381 *
00382 *
00383 *
00384 *
00385 *
00386 *
00387 *
00388 *
00389 *
00390 *
00391 *
00392 *
00393 *
00394 *
00395 *
00396 *
00397 *
00398 *
00399 *
00400 *
00401 *
00402 *
00403 *
00404 *
00405 *
00406 *
00407 *
00408 *
00409 *
00410 *
00411 *
00412 *
00413 *
00414 *
00415 *
00416 *
00417 *
00418 *
00419 *
00420 *
00421 *
00422 *
00423 *
00424 *
00425 *
00426 *
00427 *
00428 *
00429 *
00430 *
00431 *
00432 *
00433 *
00434 *
00435 *
00436 *
00437 *
00438 *
00439 *
00440 *
00441 *
00442 *
00443 *
00444 *
00445 *
00446 *
00447 *
00448 *
00449 *
00450 *
00451 *
00452 *
00453 *
00454 *
00455 *
00456 *
00457 *
00458 *
00459 *
00460 *
00461 *
00462 *
00463 *
00464 *
00465 *
00466 *
00467 *
00468 *
00469 *
00470 *
00471 *
00472 *
00473 *
00474 *
00475 *
00476 *
00477 *
00478 *
00479 *
00480 *
00481 *
00482 *
00483 *
00484 *
00485 *
00486 *
00487 *
00488 *
00489 *
00490 *
00491 *
00492 *
00493 *
00494 *
00495 *
00496 *
00497 *
00498 *
00499 *
00500 *
00501 *
00502 *
00503 *
00504 *
00505 *
00506 *
00507 *
00508 *
00509 *
00510 *
00511 *
00512 *
00513 *
00514 *
00515 *
00516 *
00517 *
00518 *
00519 *
00520 *
00521 *
00522 *
00523 *
00524 *
00525 *
00526 *
00527 *
00528 *
00529 *
00530 *
00531 *
00532 *
00533 *
00534 *
00535 *
00536 *
00537 *
00538 *
00539 *
00540 *
00541 *
00542 *
00543 *
00544 *
00545 *
00546 *
00547 *
00548 *
00549 *
00550 *
00551 *
00552 *
00553 *
00554 *
00555 *
00556 *
00557 *
00558 *
00559 *
00560 *
00561 *
00562 *
00563 *
00564 *
00565 *
00566 *
00567 *
00568 *
00569 *
00570 *
00571 *
00572 *
00573 *
00574 *
00575 *
00576 *
00577 *
00578 *
00579 *
00580 *
00581 *
00582 *
00583 *
00584 *
00585 *
00586 *
00587 *
00588 *
00589 *
00590 *
00591 *
00592 *
00593 *
00594 *
00595 *
00596 *
00597 *
00598 *
00599 *
00600 *
00601 *
00602 *
00603 *
00604 *
00605 *
00606 *
00607 *
00608 *
00609 *
00610 *
00611 *
00612 *
00613 *
00614 *
00615 *
00616 *
00617 *
00618 *
00619 *
00620 *
00621 *
00622 *
00623 *
00624 *
00625 *
00626 *
00627 *
00628 *
00629 *
00630 *
00631 *
00632 *
00633 *
00634 *
00635 *
00636 *
00637 *
00638 *
00639 *
00640 *
00641 *
00642 *
00643 *
00644 *
00645 *
00646 *
00647 *
00648 *
00649 *
00650 *
00651 *
00652 *
00653 *
00654 *
00655 *
00656 *
00657 *
00658 *
00659 *
00660 *
00661 *
00662 *
00663 *
00664 *
00665 *
00666 *
00667 *
00668 *
00669 *
00670 *
00671 *
00672 *
00673 *
00674 *
00675 *
00676 *
00677 *
00678 *
00679 *
00680 *
00681 *
00682 *
00683 *
00684 *
00685 *
00686 *
00687 *
00688 *
00689 *
00690 *
00691 *
00692 *
00693 *
00694 *
00695 *
00696 *
00697 *
00698 *
00699 *
00700 *
00701 *
00702 *
00703 *
00704 *
00705 *
00706 *
00707 *
00708 *
00709 *
00710 *
00711 *
00712 *
00713 *
00714 *
00715 *
00716 *
00717 *
00718 *
00719 *
00720 *
00721 *
00722 *
00723 *
00724 *
00725 *
00726 *
00727 *
00728 *
00729 *
00730 *
00731 *
00732 *
00733 *
00734 *
00735 *
00736 *
00737 *
00738 *
00739 *
00740 *
00741 *
00742 *
00743 *
00744 *
00745 *
00746 *
00747 *
00748 *
00749 *
00750 *
00751 *
00752 *
00753 *
00754 *
00755 *
00756 *
00757 *
00758 *
00759 *
00760 *
00761 *
00762 *
00763 *
00764 *
00765 *
00766 *
00767 *
00768 *
00769 *
00770 *
00771 *
00772 *
00773 *
00774 *
00775 *
00776 *
00777 *
00778 *
00779 *
00780 *
00781 *
00782 *
00783 *
00784 *
00785 *
00786 *
00787 *
00788 *
00789 *
00790 *
00791 *
00792 *
00793 *
00794 *
00795 *
00796 *
00797 *
00798 *
00799 *
00800 *
00801 *
00802 *
00803 *
00804 *
00805 *
00806 *
00807 *
00808 *
00809 *
00810 *
00811 *
00812 *
00813 *
00814 *
00815 *
00816 *
00817 *
00818 *
00819 *
00820 *
00821 *
00822 *
00823 *
00824 *
00825 *
00826 *
00827 *
00828 *
00829 *
00830 *
00831 *
00832 *
00833 *
00834 *
00835 *
00836 *
00837 *
00838 *
00839 *
00840 *
00841 *
00842 *
00843 *
00844 *
00845 *
00846 *
00847 *
00848 *
00849 *
00850 *
00851 *
00852 *
00853 *
00854 *
00855 *
00856 *
00857 *
00858 *
00859 *
00860 *
00861 *
00862 *
00863 *
00864 *
00865 *
00866 *
00867 *
00868 *
00869 *
00870 *
00871 *
00872 *
00873 *
00874 *
00875 *
00876 *
00877 *
00878 *
00879 *
00880 *
00881 *
00882 *
00883 *
00884 *
00885 *
00886 *
00887 *
00888 *
00889 *
00890 *
00891 *
00892 *
00893 *
00894 *
00895 *
00896 *
00897 *
00898 *
00899 *
00900 *
00901 *
00902 *
00903 *
00904 *
00905 *
00906 *
00907 *
00908 *
00909 *
00910 *
00911 *
00912 *
00913 *
00914 *
00915 *
00916 *
00917 *
00918 *
00919 *
00920 *
00921 *
00922 *
00923 *
00924 *
00925 *
00926 *
00927 *
00928 *
00929 *
00930 *
00931 *
00932 *
00933 *
00934 *
00935 *
00936 *
00937 *
00938 *
00939 *
00940 *
00941 *
00942 *
00943 *
00944 *
00945 *
00946 *
00947 *
00948 *
00949 *
00950 *
00951 *
00952 *
00953 *
00954 *
00955 *
00956 *
00957 *
00958 *
00959 *
00960 *
00961 *
00962 *
00963 *
00964 *
00965 *
00966 *
00967 *
00968 *
00969 *
00970 *
00971 *
00972 *
00973 *
00974 *
00975 *
00976 *
00977 *
00978 *
00979 *
00980 *
00981 *
00982 *
00983 *
00984 *
00985 *
00986 *
00987 *
00988 *
00989 *
00990 *
00991 *
00992 *
00993 *
00994 *
00995 *
00996 *
00997 *
00998 *
00999 *
01000 *

```

R

```
00343 ADD 1 TO WS-I.
00344 WS-I N
00345 THEN
00346 GO TO 3.
00347 IF LCR (WS-I) = ASTERISCO
00348 THEN
00349 IF CHPR = 0
00350 THEN
00351 GO TO 4
00352 ELSE
00353 GO TO 2.
00354 IF CHPR = 0 GO TO 2.
00355 IF LCR (WS-I) IS NOT 0
00356 GO TO 2.
00357 * PESQUISA CEFIM A ADMISSIVEL
00358 *
00359 *
00360 4.
00361 MOVE ZEROS TO WS-CA.
00362 MOVE POINT (WS-I) TO WS-PCA.
00363 MOVE ZEROS TO TR.
00364 IF WS-PCA = 0
00365 THEN
00366 GO TO 2
00367 ELSE
00368 MOVE LCCA (WS-PCA) TO WS-NCA.
00369
00370 5.
00371 ADD 1 TO WS-PCA.
00372 MOVE LCCA (WS-PCA) TO WS-C.
00373 ADD 1 TO WS-CA.
00374 IF WS-CA WS-NCA
00375 THEN
00376 GO TO 6.
00377 IF CCR (WS-C) = 0
00378 MOVE WS-I TO CCR (WS-C)
00379 MOVE 1 TO TR.
00380 GO TO 5.
00381
00382 6.
00383 IF TR = 1
00384 MOVE ZEROS TO TR
00385 MOVE 1 TO CHTR.
00386 IF LCR (WS-I) NOT = ASTERISCO
00387 MULTIPLY WS-MIN BY LCP (WS-I) GIVING LCR (WS-I).
00388 GO TO 2.
00389
00390 7.
00391 IF CHTR = 0
00392 THEN
00393 DISPLAY 1
00394 DISPLAY 'SAIDA P/ PARAGRAFO 3.'
00395 PERFORM FIMMM
00396 GO TO ROBR-COINIS.
00397 *
00398 *
00399 *
00400 PROCESSA COLUNAS COM ROTULO
00401 MOVE ZEROS TO WS-J. CHTR.
00402 A.
00403 ADD 1 TO WS-J.
```

```

00400 IF WS-J N
00401 THEN
00402 GO TO R.
00403 IF CCR (WS-J) IS NOT 0
00404 THEN
00405 GO TO A.
00406
00407
00408
00409
00410 * PESQUISA O IM NA COLUNA
00411 *
00412 MOVE CCI (WS-J) TO WS-L.
00413 IF WS-I IS NOT 0
00414 THEN
00415 GO TO PCAC.
00416 IF ICR (WS-L) = 0
00417 MOVE WS-J TO ICR (WS-L)
00418 MOVE I TO CTRP.
00419 MULTIPLY WS-MIND BY CCR (WS-J) GIVING CCR (WS-J).
00420 GO TO A.
00421
00422 R.
00423 IF CTR IS NOT = 0
00424 MOVE I TO CHPR
00425 GO TO PLRNP.
00426 DISPLAY 'SAIDA P/ PARAGRAFO R.'.
00427 PERFORM FTMM.
00428 GO TO CORR-COMIS.
00429
00430 *
00431 * PESQUISA CELULA ADMISSIVEL NA COLUNA
00432 * COLUCA MAIS UM
00433 *
00434 PCAC.
00435 IF CCR (WS-J) IS LESS THAN 0
00436 MULTIPLY WS-MIND BY CCR (WS-J) GIVING CCR (WS-J).
00437 MOVE CCR (WS-J) TO WS-PP.
00438 MOVE WS-J TO LCI (WS-PP)
00439 IF LCR (WS-PP) IS LESS THAN 0
00440 MULTIPLY WS-MIND BY LCR (WS-PP) GIVING LCR (WS-PP).
00441 MOVE LCR (WS-PP) TO WS-P2.
00442 IF WS-P2 = ASTERISCO
00443 MOVE 7FRO TO LCR (WS-PP)
00444 PERFORM 7FRA-COL-LIN-ROT THRU XZ
00445 GO TO AARR.
00446 MOVE WS-P2 TO WS-J
00447 GO TO PCAC.
00448 7FRA-CCI-LIN-ROT.
00449 PERFORM 7 THRU 7Z VARYING II FROM 1 BY 1 UNTIL II N.
00450 GO TO X7.
00451
00452 7.
00453 MOVE 7FRO TO CCR (II).
00454 IF ICR (II) NOT = ASTERISCO
00455 MOVE 7FRO TO LCR (II).
00456
00457 77. EXIT.
00458 X7. EXIT.
00459 FTMM.
00460
00461 * DISPLAY ' ** FIM DE PROCESSO DE ROTULAGEM **'.
00462 *
00463 * FIM DO PROCESSO DE ROTULAGEM
00464
00465
00466
00467
00468
00469
00470
00471
00472
00473
00474
00475
00476
00477
00478
00479
00480
00481
00482
00483
00484
00485
00486
00487
00488
00489
00490
00491
00492
00493
00494
00495
00496
00497
00498
00499
00500
00501
00502
00503
00504
00505
00506
00507
00508
00509
00510
00511
00512
00513
00514
00515
00516
00517
00518
00519
00520
00521
00522
00523
00524
00525
00526
00527
00528
00529
00530
00531
00532
00533
00534
00535
00536
00537
00538
00539
00540
00541
00542
00543
00544
00545
00546
00547
00548
00549
00550
00551
00552
00553
00554
00555
00556
00557
00558
00559
00560
00561
00562
00563
00564
00565
00566
00567
00568
00569
00570
00571
00572
00573
00574
00575
00576
00577
00578
00579
00580
00581
00582
00583
00584
00585
00586
00587
00588
00589
00590
00591
00592
00593
00594
00595
00596
00597
00598
00599
00600
00601
00602
00603
00604
00605
00606
00607
00608
00609
00610
00611
00612
00613
00614
00615
00616
00617
00618
00619
00620
00621
00622
00623
00624
00625
00626
00627
00628
00629
00630
00631
00632
00633
00634
00635
00636
00637
00638
00639
00640
00641
00642
00643
00644
00645
00646
00647
00648
00649
00650
00651
00652
00653
00654
00655
00656
00657
00658
00659
00660
00661
00662
00663
00664
00665
00666
00667
00668
00669
00670
00671
00672
00673
00674
00675
00676
00677
00678
00679
00680
00681
00682
00683
00684
00685
00686
00687
00688
00689
00690
00691
00692
00693
00694
00695
00696
00697
00698
00699
00700
00701
00702
00703
00704
00705
00706
00707
00708
00709
00710
00711
00712
00713
00714
00715
00716
00717
00718
00719
00720
00721
00722
00723
00724
00725
00726
00727
00728
00729
00730
00731
00732
00733
00734
00735
00736
00737
00738
00739
00740
00741
00742
00743
00744
00745
00746
00747
00748
00749
00750
00751
00752
00753
00754
00755
00756
00757
00758
00759
00760
00761
00762
00763
00764
00765
00766
00767
00768
00769
00770
00771
00772
00773
00774
00775
00776
00777
00778
00779
00780
00781
00782
00783
00784
00785
00786
00787
00788
00789
00790
00791
00792
00793
00794
00795
00796
00797
00798
00799
00800
00801
00802
00803
00804
00805
00806
00807
00808
00809
00810
00811
00812
00813
00814
00815
00816
00817
00818
00819
00820
00821
00822
00823
00824
00825
00826
00827
00828
00829
00830
00831
00832
00833
00834
00835
00836
00837
00838
00839
00840
00841
00842
00843
00844
00845
00846
00847
00848
00849
00850
00851
00852
00853
00854
00855
00856
00857
00858
00859
00860
00861
00862
00863
00864
00865
00866
00867
00868
00869
00870
00871
00872
00873
00874
00875
00876
00877
00878
00879
00880
00881
00882
00883
00884
00885
00886
00887
00888
00889
00890
00891
00892
00893
00894
00895
00896
00897
00898
00899
00900
00901
00902
00903
00904
00905
00906
00907
00908
00909
00910
00911
00912
00913
00914
00915
00916
00917
00918
00919
00920
00921
00922
00923
00924
00925
00926
00927
00928
00929
00930
00931
00932
00933
00934
00935
00936
00937
00938
00939
00940
00941
00942
00943
00944
00945
00946
00947
00948
00949
00950
00951
00952
00953
00954
00955
00956
00957
00958
00959
00960
00961
00962
00963
00964
00965
00966
00967
00968
00969
00970
00971
00972
00973
00974
00975
00976
00977
00978
00979
00980
00981
00982
00983
00984
00985
00986
00987
00988
00989
00990
00991
00992
00993
00994
00995
00996
00997
00998
00999

```

```

00457 *   ARMAZENAMENTO DA SOLUCAO
00458 *
00459 *   STEP-STORE.
00460 OPEN INPUT MATCUIDISCO
00461 READ MATCUIDISCO AT END DISPLAY 'BARRUFADA-3' GO TO PARE.
00462 MOVE ZEROS TO I. J. DPST. S. POINTST.
00463 STEP-UM.
00464   ADD 1 TO I.
00465   IF I IS GREATER THAN N
00466   THEN
00467     CLOSE MATCUIDISCO. GO TO STEP-IMPRESSAO
00468     ELSE NEXT SENTENCE.
00469   IF POINTL (I) IS EQUAL TO -1 GO TO STEP-UM.
00470   MOVE -1 TO POINTL (I)
00471   ADD 1 TO S
00472   ADD 1. J GIVING POINTS (S)
00473   ADD 2 TO J.
00474 *
00475 *   AIUCA DISCIPLINA
00476 *
00477   MOVE 1 TO DPS (J).
00478   MOVE 1 TO ND.
00479   MOVE 1 TO PDISC.
00480 STEP-DNIS.
00481   MOVE 101 (PDISC) TO DISC.
00482   IF DISC PDISC GO TO STEP-TRES.
00483 STEP-MEIO.
00484   COMPUTE J-ND = J - ND.
00485   MOVE ND TO DPS (J-ND) GO TO STEP-UM.
00486 STEP-TRES.
00487   IF POINTL (DISC) = -1 GO TO STEP-MEIO.
00488   IF MATCH-DISCO (PDISC. DISC) = INFINITO-V
00489   GO TO STEP-MEIO.
00490   ADD 1 TO ND
00491   MOVE -1 TO POINTL (DISC)
00492   ADD 1 TO J
00493   MOVE DISC TO DPS (J)
00494   MOVE DISC TO PDISC
00495   GO TO STEP-DNIS.
00496 *
00497 *   IMPRESSAO DOS RESULTADOS
00498 *
00499 STEP-IMPRESSAO.
00500   DISPLAY '*' DPS #'
00501   DISPLAY DPST.
00502   DISPLAY '*' POINTS #'
00503   DISPLAY POINTST.
00504   MOVE ZEROS TO I. TAR-MEMORIA.
00505 STEP-ICCP-1.
00506   ADD 1 TO I
00507   MOVE 1 TO D.
00508   MOVE 0 TO L.
00509   IF I NS GO TO STEP-SAIDA
00510   ELSE
00511     IF POINTS (I) = 0 GO TO STEP-SAIDA
00512     ELSE MOVE POINTS (I) TO K
00513

```

```

00514 MOVE K TO J
00515 MOVE OPS (K) TO ND.
00516 STEP-LOOP-2.
00517 ADD I TO J
00518 ADD I TO I
00519 MOVE OPS (J) TO SALAS (I, L)
00520 ADD I TO O.
00521 IF O ND GO TO STEP-LOOP-1.
00522 GO TO STEP-LOOP-2.
00523 STEP-SAIDA.
00524 MOVE SPACES TO SAIDA
00525 WRITE SAIDA FROM CABE-DISC AFTER ADVANCING PUIF
00526 PERFORM IMPR-1 THRU VOITA-1 VARYING I FROM 1 BY 1
00527 UNTIL I NST
00528 GO TO ARMAZENA-HORARIO-DISCO.
00529 IMPR-1.
00530 IF SALAS (I, 1) = 0 GO TO ARMAZENA-HORARIO-DISCO.
00531 PERFORM IMPR-2 THRU VOITA-2 VARYING J FROM 1 BY 1
00532 UNTIL J 5
00533 MOVE SPACES TO SAIDA.
00534 WRITE SAIDA FROM LINHAS-S AFTER 2.
00535 MOVE SPACES TO LINHAS-S
00536 GO TO VOITA-1.
00537 IMPR-2.
00538 IF SALAS (I, J) NOT = 0
00539 MOVE I TO SALA
00540 MOVE SALAS (I, J) TO CCL-Z (J).
00541 VOITA-2. EXIT.
00542 VOITA-1. EXIT.
00543 *
00544 *
00545 *
00546 ARMAZENA-HORARIO-DISCO.
00547 CLOSE HORARIO-VI
00548 OPEN INPUT HORARIO-VI
00549 MOVE 0 TO TOSATI, NUCATU, R-HORARIO, J, WS-CHAVE
00550 PERFORM STEP-PESQUISA-TURNO THRU STEP-FIM-PESQUISA
00551 UNTIL WS-CHAVE = 1
00552 MOVE 0 TO WS-CHAVE
00553 MOVE I TO I
00554 PERFORM STEP-MOVIMENTO
00555 PERFORM LER-HORARIO-VI THRU FIM-TURNO VARYING I FROM 2 BY 1
00556 UNTIL WS-CHAVE = 1
00557 GO TO STEP-SOLUCAO.
00558 STEP-PESQUISA-TURNO.
00559 READ HORARIO-VI AT END MOVE 1 TO WS-CHAVE
00560 DISPLAY ***BARRUEADA N2 NA PESQUISA DO TURNO ***
00561 GO TO PAPE.
00562 IF DIASEM-VI NOT = DIA-SEMANA
00563 GO TO STEP-FIM-PESQUISA.
00564 IF INICIO-VI NOT = INIC-TUR
00565 MOVE 1 TO WS-CHAVE.
00566 STEP-FIM-PESQUISA. EXIT.
00567 LER-HORARIO-VI.
00568 READ HORARIO-VI AT END GO TO STEP-SOLUCAO.
00569 IF DIASEM-VI NOT = DIA-SEMANA OR TERMINO-VI
00570 MOVE 1 TO WS-CHAVE

```

```

00571 GO TO FIM-TURNO.
00572 STEP-MOVIMENTO.
00573 MOVE CLASSE-VI TO CLAS-TAB (I)
00574 MOVE CURSOS-VI TO CURSC-TAB (I)
00575 MOVE TURMAS-VI TO TURM-TAB (I)
00576 MOVE INICIO-VI TO INICIO-TAB (I)
00577 MOVE DURACAO-VI TO DURACAO-TAB (I)
00578 MOVE TERMINO-VI TO TERMINO-TAB (I)
00579 MOVE VAGAS-VI TO VAGAS-TAB (I).
00580 FIM-TURNO. EXIT.
00581 STEP-SOLUCAO.
00582 MOVE NS TO NMI
00583 PERFORM STEP-A1 THRU STEP-A5 VARYING I FROM 1 BY 1
00584 UNTIL I NS
00585 MOVE TOSATU TO TOT-SALA-TUR-RH
00586 MOVE NUCCATU TO TOT-CADE-TUR-RH
00587 DISPLAY TOT-SALA-TUR-RH , SALAS P/ TURNO
00588 DISPLAY TOT-CADE-TUR-RH , CADEIPAS P/ TURNO
00589 GO TO STEP-ARMAZENA.
00590 STEP-A1.
00591 MOVE 0 TO MAIOR-CAP
00592 IF SALAS (I, I) = 0 GO TO STEP-A5.
00593 ADD 1 TO TOSATU
00594 PERFORM STEP-A3 THRU STEP-A4 VARYING J FROM 1 BY 1
00595 UNTIL J 5
00596 MOVE MAIOR-CAP TO CAPSALA-RH (I)
00597 ADD MAIOR-CAP TO NUCCATU
00598 MOVE 0 TO MAIOR-CAP
00599 GO TO STEP-A5.
00600 STEP-A2.
00601 IF SALAS (I, J) = 0 GO TO STEP-A4.
00602 MOVE SALAS (I, J) TO L
00603 MOVE CLAS-TAB (L) TO CLAS-RH (I, J)
00604 MOVE CURSOS-TAB (L) TO DISC-PH (I, J)
00605 MOVE TURM-TAB (L) TO TURM-RH (I, J)
00606 MOVE INICIO-TAB (L) TO INIC-RH (I, J)
00607 MOVE TERMINO-TAB (L) TO TERM-RH (I, J)
00608 MOVE DURACAO-TAB (L) TO DURA-RH (I, J)
00609 MOVE VAGAS-TAB (L) TO NUALU-PH (I, J)
00610 IF VAGAS-TAB (L) MAIOR-CAP
00611 THEN
00612 MOVE VAGAS-TAB (L) TO MAIOR-CAP.
00613 STEP-A4. EXIT.
00614 STEP-A5. EXIT.
00615 STEP-ARMAZENA.
00616 WRITE PEG-HORARIO
00617 DISPLAY , ---- SOLUCAO ARMAZENADA EM HORARIO-DISCO
00618 GO TO PARE.
00619
00620
00621 * * POTINA PARA CONTAP O NUMERO DE I'S DA MATRIZ CUSTO
00622 DISPLAY , ***** PASSOU P/ R088-CONIS *****
00623 R088-CONIS.
00624 MOVE ZEROS TO NUL.
00625 PERFORM R090-CONTAL THRU RETORNO-8 VARYING I FROM 1 BY 1
00626 UNTIL I N.
00627 GO TO R095-TESTE.
00628 R090-CONTAL.
00629
00630
00631
00632
00633
00634
00635
00636
00637
00638
00639
00640
00641
00642
00643
00644
00645
00646
00647
00648
00649
00650
00651
00652
00653
00654
00655
00656
00657
00658
00659
00660
00661
00662
00663
00664
00665
00666
00667
00668
00669
00670
00671
00672
00673
00674
00675
00676
00677
00678
00679
00680
00681
00682
00683
00684
00685
00686
00687
00688
00689
00690
00691
00692
00693
00694
00695
00696
00697
00698
00699
00700
00701
00702
00703
00704
00705
00706
00707
00708
00709
00710
00711
00712
00713
00714
00715
00716
00717
00718
00719
00720
00721
00722
00723
00724
00725
00726
00727
00728
00729
00730
00731
00732
00733
00734
00735
00736
00737
00738
00739
00740
00741
00742
00743
00744
00745
00746
00747
00748
00749
00750
00751
00752
00753
00754
00755
00756
00757
00758
00759
00760
00761
00762
00763
00764
00765
00766
00767
00768
00769
00770
00771
00772
00773
00774
00775
00776
00777
00778
00779
00780
00781
00782
00783
00784
00785
00786
00787
00788
00789
00790
00791
00792
00793
00794
00795
00796
00797
00798
00799
00800
00801
00802
00803
00804
00805
00806
00807
00808
00809
00810
00811
00812
00813
00814
00815
00816
00817
00818
00819
00820
00821
00822
00823
00824
00825
00826
00827
00828
00829
00830
00831
00832
00833
00834
00835
00836
00837
00838
00839
00840
00841
00842
00843
00844
00845
00846
00847
00848
00849
00850
00851
00852
00853
00854
00855
00856
00857
00858
00859
00860
00861
00862
00863
00864
00865
00866
00867
00868
00869
00870
00871
00872
00873
00874
00875
00876
00877
00878
00879
00880
00881
00882
00883
00884
00885
00886
00887
00888
00889
00890
00891
00892
00893
00894
00895
00896
00897
00898
00899
00900
00901
00902
00903
00904
00905
00906
00907
00908
00909
00910
00911
00912
00913
00914
00915
00916
00917
00918
00919
00920
00921
00922
00923
00924
00925
00926
00927
00928
00929
00930
00931
00932
00933
00934
00935
00936
00937
00938
00939
00940
00941
00942
00943
00944
00945
00946
00947
00948
00949
00950
00951
00952
00953
00954
00955
00956
00957
00958
00959
00960
00961
00962
00963
00964
00965
00966
00967
00968
00969
00970
00971
00972
00973
00974
00975
00976
00977
00978
00979
00980
00981
00982
00983
00984
00985
00986
00987
00988
00989
00990
00991
00992
00993
00994
00995
00996
00997
00998
00999
10000

```

```

00628 **00R      IF ICR (I) = ASTERISCC GO TO RETORND-8.
00629 **00R      IF ICR (I) NOT = 0 ADD 1 TO NUI.
00630 **00R      RETURN-9. EXIT.
00631 **00R      R095-TESTE.
00632          IF NUI NOT ) N
00633 **00R      THEN
00634 **00R          DISPLAY 'FIM CONIS CALL CUSTO * NUI = ' NUI
00635 **00R          .GO TO R100-CUSTO.
00636 **00R      R100-MENCO.
00637          MOVE INFINITO-H TO MF.
00638 **00R      DISPLAY 'FIM CONIS CALL MENCO * NUI = ' NUI.
00639 **00R      PERFORM R101-CORRE THRU RETORND-9 VARYING I FROM 1 BY 1
00640 **00R      UNTIL I = N.
00641 **00R      GO TO R103-TESTE1.
00642 **00R      R101-CORRE.
00643 **00R      IF ICR (I) = 0 GO TO RETORND-9.
00644 **00R      PERFORM R102-CORREL THRU RETORND-10 VARYING J FROM 1 BY 1
00645          UNTIL J = N.
00646 **00R      GO TO RETORND-9.
00647 **00R      R102-CORREL.
00648 **00R      IF CCR (J) NOT = 0 GO TO RETORND-10.
00649 **00R      IF NMATCH (I, J) ME
00650 **00R          MOVE NMATCH (I, J) TO ME.
00651 009      RETORND-9. EXIT.
00652 **00R      R103-TESTE1.
00653 009      IF ME = 0
00654 **00R          THEN
00655 **00R              DISPLAY 'ERRO FM MENCO * ME = ' ME
00656 **00R              DISPLAY 'PARE'
00657 **00R              GO TO PARE.
00658          DISPLAY 'FIM DE MENCC * ME = ' ME.
00659 **00R          DISPLAY 'CALL SMECNC'.
00660 **00R      R104-SMECNC.
00661 **00R      PERFORM R105-SME THRU RETORND-11 VARYING J FROM 1 BY 1
00662 **00R      UNTIL J = N.
00663 **00R      DISPLAY 'FIM DE SMENC * CALL AMELC'.
00664 **00R      GO TO R107-AMELC.
00665 **00R      R105-SME.
00666 **00R      IF CCR (J) = 0
00667 **00R          PERFORM R106-SMEN THRU RETORND-12 VARYING I FROM 1 BY 1
00668 **00R          UNTIL I = N.
00669 **00R          GO TO RETORND-11.
00670 **00R      R106-SMEN.
00671 **00R      COMPUTE NMATCH (I, J) = NMATCH (I, J) - ME.
00672          RETORND-12. EXIT.
00673          RETORND-11. EXIT.
00674          R107-AMELC.
00675 010      PERFORM R108-AMI THRU RETORND-13 VARYING I FROM 1 BY 1
00676 **010      UNTIL I = N.
00677 **010      DISPLAY 'FIM DE AMELC * VOLTA PARA ROTINA GECAD'.
00678 **010      GO TO R060-GECAD.
00679          R108-AMI.
00680 **010      IF ICR (I) NOT = 0 GO TO RETORND-13.
00681 **0 0      PERFORM R109-AMIC THRU RETORND-14 VARYING J FROM 1 BY 1 UNTIL
00682 010
00683          J = N.
00684 **010

```

```

00685 **010      GO TO RETURN-13.
00686 **010      P100-AMIC.
00687 **010      COMPUTE NMATCH (I, J) = NMATCH (I, J) + ME.
00688 **010      RETURN-14. EXIT.
00689 **010      RETURN-13. EXIT.
00690 **010      R100-CUSTO.
00691      OPEN INPUT MATCUDISCO
00692      READ MATCUDISCO AT END DISPLAY , MATCUDISCO LIDA'
00693      GO TO R105-TESTE3.
00694 **010      MOVE ZEROS TO NUI, COST.
00695 **010      PERFORM R104-TESTE2 THRU RETURN-15 VARYING I FROM 1 BY 1
00696 **010      UNTIL I = N.
00697 **010      GO TO R105-TESTE3.
00698 **010      R104-TESTE2.
00699 **010      IF ICI (I) = ASTERISCO GO TO RETURN-15.
00700 **010      IF ICI (I) NOT = 0
00701 **010      MOVE ICI (I) TO WS-C
00702      COMPUTE COST = COST + MATCU-DISCO (I, WS-C)
00703 **010      ADD 1 TO NUI.
00704 **0011      RETURN-15. EXIT.
00705 **001      P105-TESTE3.
00706      CLOSE MATCUDISCO
00707 **001      IF NUI = N
00708 **001      DISPLAY 'ERRO EM CUSTO NUI ) N * CUSTO = ' COST
00709 **001      GO TO PARF.
00710 **001      DISPLAY 'CUSTO MINIMO = ' COST.
00711      GO TO STEP-STORE.
00712 011      PARF.
00713      CLOSE RELATORIO
00714      CLOSE HOPARIO-VI
00715      CLOSE HORARIO-FINAL-DISCO
00716 **011      STOP RUN.

```

```

00001 IDENTIFICATION DIVISION.
00002 PROGRAM-ID. FMTSOLU.
00003 AUTHOR. EVILSON.
00004 INSTALLATION. MPD-CCT-UEPB.
00005 DATE-WRITTEN. 11-06-78.
00006 DATE-COMPILED. JUL 27, 1978.
00007 SECURITY. NAO DEVE SER REPRODUZIDO SEM
00008 PERMISSAO DO AUTHO.
00009 REMARKS. EMITE SOLUCAO DA ALOCAO DE UM NUMERO *N* DE
00010 DISCIPLINAS EM UM NUMERO MINIMO DE SALAS E SOLUCAO
00011 OTIMIZADA DAS CAPACIDADES DE CLASSES.
00012 ENVIRONMENT DIVISION.
00013 CONFIGURATION SECTION.
00014 SOURCE-COMPUTER. IBM-370-145.
00015 OBJECT-COMPUTER. IBM-370-145.
00016 SPECIAL-NAMES. COJ IS MUDE-DE-PAGINA.
00017 TAPUT-OUTPUT SECTION.
00018 FILE-CONTROL.
00019 SELECT HORARIO-DISC-SAL ASSIGN TO DA-S-DISCO4.
00020 SELECT RELATORIO-FINAL ASSIGN TO UR-S-SYSPRINT.
00021 DATA DIVISION.
00022 FILE SECTION.
00023 FD HORARIO-DISC-SAL
00024 LABEL RECORD IS STANDARD.
00025 BLOCK CONTAINS 1 RECORDS.
00026 RECORDING MODE IS S.
00027 RECORD CONTAINS 3 TO 7920 CHARACTERS.
00028 01 REG-HORARIO-DISC-SAL.
00029 02 NI PIC 9(3).
00030 02 MAX-SALAS OCCURS 0 TO 70 TIMES DEPENDING ON NN.
00031 03 DISC-TUR OCCURS 5 TIMES.
00032 05 CLAS-RH PIC 9(4).
00033 05 DISC-PH PIC X(8).
00034 05 TURM-RH PIC 9(2).
00035 05 INIC-RH PIC 9(2).
00036 05 DIURA-PH PIC 9(1).
00037 05 TERM-RH PIC 9(2).
00038 05 NALU-RH PIC 9(3).
00039 03 CAP-SALA-TUR-RH PIC 9(3).
00040 02 TOT-SALA-TUR-RH PIC 9(3).
00041 02 TOT-CADE-TUR-RH PIC 9(4).
00042 FD RELATORIO-FINAL
00043 LABEL RECORD IS OMITTED.
00044 01 ITHA PIC X(133).
00045 WORKING-STORAGE SECTION.
00046 77 I PIC 99 COMP VALUE IS ZEROS.
00047 77 J PIC 99 COMP VALUE IS ZEROS.
00048 77 L PIC 99 COMP VALUE IS ZEROS.
00049 77 NI PIC 99 COMP VALUE IS 20.
00050 77 PAG PIC 9(3) VALUE ZEROS.
00051 77 PERIOD PIC 9(3) VALUE 781.
00052 77 TURNO PIC 9(2) VALUE 1.
00053 77 N PIC 9(3) COMP VALUE 103.
00054 77 CRITERIO PIC 9(73) VALUE 0.
00055 77 MENS-O PIC X(73) VALUE 'ALOCA DISCIPLINA C/PESTRICA
00056 'O DE HORARIO F C/MESMO NUJE
00057 'PO DE ALUNOS P/SALA'.

```

00058	77	MFNS-10	PIC X(198) VALUE	' ALOCA DISCIPLINA C/RESTRIC 'AD DE HORARIO E C/AFRITACAO 'DO N/ALUNO P/SALA, N/SUPERI 'OR A 20'
00059	-	-	-	-
00060	-	-	-	-
00061	-	-	-	-
00062	77	MFNS-20	PIC X(188) VALUE	' ALOCA DISCIPLINA C/RESTRIC 'AD DE HORARIO E C/AFRITACAO 'DO N/ALUNO P/SALA, N/SUPERI 'OR A 40'
00063	-	-	-	-
00064	-	-	-	-
00065	77	MFNS-88	PIC X(182) VALUE	' ALOCA DISCIPLINA C/RESTRIC 'AD DE HORARIO E SEM/RESTRICA 'DO DO NUMERO DE ALUNOS P/SAL 'A'
00066	-	-	-	-
00067	-	-	-	-
00068	-	-	-	-
00069	-	-	-	-
00070	01	CARFC-01	PIC X(132) VALUE	' UNIVERSIDADE FEDERAL DA PA 'RAIRA'
00071	-	-	-	-
00072	-	-	-	-
00073	-	-	-	-
00074	03	FILLER	PIC X(198) VALUE	'PAGINA- ', JUST.
00075	03	PAGINA	PIC 9(13)	
00076	01	CARFC-02	PIC X(132) VALUE	' CENTRO DE CIENCIAS E TECNO 'LOGIA'
00077	-	-	-	-
00078	01	CARFC-03	PIC X(138) VALUE	' DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E ' COMPUTACAO'
00079	-	-	-	-
00080	-	-	-	-
00081	01	CARFC-04	PIC X(155) VALUE	' RELATORIO DE DISTRIBUICAO 'OTIMA DAS DISCIPLINAS P/SAL 'A'
00082	-	-	-	-
00083	-	-	-	-
00084	-	-	-	-
00085	03	FILLER	PIC X(175) VALUE	'PERIODO ', JUST.
00086	03	PER-S	PIC 9(13)	
00087	01	CARFC-05	PIC X(111) VALUE	' CRITERIU- '
00088	-	-	-	-
00089	03	FILLER	PIC X(188)	
00090	03	MFNSAGEM	PIC X(175) VALUE	'TURNO- ', JUST.
00091	03	FILLER	PIC X(09)	
00092	01	CARFC-06	PIC X(01) VALUE	'SPACES-
00093	03	FILLER	PIC X(132) VALUE	'ALL *#'
00094	-	-	-	-
00095	01	CARFC-6A	PIC X(08) VALUE	' * *#'
00096	03	FILLER	PIC X(25) VALUE	'*#', JUST.
00097	03	FILLER	PIC X(25) VALUE	'*#', JUST.
00098	03	FILLER	PIC X(25) VALUE	'*#', JUST.
00099	03	FILLER	PIC X(25) VALUE	'*#', JUST.
00100	01	CARFC-07	PIC X(08) VALUE	' SALAS *#'
00101	-	-	-	-
00102	03	FILLER	PIC X(25) VALUE	'I ----*#'
00103	03	FILLER	PIC X(25) VALUE	'II ----*#'
00104	03	FILLER	PIC X(25) VALUE	'III ----*#'
00105	03	FILLER	PIC X(25) VALUE	'IV ----*#'
00106	03	FILLER	PIC X(25) VALUE	'V ----*#'
00107	03	FILLER	PIC X(08) VALUE	' N.*CAP*#'
00108	01	CARFC-08	PIC X(25) VALUE	'CLAS*COD.DISC*TU#HOR#N.A*#'
00109	03	FILLER	PIC X(25) VALUE	'CLAS*COD.DISC*TU#HOR#N.A*#'
00110	03	FILLER	PIC X(25) VALUE	'CLAS*COD.DISC*TU#HOR#N.A*#'
00111	03	FILLER	PIC X(25) VALUE	'CLAS*COD.DISC*TU#HOR#N.A*#'
00112	03	FILLER	PIC X(25) VALUE	'CLAS*COD.DISC*TU#HOR#N.A*#'
00113	03	FILLER	PIC X(25) VALUE	'CLAS*COD.DISC*TU#HOR#N.A*#'
00114	03	FILLER	PIC X(25) VALUE	'CLAS*COD.DISC*TU#HOR#N.A*#'

```

00115 03 FILLER
00116 01 DT:HF-01.
00117 03 FILLER
00118 03 SALA-S
00119 03 CAP-SALA-S
00120 03 DISCIPLINAS OCCURS 5 TIMES.
00121 05 CLAS-S
00122 05 COND-S
00123 05 TURM-S
00124 05 THIC-S
00125 05 NUPA-S
00126 05 NSLU-S
00127 01 TAB-SEMANA.
00128 03 DIAS-SEMANA.
00129 05 FILLER
00130 05 FILLER
00131 05 FILLER
00132 05 FILLER
00133 05 FILLER
00134 05 FILLER
00135 05 FILLER
00136 05 FILLER
00137 05 FILLER
00138 05 FILLER
00139 05 FILLER
00140 05 FILLER
00141 05 FILLER
00142 05 FILLER
00143 05 FILLER
00144 05 FILLER
00145 03 DIA-SEMANA REDEFINES DIAS-SEMANA OCCURS 16 TIMES.
00146 05 TUR-TAB
00147 01 LINHA-TOTAL-02.
00148 03 FILLER
00149 03 FILLER
00150 03 FILLER
00151 03 TOT-DISC-TURMA-TUR-S PTC Z99.
00152 03 FILLER
00153 03 TOT-SALA-TUR-S PTC 779.
00154 03 FILLER
00155 03 FILLER
00156 03 TOT-CADE-TUR-S PTC 7779.
00157 03 FILLER
00158 03 FILLER
00159 03 FILLER
00160 03 FILLER
00161 03 FILLER
00162 03 FILLER
00163 03 FILLER
00164 03 FILLER
00165 03 FILLER
00166 03 FILLER
00167 03 FILLER
00168 03 FILLER
00169 03 FILLER
00170 03 FILLER
00171 03 FILLER

```

PIC X(25) VALUE 'CLAS\*COND.DISC\*TU\*HOR\*RN.A\*\*'.  
PIC X(01) VALUE SPACE.  
PIC 9(02)P.  
PIC Z(03)P.  
OCCURS 5 TIMES.  
PIC 9(04)P. BLANK WHEN ZERO.  
PIC X(08)P.  
PIC 9(02)P. BLANK WHEN ZERO.  
PIC Z(01)P.  
PIC 7(3)P.  
PIC X(09) VALUE 'SFG-MANHA'.  
PIC X(09) VALUE 'SFG-TARDE'.  
PIC X(09) VALUE 'SEG-NOITE'.  
PIC X(09) VALUE 'TFR-MANHA'.  
PIC X(09) VALUE 'TFR-TARDE'.  
PIC X(09) VALUE 'TER-NOITE'.  
PIC X(09) VALUE 'QUA-MANHA'.  
PIC X(09) VALUE 'QUA-TARDE'.  
PIC X(09) VALUE 'QUI-NOITE'.  
PIC X(09) VALUE 'QUI-TARDE'.  
PIC X(09) VALUE 'SEX-MANHA'.  
PIC X(09) VALUE 'SEX-TARDE'.  
PIC X(09) VALUE 'SAB-MANHA'.  
PIC X(09) VALUE 'SAB-MANHA'.  
PIC X(10) VALUE SPACES.  
PIC X(30) VALUE 'TOTAL DE DISC/TURMA P/TURNO JUST'.  
PIC X(30) VALUE 'TOTAL DE SALA P/TURNO ='.  
PIC X(35) VALUE 'TOTAL DE CADEIRAS P/TURNO JUST'.  
PIC 7779.  
PROCEDURE DIVISION.  
ABERTURA-DOS-ARQUIVOS.  
OPEN INPUT HORARIO-DISC-SAL  
OUTPUT RELATOPIC-FINAL.  
LEITURA-HORARIO-DISC-SALA.  
READ HORARIO-DISC-SAL AT END GO TO INICIO.  
IF CRITERIO = 0  
MOVE MENS-0 TO MENSAGEM  
GO TO IMPRESSAO-CABECALHO.  
IF CRITERIO = 10  
MOVE MENS-10 TO MENSAGEM  
GO TO IMPRESSAO-CABECALHO.  
IF CRITERIO = 20  
MOVE MENS-20 TO MENSAGEM

```

00172 GO TO IMPRESSAO-CARECALHO.
00173 MOVE MENS-RH TO MENSAGEM.
00174 IMPRESSAO-CARECALHO.
00175 MOVE SPACES TO LINHA
00176 ADD 1 TO PAG
00177 MOVE PAG TO PAGINA
00178 MOVE PFR1000 TO PER-S
00179 MOVE TUR-TAB (TURNO) TO DIA-SEM
00180 WRITE LINHA FROM CAREC-01 AFTER ADVANCING MIUDE-DE-PAGINA.
00181 WRITE LINHA FROM CAREC-02 AFTER ADVANCING 1 LINES.
00182 WRITE LINHA FROM CAREC-03 AFTER ADVANCING 1 LINES.
00183 WRITE LINHA FROM CAREC-04 AFTER ADVANCING 1 LINES.
00184 WRITE LINHA FROM CAREC-05 AFTER ADVANCING 1 LINES.
00185 WRITE LINHA FROM CAREC-06 AFTER ADVANCING 3 LINES.
00186 WRITE LINHA FROM CAREC-06 AFTER ADVANCING 1 LINES.
00187 WRITE LINHA FROM CAREC-07 AFTER ADVANCING 1 LINES.
00188 WRITE LINHA FROM CAREC-08 AFTER ADVANCING 1 LINES.
00189 WRITE LINHA FROM CAREC-0A AFTER ADVANCING 1 LINES.
00190 WRITE LINHA FROM CAREC-06 AFTER ADVANCING 1 LINES.
00191 INICIO.
00192 PERFORM STEP-01 THRU STEP-03-RETORNO VARYING I FROM 1 BY 1
00193 UNTIL I TOT-SALA-TUR-RH
00194 MOVE TOT-SALA-TUR-RH TO TOT-SALA-TUR-S
00195 MOVE TOT-CADE-TUR-RH TO TOT-CADE-TUR-S
00196 MOVE N TO TOT-DISC-TURMA-TUR-S
00197 MOVE SPACES TO LINHA
00198 WRITE LINHA FROM LINHA-TOTAL-02 AFTER ADVANCING 3 LINES.
00199 GO TO STEP-10-FIM.
00200 STEP-01.
00201 MOVE I TO SALA-S
00202 PERFORM STEP-02-MOVIMENTO VARYING J FROM 1 BY 1 UNTIL J 5
00203 MOVE CAP-SALA-RH (I) TO CAP-SALA-S
00204 MOVE SPACES TO LINHA
00205 WRITE LINHA FROM DETALHE-01 AFTER ADVANCING 2
00206 ADD 1 TO I
00207 IF I = NU
00208 MOVE 0 TO I
00209 PERFORM IMPRESSAO-CARECALHO.
00210 GO TO STEP-03-RETORNO.
00211 STEP-02-MOVIMENTO.
00212 MOVE CLAS-RH (I, J) TO CLAS-S (J)
00213 MOVE DISC-RH (I, J) TO COMIS-S (J)
00214 MOVE TURMA-RH (I, J) TO TURM-S (J)
00215 MOVE INIC-RH (I, J) TO INIC-S (J)
00216 MOVE DURM-RH (I, J) TO DURM-S (J)
00217 MOVE NALU-RH (I, J) TO NALU-S (J).
00218 STEP-03-RETORNO. EXIT.
00219 STEP-10-FIM.
00220 CLOSE HORARIO-DISC-SAL. RELATORIO-FINAL.
00221 STOP RUN.

```

ANEXO II

RESULTADOS OBTIDOS

NO CCT

São apresentados aqui os resultados obtido na aplicação deste trabalho no Centro de Ciências e Tecnologia da Universidade Federal da Paraíba em Campina Grande.

Tendo em vista o grande volume dos resultados impressos para cada tipo de solução em cada turno da semana, só serão anexados os resultados obtidos na segunda e terça feira, para cada tipo de solução. Um resumo de todos os dias da semana pode ser encontrado na Fig. 5.0 página 64.

UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAIBA  
CENTRO DE CIÊNCIAS E TECNOLOGIA  
DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTAÇÃO  
REATORIO DE DISCIPLINA ATIVIDADES DISCIPLINARES P/SALA  
CABEETEIO - ALMOÇA DISCIPLINA C/RESTRICAO DE HORARIO E C/MESES40 NUMERO DE ALUNOS P/SALA

PERIGOSO 781  
TURNO - SEC-MANHA

01	70	1128	P041855X	01	082	70	1001	P030024X	01	082	70	1024	P0301742	04	102	70
02	70	1128	P041855X	02	071	70	1001	P030024X	02	082	70	1028	P0301955	02	102	70
03	70	1128	P041855X	03	071	70	1001	P030024X	03	082	70	1051	P0306841	02	102	70
04	70	1128	P041855X	04	071	70	1001	P030024X	05	082	70	1051	P0306841	03	102	70
05	60	1215	P0700450	01	071	60	1217	P0700841	01	082	60	1153	P0502551	01	102	60
06	43	1035	P0302641	01	073	43										
07	40	1040	P0302749	02	073	40	1068	P0400945	01	102	40					
08	40	1040	P0302749	03	073	40	1137	P0500753	01	102	40					
09	50	1001	P030024X	04	082	50	1155	P0502640	01	102	50					
10	70	1007	P0300649	01	082	70										
11	71	1007	P0300649	02	082	71	1024	P0301742	01	102	71					
12	70	1007	P0300649	03	082	70										
13	70	1007	P0300649	04	082	70										
14	71	1005	P0300745	01	082	71	1024	P0301742	03	102	71					
15	70	1009	P0300746	02	082	70										
16	74	1017	P0301149	01	082	74	1242	P0705630	01	102	74					
17	20	1061	P0305042	01	082	20										
18	40	1069	P0401143	01	082	40	1184	P060365X	01	102	40					
19	40	1089	P0403636	01	082	40	1185	P0603757	01	102	40					
20	61	1124	P0414143	01	082	61										

UNIVERSIDADE FEDERAL DO PARANÁ  
 CENTRO DE CIÊNCIAS E TECNOLOGIA  
 DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTAÇÃO  
 RELATÓRIO DE DISTRIBUIÇÃO DE CARGA HORÁRIA  
 CRITÉRIO - ÁREA DISCIPLINA C/RESTRIÇÃO DE HORÁRIO F C/MESMO NÚMERO DE ALUNOS P/SALA

PAGINA- 002

PERÍODO 781  
 TURMA- SEG-MANHÃ

N.º	DISCIPLINA	T	DISCIPLINA II	DISCIPLINA III	DISCIPLINA IV	DISCIPLINA V
N.º	CLAS	CLAS	CLAS	CLAS	CLAS	CLAS
21	52 1134	P0500451 01 082	52			
22	50 1138	P0500850 01 082	50 1169	P0504549 01 102	50	
23	63 1142	P0501245 01 082	63			
24	50 1146	P0501644 01 082	50 1181	P0602831 01 102	50	
25	40 1164	P0506144 01 082	40 1208	P0606551 01 102	40	
26	50 1175	P0600170 01 082	50 1209	P0607159 01 102	50	
27	50 1175	P0600170 02 082	50 1230	P0702054 01 102	50	
28	31 1175	P0602246 01 082	31			
29	50 1200	P0605636 01 082	50 1296	P0801931 02 102	50	
30	50 1202	P0605849 01 082	50			
31	50 1221	P0701252 01 082	50			
32	30 1244	P0705746 01 082	30 1274	P0701457 01 102	30	
33	62 1283	P0802059 01 082	62			
34	43 1294	P0805236 01 082	43			
35	50 1303	P0814744 01 082	50			
36	15 1309	P0815341 01 082	15 1358	P0915244 01 102	15	
37	72 1024	P0301742 02 102	72			
38	71 1024	P0301742 05 102	71			
39	81 1026	P030184X 01 102	81			
40	82 1026	P030184X 02 102	82			

UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAIBA  
CENTRO DE CIENCIAS E TECNOLOGIA  
DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTACAO  
DEPARTAMENTO DE DISTRIBUICAO DE MATERIAIS  
CRITERIO - ALUNO DISCIPLINA CATEGORIA DE HORARIO E CAMPO NUMERO DE ALUNOS P/SALA

SALA	DISCIPLINA I	DISCIPLINA II	DISCIPLINA III	DISCIPLINA IV	DISCIPLINA V							
N.ºCAPAC	ASSOCOD	DISC	TURHOR	N.º	CLASCOD	DISC	TURHOR	N.º	CLASCOD	DISC	TURHOR	N.º
41	72	1028	P0301055	01	102	72						
42	71	1051	P0306841	01	102	71						
43	58	1123	P0413540	02	102	58						
44	58	1123	P0413540	03	102	58						
45	41	1182	P0603447	01	102	41						
46	41	1182	P0603447	02	102	41						
47	60	1227	P0701759	01	102	60						
48	40	1249	P0718163	01	102	40						
49	40	1293	P0805155	01	102	40						
50	40	1299	P0805740	01	102	40						
51	30	1302	P0805856	01	102	30						

TOTAL DE DISC/TURMA P/TURNO = 77      \*TOTAL DE SALA P/TURNO = 51      \*TOTAL DE CADEIRAS P/TURNO = 2763



UNIVERSIDADE FEDERAL DO PARANÁ  
 CENTRO DE CIÊNCIAS E TECNOLOGIA  
 DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTAÇÃO  
 RELATÓRIO DE DISTRIBUIÇÃO DE CARGAS DISCIPLINARES P/SALA  
 CRITÉRIO: SALA DISCIPLINA C/RESPOSTA DE HORARIO F C/MATERIAL N/SUPERIOR A 20

PERIODO 781  
 TURNO- SEG-MANHA

SALA	DISCIPLINA	DISCIPLINA III	DISCIPLINA IV	DISCIPLINA V
21	50 1138 P0500850 01 082	50 1208 P0606551 01 102	40	
22	70 1142 P0501245 01 082	63 1051 P0306841 03 102	70	
23	50 1146 P0501644 01 082	50 1155 P0502640 01 102	50	
24	40 1164 P050614X 01 082	40 1185 P0603757 01 102	40	
25	50 1175 P0600170 01 082	50 1169 P0506549 01 102	50	
26	50 1175 P0600170 02 082	50 1181 P0602831 01 102	50	
27	31 1179 P0602246 01 082	31 1302 P0805856 01 102	30	
28	50 1200 P0606636 01 082	50 1209 P0607159 01 102	50	
29	60 1202 P0605849 01 082	50 1227 P0701759 01 102	60	
30	60 1217 P0700841 01 082	60 1123 P0412540 02 102	58	
31	50 1221 P0701252 01 082	50 1230 P0702054 01 102	50	
32	40 1244 P0705746 01 082	30 1249 P0718163 01 102	40	
33	71 1283 P0802059 01 082	62 1024 P0301742 01 102	71	
34	43 1294 P0805236 01 082	43 1293 P0805155 01 102	40	
35	50 1393 P0914744 01 082	50 1266 P0801931 02 102	50	
36	15 1399 P0915341 01 082	15 1358 P0515244 01 102	15	

TOTAL DE DISCIPLINAS P/TURNO = 77      \*TOTAL DE SALA P/TURNO = 36      \*TOTAL DE CADEIRAS P/TURNO = 1988

01	71	1128	P041895X	01	071	70	1001	P030024X	01	082	70	1024	P0301742	01	102	71
02	72	1128	P041855X	02	071	70	1001	P030024X	02	082	70	1024	P0301742	02	102	72
03	71	1128	P041855X	03	071	70	1001	P030024X	03	082	70	1024	P0301742	03	102	71
04	70	1128	P041855X	04	071	70	1001	P030024X	05	082	70	1024	P0301742	04	102	70
05	61	1215	P0700450	01	071	60	1124	P0418143	01	082	61	1153	P0502551	01	102	60
06	43	1035	P0302641	01	073	43	1063	P0400045	01	102	40					
07	40	1040	P0302749	02	073	40	1137	P0500753	01	102	40					
08	41	1040	P0302749	03	073	40	1182	P0603447	01	102	41					
09	50	1001	P030026X	04	082	50	1299	P0805740	01	102	40					
10	71	1007	P0300649	01	082	70	1024	P0301742	05	102	71					
11	71	1007	P0300649	02	082	71	1051	P0306841	02	102	70					
12	82	1007	P0300649	03	082	70	1026	P030184X	02	102	82					
13	72	1007	P0300649	04	082	70	1023	P0301955	01	102	72					
14	71	1009	P0300746	01	082	71	1024	P0301955	02	102	70					
15	71	1009	P0300746	02	082	70	1051	P0306841	01	102	71					
16	81	1017	P0301149	01	082	74	1027	P030184X	01	102	81					
17	30	1061	P0309042	01	082	20	1224	P0701457	01	102	30					
18	41	1069	P0401143	01	082	40	1182	P0603447	02	102	41					
19	40	1089	P0403036	01	082	40	1184	P060365X	01	102	40					
20	58	1134	P0500451	01	082	52	1123	P0413540	03	102	58					

UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAIBA  
 CENTRO DE CIENCIAS E TECNOLOGIA  
 DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTACAO  
 RELATORIO DE DISTRIBUICAO DE CREDITOS DAS DISCIPLINAS P/2014  
 CRITERIO - ALOCA DISCIPLINAS CATEGORIA DE HORARIO E CATEGORIA DE CARRERA

DISCIPLINA	DISCIPLINA III	DISCIPLINA IV	DISCIPLINA V
21 50 1138 P0500850 01 082 50 1204 P0606551 01 102 40			
22 70 1142 P0501245 01 082 63 1051 P0306841 03 102 70			
23 50 1146 P0501644 01 082 50 1155 P0502640 01 102 50			
24 40 1164 P050614X 01 082 40 1185 P0603757 01 102 40			
25 50 1175 P0600170 01 082 50 1169 P0506549 01 102 50			
26 50 1175 P0600170 02 082 50 1181 P0602831 01 102 50			
27 31 1179 P0602246 01 082 31 1302 P0805956 01 102 30			
28 50 1200 P0605636 01 082 50 1209 P0607159 01 102 50			
29 60 1202 P0605849 01 082 50 1227 P0701759 01 102 60			
30 60 1217 P0700841 01 082 60 1123 P0613540 02 102 58			
31 50 1221 P0701252 01 082 50 1230 P0702054 01 102 50			
32 40 1244 P0705746 01 082 30 1249 P0718163 01 102 40			
33 74 1283 P0802659 01 082 62 1242 P0705630 01 102 74			
34 43 1284 P0805236 01 082 43 1293 P0805155 01 102 40			
35 50 1363 P0614744 01 082 50 1296 P0801931 02 102 50			
36 15 1399 P0915341 01 082 15 1368 P0915244 01 102 15			

TOTAL DE DISCIPLINAS P/TURNO = 77      \*TOTAL DE SALA P/TURNO = 36      \*TOTAL DE CADEIRAS P/TURNO = 1990

UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO DE JANEIRO  
CENTRO DE CIENCIAS E TECNOLOGIA  
DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTACAO  
REATORIO DE SISTEMAS DE INFORMACAO E DISCIPLINAS P/SALA  
CRITERIO- AREA DISCIPLINA CATEGORIA DE HORAS SEM RESTICAO DO NOME DO ALUNO P/SALA

PERIODO 781  
TURNO- SEG-MANHA

N.	CLAS	DISC	TUR	HOR	N.	CLAS	DISC	TUR	HOR	N.	CLAS	DISC	TUR	HOR	N.	CLAS	DISC	TUR	HOR	N.	CLAS	DISC	TUR	HOR		
01	71	1128	P04185X	01	071	70	1001	P030024X	01	082	70	1024	P0301742	01	102	71										
02	72	1128	P04185X	02	071	70	1001	P030024X	02	082	70	1024	P0301742	02	102	72										
03	71	1128	P04185X	03	071	70	1001	P0300024X	03	082	70	1024	P0301742	03	102	71										
04	70	1128	P04185X	04	071	70	1001	P030024X	05	082	70	1024	P0301742	04	102	70										
05	61	1215	P0700450	01	071	60	1124	P0418143	01	032	61	1153	P0502551	01	102	60										
06	43	1035	P0202641	01	073	43	1068	P0400945	01	102	40															
07	40	1040	P0302749	02	073	40	1117	P03500753	01	102	40															
08	41	1040	P0302749	03	073	40	1192	P0602447	01	102	41															
09	50	1001	P030024X	04	082	50	1299	P0305740	01	102	40															
10	71	1007	P0300649	01	082	70	1024	P0301742	05	102	71															
11	71	1007	P0300649	02	082	71	1051	P0306041	02	102	70															
12	82	1007	P0300649	03	082	70	1026	P030104X	02	102	82															
13	72	1007	P0300649	04	082	70	1028	P0301955	01	102	72															
14	71	1009	P0300746	01	082	71	1028	P0301955	02	102	70															
15	71	1009	P0300746	02	082	70	1051	P0306841	01	102	71															
16	81	1017	P0301149	01	082	74	1026	P030184X	01	102	81															
17	30	1061	P0300642	01	082	20	1224	P0701457	01	102	30															
18	41	1069	P0401143	01	082	40	1182	P0602447	02	102	41															
19	40	1089	P0403936	01	082	40	1184	P060365X	01	102	40															
20	58	1134	P0500451	01	082	52	1123	P0413540	03	102	58															

UNIVERSIDADE FEDERAL DO PARANÁ  
CENTRO DE CIÊNCIAS E TECNOLOGIA  
DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTAÇÃO  
RELATÓRIO DE DISTRIBUIÇÃO GERAL DAS DISCIPLINAS P/SALA  
CRITÉRIO- ALOCAÇÃO DE HORAS E SEM RESTRIÇÃO DE NÚMERO DE ALUNOS P/SALA

PERÍODO 781  
TURNO- SEG-MANHÃ

DISCIPLINA	DISCIPLINA III	DISCIPLINA II	DISCIPLINA IV
21 50 1138 P0500850 01 082 50 1203 P0606551 01 102 40			
22 70 1142 P0501245 01 082 63 1051 P0306841 03 102 70			
23 50 1146 P0501644 01 082 50 1155 P0502640 01 102 50			
24 40 1164 P050614X 01 082 40 1185 P0603757 01 102 40			
25 50 1175 P0600170 01 082 50 1169 P0506549 01 102 50			
26 50 1175 P0600170 02 082 50 1181 P0602831 01 102 50			
27 31 1175 P0602246 01 082 31 1302 P0805856 01 102 30			
28 50 1200 P0605636 01 082 50 1209 P0607159 01 102 50			
29 60 1202 P0605849 01 082 50 1227 P0701759 01 102 60			
30 60 1217 P0700841 01 082 60 1123 P0413540 02 102 58			
31 50 1221 P0701252 01 082 50 1230 P0702054 01 102 50			
32 40 1244 P0705766 01 082 30 1249 P0718163 01 102 40			
33 74 1283 P0802059 01 082 62 1242 P0705630 01 102 74			
34 43 1294 P0805236 01 082 43 1293 P0805155 01 102 40			
35 50 1393 P0914744 01 082 50 1296 P0801931 02 102 50			
36 15 1399 P0915341 01 082 15 1398 P0915244 01 102 15			

TOTAL DE DISCIPLINAS P/TURNO = 77      \*TOTAL DE SALA P/TURNO = 36      \*TOTAL DE CADEIRAS P/TURNO = 1990

UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAIBA  
 CENTRO DE CIÊNCIAS E TECNOLOGIA  
 DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTAÇÃO  
 RELATÓRIO DE DISTRIBUIÇÃO DE ALUNOS NAS DISCIPLINAS P/SALIA  
 COLEGIO - ALUNA DISCIPLINA CATEGORIA DE HORARIO E C/M/S/MO NUMERO DE ALUNOS P/SALIA

PAGINA- 001

PERIODO 78-  
 TURNO- SEG-TARDE

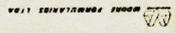
SAIAS	DISCIPLINA I	DISCIPLINA II	DISCIPLINA III	DISCIPLINA IV	DISCIPLINA V
NUMERO DE ALUNOS	DISCIPLINA I	DISCIPLINA II	DISCIPLINA III	DISCIPLINA IV	DISCIPLINA V
01	50 1049 P0306450 01 131 54				
02	70 1129 P041865X 05 131 70 1002 P030024X 06 142 70 1029 P0301955 03 162 70				
03	70 1129 P041865X 06 131 70 1002 P030024X 07 142 70 1029 P0301955 04 162 70				
04	70 1129 P041865X 07 131 70 1002 P030024X 08 142 70 1052 P0306841 04 162 70				
05	50 1207 P0604746 02 131 50 1222 P0701252 02 142 50 1082 P0402646 01 162 50				
06	40 1037 P0302641 03 133 40 1418 P0412046 01 162 40				
07	40 1037 P0302641 04 133 40				
08	40 1042 P0302749 05 133 40				
09	70 1002 P030024X 06 142 70 1052 P0306841 05 162 70				
10	70 1008 P0300649 05 142 70 1052 P0306841 06 162 70				
11	70 1008 P0300649 06 142 70 1076 P0402336 01 162 70				
12	70 1008 P0300649 07 142 70 1079 P0402336 02 162 70				
13	70 1008 P0300649 08 142 70 1282 P0801931 01 162 70				
14	70 1010 P0300746 03 142 70				
15	70 1010 P0300746 04 142 70				
16	64 1018 P0301149 02 142 64				
17	33 1063 P0400155 01 142 33				
18	30 1062 P0400155 02 142 30 1060 P0308961 01 162 30				
19	74 1080 P0402549 01 142 74				
20	40 1088 P0603731 01 142 40				



UNIVERSIDADE FEDERAL DO PAPAIBA  
CENTRO DE CIENCIAS E TECNOLOGIA  
DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTACAO  
RELATORIO DE RESULTADOS GERAIS DAS DISCIPLINAS P/SALA  
CRITERIO- ALTA DISCIPLINA C/RESTRICAO DE HORARIO E C/MESMO NUMERO DE ALUNOS P/SALA

SALAS	DISCIPLINA I	DISCIPLINA II	DISCIPLINA III	DISCIPLINA IV	DISCIPLINA V
N.ºCLAS	CCD.DISC.TURMA	CCD.DISC.TURMA	CCD.DISC.TURMA	CCD.DISC.TURMA	CCD.DISC.TURMA
41	60 1228 P0701750 02 162 60				
42	50 1232 P070216X 01 162 50				
43	30 1247 P0706742 01 162 30				
44	61 1286 P0802555 01 162 61				

TOTAL DE DISC/TURMA P/TURNO = 63      \*TOTAL DE SALA P/TURNO = 44      \*TOTAL DE CADEIRAS P/TURNO = 2264



UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO DE JANEIRO  
 CENTRO DE CIÊNCIAS E TECNOLOGIA  
 DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTAÇÃO  
 RELATÓRIO DE DISTRIBUIÇÃO GERAL DAS DISCIPLINAS P/SALA  
 CRITÉRIO - ALGUA DISCIPLINA COM VARIACAO DO MATERIAL E/OU SUPERIOR A 20

PAGINA - 001

PERIODO 781  
 TURNO - SEG-TARDE

DISCIPLINA	CLAS	CD	DISCIPLINA	CLAS	CD	DISCIPLINA	CLAS	CD
01	64	1046	P0306450	01	131	59	1018	P0301140
02	70	1129	P041855X	05	131	70	1002	P030024X
03	70	1129	P041855X	06	131	70	1002	P030024X
04	70	1129	P041855X	07	131	70	1002	P030024X
05	60	1207	P06004246	02	131	50	1222	P0701252
06	50	1037	P0302641	03	133	40	1404	P0604346
07	40	1037	P0302641	04	133	40	1204	P0606047
08	50	1042	P0302749	05	133	40	1231	P0702054
09	70	1002	P030024X	06	142	70	1286	P0302555
10	70	1008	P0300749	05	142	70	1025	P0301742
11	70	1008	P0300749	06	142	70	1029	P0301955
12	70	1008	P0300619	07	142	70	1029	P0301955
13	70	1008	P0300649	08	142	70	1052	P0306841
14	70	1010	P0300746	03	142	70	1052	P0306841
15	70	1010	P0300746	04	142	70	1052	P0306841
16	33	1063	P0400155	01	142	33	1060	P0308941
17	30	1063	P0400155	02	142	30	1176	P0601150
18	74	1080	P0402549	01	142	74	1079	P0402336
19	50	1088	P0403731	01	142	40	1232	P070216X
20	35	1088	P0403731	02	142	35	1239	P0703956

UNIVERSIDADE FEDERAL DO PARATIBA  
CENTRO DE CIENCIAS E TECNOLOGIA  
DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTACAO  
RELATORIO DE DISTRIBUICAO OTIMA DAS DISCIPLINAS P/SALA  
CRITERIO- MODO DISCIPLINA CATEGORIA DE HORARIO E CAPACIDADE DO N/ALUNO P/SALA, N/SUPERIOR A 20

21	40	1112	P0408644	01	142	40	1418	P0912946	01	162	40
22	40	1113	P0408849	01	142	40					
23	33	1187	P0604249	01	142	33	1247	P0708742	01	162	30
24	30	1188	P0604246	01	142	30					
25	40	1201	P0605733	01	142	40					
26	60	1223	P0701256	01	142	50	1025	P0301742	08	162	60
27	60	1225	P0701546	01	142	50	1025	P0301742	09	162	60
28	40	1236	P0702344	01	142	40					
29	40	1258	P0710747	01	142	40					
30	50	1284	P0802148	01	142	49	1082	P0402646	01	162	50
31	30	1301	P0805843	01	142	30					
32	15	1402	P0815643	01	142	15					
33	61	1025	P0301742	06	142	61					

TOTAL DE DISCIPLINAS P/TURNO = 63      TOTAL DE SALA P/TURNO = 33      TOTAL DE CADEIRAS P/TURNO = 1725

UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAIBA  
CENTRO DE CIENCIAS E TECNOLOGIA  
DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTACAO  
REPARTICAO DE DISTRIBUICAO DE DISCIPLINAS P/SALA  
CRITERIO - ALICA DISCIPLINA C/REVESTICAO DE DEPARADO E C/AVARIACAO DO M/ALUNO P/SALA, M/SUPERIOR A 40

DISCIPLINA	DISCIPLINA III	DISCIPLINA II	DISCIPLINA I
01 64 1049 P0301149 02 142 64 1154 P0502551 02 162 60			
02 70 1120 P041855X 05 142 70 1002 P030024X 06 142 70 1079 P0402336 02 162 70			
03 70 1129 P041855X 06 142 70 1002 P030024X 07 142 70 1282 P0801931 01 162 70			
04 70 1129 P041855X 07 142 70 1002 P030024X 08 142 70 1025 P0301742 08 162 60			
05 60 1207 P0604346 02 142 50 1222 P0701252 02 142 50 1228 P0701759 02 162 60			
06 50 1037 P0302641 03 142 40 1082 P0402646 01 162 50			
07 50 1037 P0302641 04 142 40 1404 P0604346 03 162 50			
08 40 1042 P0302749 05 142 40 1204 P0606047 01 162 39			
09 70 1002 P030024X 09 142 70 1025 P0301742 09 162 60			
10 70 1008 P0300649 05 142 70 1025 P0301742 10 162 60			
11 70 1008 P0300649 06 142 70 1029 P0301955 03 162 70			
12 70 1008 P0300649 07 142 70 1029 P0301955 04 162 70			
13 70 1008 P0300649 08 142 70 1052 P0306841 04 162 70			
14 70 1010 P0300746 03 142 70 1052 P0306841 05 162 70			
15 70 1010 P0300746 04 142 70 1052 P0306841 06 162 70			
16 33 1063 P0400155 01 142 33 1060 P0308641 01 162 30			
17 30 1063 P0400155 02 142 30 1176 P0601150 01 162 30			
18 74 1080 P0402549 01 142 74 1079 P0402336 01 162 70			
19 50 1088 P0403731 01 142 40 1231 P0702054 02 162 50			
20 35 1088 P0403731 02 142 35 1239 P0703956 01 162 30			

UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAIBA  
CENTRO DE CIENCIAS E TECNOLOGIA  
DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTACAO  
PELATORIO DE DISTRIBUICAO DE MATERIAIS E COMPUTACAO  
CRITERIO - ALOCA DISCIPLINA CATEGORICAMENTE DE HORARIO E C/AVARIACAO DO N/ALUNO P/SALA, N/SUPERIOR A 40

PERIODO 781  
TURNO - SEG-TARDE

21	50	1112	P0608644	01	142	40	1232	P070216X	01	162	50
22	40	1113	P0608849	01	142	40	1418	P0512546	01	162	40
23	33	1187	P0604249	01	142	33	1247	P0706742	01	162	30
24	30	1188	P0604246	01	142	30					
25	40	1201	P0605733	01	142	40					
26	61	1223	P0701356	01	142	50	1286	P0802555	01	162	61
27	61	1225	P0701546	01	142	50	1025	P0301742	06	162	61
28	40	1236	P0703343	01	142	40					
29	40	1258	P0715747	01	142	40					
30	61	1284	P0802148	01	142	49	1025	P0301742	07	162	61
31	30	1301	P0805844	01	142	30					
32	15	1402	P0915643	01	142	15					

TOTAL DE DISCIPLINA P/TURNO = 63      \*TOTAL DE SALA P/TURNO = 32      \*TOTAL DE CADEIRAS P/TURNO = 1687

UNIVERSIDADE FEDERAL DO PIAUÍ  
 CENTRO DE CIÊNCIAS E TECNOLOGIA  
 DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTAÇÃO  
 PERÍODO DE DISTRIBUIÇÃO ÓTIMA DAS DISCIPLINAS P/SALA  
 CRITÉRIO- ANÇA DISCIPLINA C/RESTRIÇÃO DE HORÁRIO E SEM RESTRIÇÃO DO NÚMERO DE ALUNOS P/SALA

PAGINA- 001

PERÍODO 781

TURNO- SEG-TARDE

SAIAS	DISCIPLINA I	DISCIPLINA II	DISCIPLINA III	DISCIPLINA IV	DISCIPLINA V	
N.º	CLAS	CLAS	CLAS	CLAS	CLAS	
DISC	DISC	DISC	DISC	DISC	DISC	
01	64 1049	P03006450 01 131	59 1018	P0301149 02 142	64 1154	P0502551 02 162 60
02	70 1129	P041855X 05 131	70 1002	P030024X 06 142	70 1079	P0402336 02 162 70
03	70 1129	P041855X 06 131	70 1002	P030024X 07 142	70 1282	P0801931 01 162 70
04	70 1129	P041855X 07 131	70 1002	P030024X 08 142	70 1025	P0301742 08 162 60
05	60 1207	P06004366 02 131	50 1222	P0701252 02 142	50 1228	P0701759 02 162 60
06	50 1037	P0302641 03 133	40 1082	P0402646 01 162 50		
07	50 1037	P0302641 04 133	40 1404	P06004346 03 162 50		
08	40 1042	P03002749 05 133	40 1204	P06006047 01 162 39		
09	70 1002	P030024X 09 142	70 1025	P0301742 09 162 60		
10	70 1008	P0300649 05 142	70 1025	P0301742 10 162 60		
11	70 1008	P0300649 06 142	70 1029	P0301955 03 162 70		
12	70 1008	P0300649 07 142	70 1029	P0301955 04 162 70		
13	70 1008	P0300649 08 142	70 1052	P0306841 04 162 70		
14	70 1010	P0300746 03 142	70 1052	P0306841 05 162 70		
15	70 1010	P0300746 04 142	70 1052	P0306841 06 162 70		
16	33 1063	P0400155 01 142	33 1060	P0308941 01 162 30		
17	30 1063	P0400155 02 142	30 1176	P0601150 01 162 30		
18	74 1080	P0402549 01 142	74 1079	P0402336 01 162 70		
19	50 1088	P0403731 01 142	40 1231	P0702054 02 162 50		
20	35 1088	P0403731 02 142	35 1239	P0703956 01 162 30		

UNIVERSIDADE FEDERAL DO PARANÁ  
CENTRO DE CIÊNCIAS E TECNOLOGIA  
DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTAÇÃO  
LABORATÓRIO DE DISTRIBUIÇÃO DE CARGAS  
CRITÉRIO- ALOCAÇÃO DE DISCIPLINAS P/SALA

SAIAS	DISCIPLINA I	DISCIPLINA II	DISCIPLINA III	DISCIPLINA IV	DISCIPLINA V
N.º	CLAS	CLAS	CLAS	CLAS	CLAS
21	50 1112 P0408644 01 142 40 1232 P070216X 01 162 50				
22	40 1113 P0408849 01 142 40 1438 P0512946 01 162 40				
23	33 1167 P0604249 01 142 33 1247 P0706742 01 162 30				
24	30 1188 P0604346 01 142 30				
25	40 1201 P0605733 01 142 40				
26	61 1223 P0701256 01 142 50 1286 P0802555 01 142 61				
27	61 1225 P0701546 01 142 50 1025 P0301742 06 142 61				
28	40 1236 P0703344 01 142 40				
29	40 1258 P0719747 01 142 40				
30	61 1284 P0802143 01 142 49 1025 P0301742 07 162 61				
31	30 1301 P0805948 01 142 30				
32	15 1402 P0915643 01 142 15				

TOTAL DE DISCIPLINA P/TURNO = 63      \*TOTAL DE SALA P/TURNO = 32      \*TOTAL DE CADEIRAS P/TURNO = 1687





CENTRO DE CIENCIAS E TECNOLOGIA  
DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTACAO  
RELATORIO DE DISTRIBUICAO ATIVA DAS DISCIPLINAS P/SALA  
CRITERIO- ALGUA DISCIPLINA C/RESTRICAO DE HORARIO E C/MAIORIDADE DE N/ALUND P/SALA, N/SUPERIOR A 40

SALA	DISCIPLINA I	DISCIPLINA II	DISCIPLINA III	DISCIPLINA IV	DISCIPLINA V
N. CADEIRAS	CLAS*COD*DISC*TURN*H*V.	CLAS*COD*DISC*TURN*H*V.	CLAS*COD*DISC*TURN*H*V.	CLAS*COD*DISC*TURN*H*V.	CLAS*COD*DISC*TURN*H*V.
01	30 1269 P0720559 01 181 30 1252 P0718457 01 192 30 1251 P0719341 01 212 30				
02	40 1248 P0718031 01 183 40 1144 P0501458 01 212 40				
03	73 1243 P0705630 02 192 73 1245 P0705835 01 212 70				
04	73 1243 P0705630 03 192 73 1255 P071533X 01 212 61				
05	73 1243 P0705630 04 192 73				
06	74 1243 P0705630 05 192 74				
07	30 1257 P0719666 01 192 30 1254 P071916X 01 212 30				
08	30 1268 P0720443 01 192 30 1344 P0912644 01 212 30				
09	70 1312 P0910641 01 192 70 1245 P0705835 02 212 52				
10	70 1340 P0911745 01 192 70 1352 P0913349 01 212 60				
11	70 1350 P0913144 01 192 70 1354 P0913748 01 212 50				
12	40 1422 P0302641 06 193 40				
13	40 1422 P0302641 07 193 40				
14	46 1250 P0718252 01 212 46				

TOTAL DE DISCURSOS P/TURNO = 24      \*TOTAL DE SALA P/TURNO = 14      \*TOTAL DE CADEIRAS P/TURNO = 759

\*\*\*\*\*

























UNIVERSIDADE FEDERAL DE PERNAMBUCO  
CENTRO DE CIENCIAS E TECNOLOGIA  
DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTACAO  
RELATORIO DE DISTRIBUICAO OTIMA DAS DISCIPLINAS P/SALA  
CRITERIO- AUNCA DISCIPLINA C/RESTRICAO DE HORARIO E SEM RESTRICAO DO NUMERO DE ALUNOS P/SALA

PERIODO 781  
TURNO- TER-MANHA

\*\*\*\*\*  
\*  
\* SALAS \*--- DISCIPLINA I --- DISCIPLINA II --- DISCIPLINA III --- DISCIPLINA IV --- DISCIPLINA V ---  
\* N.ºCAP\*CI AS\*COD. O ISC\*TI\*HOR\*V. A\*CLA\*S\*COU. PISC\*TU\*HOR\*N. A\*CLA\*S\*COU. DISC\*TI\*HOR\*N. A\*CLA\*S\*COU. DI SC\*TI\*HOR\*AN. A\*  
\* \* \* \* \*  
\*\*\*\*\*

41 40 1291 P0804726 01 082 40  
42 43 1303 P0805045 01 082 43  
43 15 1307 P0915147 01 082 15 1401 P0915546 01 102 15

TOTAL DE DISC/TURMA P/TURNO = 86      \*TOTAL DE SALA P/TURNO = 43      \*TOTAL DE CADEIRAS P/TURNO = 2374











UNIVERSIDADE FEDERAL DA BAHIA  
CENTRO DE CIENCIAS E TECNOLOGIA  
DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTACAO  
RELATORIO DE DISTRIBUICAO OTIMA DAS DISCIPLINAS P/SALA  
CRITERIO - ALOCA DISCIPLINA C/RESERVA DE HORARIO E C/AVARIACAO DO N/ALUNO P/SALA, N/SUPERIOR A 20

PERIODO 781  
TURNO - TFR-TARDE

\*\*\*\*\*  
\*  
\* SALAS \*--- DISCIPLINA I --- DISCIPLINA II --- DISCIPLINA III --- DISCIPLINA IV --- DISCIPLINA V ---  
\* N.\*CAD\*CLAS\*COD.DISC\*TI\*HOR\*N.A\*CLAS\*COD.DISC\*TI\*HOR\*N.A\*CLAS\*COD.DISC\*TI\*HOR\*N.A\*CLAS\*COD.DISC\*TI\*HOR\*N.A\*  
\* \* \* \* \*  
\* \* \* \* \*

41 40 1275 P0721245 C1 142 40  
42 30 1304 PC9C6C46 C1 142 30 1300 P08C5759 O1 162 30

TOTAL DE DISC/TURMA P/TURNO = 72      \*TOTAL DE SALA P/TURNO = 42      \*TOTAL DE CADEIRAS P/TURNO = 2323

\*\*\*\*\*  
 \*  
 \* SALAS \*----- DISCIPLINA I \*----- DISCIPLINA II \*----- DISCIPLINA III \*----- DISCIPLINA IV \*----- DISCIPLINA V \*-----\*  
 \* N.º CADASTRO \*----- DISCIPLINA I \*----- DISCIPLINA II \*----- DISCIPLINA III \*----- DISCIPLINA IV \*----- DISCIPLINA V \*-----\*  
 \*-----\*  
 \*\*\*\*\*

01	51	1045	P0300297	02	131	50	1016	P030105X	03	142	47	1237	P0702628	01	162	40
02	47	1047	P0702354	02	131	40	1016	P070105X	04	142	47	1240	P0704050	01	162	40
03	40	1435	P0400856	01	131	40	1064	P0400252	01	142	40	1293	P0305651	01	162	35
04	40	1074	P0401739	01	131	35	1066	P0400440	01	142	40					
05	40	1074	P0401739	02	131	35	1077	P0402229	01	142	40					
06	44	1121	P0412733	01	131	40	1087	P0403138	02	142	44					
07	51	1127	P0418956	03	131	51	1152	P0502454	01	142	50					
08	50	1126	P0418956	04	131	50	1117	P0410630	01	142	40					
09	54	1141	P0501156	01	131	50	1159	P0503035	01	142	54					
10	50	1161	P0403233	01	131	50	1229	P0701856	01	142	50					
11	50	1212	P0700159	02	131	50	1235	P0703247	01	142	50					
12	65	1280	P0801632	02	131	60	1014	P0300940	04	142	65	1046	P0306450	01	162	50
13	70	1280	P0801632	03	131	60	1014	P0300940	05	142	65	1309	P0702347	04	162	70
14	40	1038	P0302641	05	133	40	1116	P0410541	01	162	40					
15	40	1041	P0302749	04	133	40	1226	P0701643	01	162	40					
16	70	1004	P0300347	03	142	70	1021	P0301440	04	162	70					
17	72	1012	P0300643	07	142	72	1021	P0301440	05	162	70					
18	72	1012	P0300643	08	142	72	1021	P0301440	06	162	72					
19	74	1012	P0300643	09	142	72	1023	P0301548	02	162	74					
20	71	1012	P0300643	10	142	71	1129	P041895X	05	162	70					



UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAIBA  
CENTRO DE CIENCIAS E TECNOLOGIA  
DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTACAO  
RELATORIO DE DISTRIBUICAO OTIMA DAS DISCIPLINAS P/SALA  
CRITERIO- ALGUA DISCIPLINA C/AVARIACAO DO N/ALUNO P/SALA, N/SUPERIOR A 40

\*\*\*\*\*  
\*  
\* SAIAS #--- DISCIPLINA I ---DISCIPLINA II ---DISCIPLINA III ---DISCIPLINA IV ---DISCIPLINA V ---  
\* N.#CLAS#CLAS#COD.#DISC#TUR#HOR#N.#A#CLAS#COD.#DISC#TUR#HOR#N.#A#CLAS#COD.#DISC#TUR#HOR#N.#A#  
\*  
\*\*\*\*\*

41 40 1275 P0721245 01 142 40  
42 30 1304 PCR06C46 01 142 30 1300 P0805759 01 162 30

TOTAL DE DISCURSUA P/TURNO = 72      \*TOTAL DE SALA P/TURNO = 42      \*TOTAL DE CADEIRAS P/TURNO = 2323









UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAIBA  
CENTRO DE CIENCIAS E TECNOLOGIA  
DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTACAO  
REATORIO DE DISTRIBUICAO OTIMA DAS DISCIPLINAS P/SALA  
CRITERIO- ALOCA DISCIPLINA C/RESTRICAO DE HORARIO E C/VARIACAO DO N/ALUNO P/SALA, N/SUPERIOR A 20

\*\*\*\*\*  
\* SAIAS \*--- DISCIPLINA I ---\*--- DISCIPLINA II ---\*--- DISCIPLINA III ---\*--- DISCIPLINA IV ---\*--- DISCIPLINA V ---\*  
\* N.\*CAP\*CLAS\*COD.DISC\*TU\*HOR\*N.A\*CLAS\*COD.DISC\*TU\*HOR\*N.A\*CLAS\*COD.DISC\*TU\*HOR\*N.A\*CLAS\*COD.DISC\*TU\*HOR\*N.A\*  
\* \*\*\*\*\*

01	70	1419	P0301440	07	192	70	1115	P0410444	02	212	63
02	74	1420	P0301548	03	192	74					
03	30	1246	P0706645	01	192	30	1253	P0715046	01	212	30
04	30	1256	P0719542	01	192	30	1269	P0720559	01	212	30
05	30	1270	P0720648	01	192	30	1344	P0512644	01	212	30
06	70	1339	P0911648	01	192	70	1343	P0912342	01	212	60
07	50	1342	P0912032	01	192	50	1144	P0501458	01	212	40
08	60	1353	P0913446	01	192	60	1351	P0913241	01	212	60
09	1	1423	P0302641	08	193	1					
10			1423	P0302641	09	193					
11	40	1424	P0302749	06	193	40					

TOTAL DE DISC/TURMA P/TURNO = 18      \*TOTAL DE SALA P/TURNO = 11      \*TOTAL DE CADEIRAS P/TURNO = 455

UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAIBA  
CENTRO DE CIENCIAS E TECNOLOGIA  
DEPARTAMENTO DE SISTEMAS E COMPUTACAO  
REATORIO DE DISTRIBUICAO OTIMA DAS DISCIPLINAS P/SALA  
CRITERIO- ALOCA DISCIPLINA C/RESTRICAO DE HORARIO E C/VARIAICAO DO N/ALUNO P/SALA, N/SUPERIOR A 40

\*\*\*\*\*  
\* SAIAS \*  
\* N.\*CAP\*CLAS\*COD.DISC\*TU\*HOR\*N.\*CLAS\*COD.DISC\*TU\*HOR\*N.\*CLAS\*COD.DISC\*TU\*HOR\*N.\*A  
\*\*\*\*\*

01	70	1419	P0301440	07	192	70	1115	P0410444	02	212	63
02	74	1420	P0301548	03	192	74					
03	30	1246	P0706645	01	192	30	1253	P0719046	01	212	30
04	30	1256	P0719542	01	192	30	1269	P0720559	01	212	30
05	30	1270	P0720648	01	192	30	1344	P0912644	01	212	30
06	70	1339	P0911648	01	192	70	1343	P0912342	01	212	60
07	50	1342	P0912032	01	192	50	1144	P0501458	01	212	40
08	60	1353	P0913446	01	192	60	1351	P0913241	01	212	60
09	1	1423	P0302641	08	193	1					
10	1423	P0302641	09	193							
11	40	1424	P0302749	06	193	40					

TOTAL DE DISC/TURMA P/TURNO = 18      \*TOTAL DE SALA P/TURNO = 11      \*TOTAL DE CADEIRAS P/TURNO = 455